

EJERCICIO 1

1. Ordenar por Cuenta por distribución

Datos originales:

5T, 0C, 5U, 0O, 9!, 1N, 8S, 2R, 6A, 4A, 1G, 5L, 6T, 6I, 7O, 7N

Clave es el dígito.

Paso 1: Inicializar vector de conteo

Claves van de 0 a 9.

Cuenta[0..9] inicializado a 0

Cuenta: [0,0,0,0,0,0,0,0,0,0]

Paso 2: Contar ocurrencias

5T → Cuenta[5] = 1

0C → Cuenta[0] = 1

5U → Cuenta[5] = 2

0O → Cuenta[0] = 2

9! → Cuenta[9] = 1

1N → Cuenta[1] = 1

8S → Cuenta[8] = 1

2R → Cuenta[2] = 1

6A → Cuenta[6] = 1

4A → Cuenta[4] = 1

1G → Cuenta[1] = 2

5L → Cuenta[5] = 3

6T → Cuenta[6] = 2

6I → Cuenta[6] = 3

7O → Cuenta[7] = 1

7N → Cuenta[7] = 2

Cuenta final: [2,2,1,0,1,3,3,2,1,1]

Paso 3: Transformar a acumulada

Cuenta[0] = 2

Cuenta[1] = 2+2 = 4

Cuenta[2] = 4+1 = 5

Cuenta[3] = 5+0 = 5

Cuenta[4] = 5+1 = 6

Cuenta[5] = 6+3 = 9

Cuenta[6] = 9+3 = 12

Cuenta[7] = 12+2 = 14

Cuenta[8] = 14 + 1 = 15

Cuenta[9] = 15 + 1 = 16

Cuenta acumulada: [2,4,5,5,6,9,12,14,15,16]

Paso 4: Repartir en vector salida de derecha a izquierda para mantener estabilidad

7N → clave=7 → posición=14 → salida[14]=7N → Cuenta[7]=13

7O → clave=7 → posición=13 → salida[13]=7O → Cuenta[7]=12

6I → clave=6 → posición=12 → salida[12]=6I → Cuenta[6]=11

6T → clave=6 → posición=11 → salida[11]=6T → Cuenta[6]=10

5L → clave=5 → posición=9 → salida[9]=5L → Cuenta[5]=8

1G → clave=1 → posición=4 → salida[4]=1G → Cuenta[1]=3

4A → clave=4 → posición=6 → salida[6]=4A → Cuenta[4]=5

6A → clave=6 → posición=10 → salida[10]=6A → Cuenta[6]=9

2R → clave=2 → posición=5 → salida[5]=2R → Cuenta[2]=4

8S → clave=8 → posición=15 → salida[15]=8S → Cuenta[8]=14

1N → clave=1 → posición=3 → salida[3]=1N → Cuenta[1]=2

9! → clave=9 → posición=16 → salida[16]=9! → Cuenta[9]=15

0O → clave=0 → posición=2 → salida[2]=0O → Cuenta[0]=1

5U → clave=5 → posición=8 → salida[8]=5U → Cuenta[5]=7

0C → clave=0 → posición=1 → salida[1]=0C → Cuenta[0]=0

5T → clave=5 → posición=7 → salida[7]=5T → Cuenta[5]=6

Vector final ordenado

[0C, 0O, 1N, 1G, 2R, 4A, 5T, 5U, 5L, 6A, 6T, 6I, 7O, 7N, 8S, 9!]

2. Cuántas comparaciones y movimientos

Cuenta por distribución no hace comparaciones directas entre elementos, solo incrementa contadores y luego coloca en posiciones finales, total es $O(n)$ en movimientos.

Comparado con heapsort, que hace $O(n \log n)$ comparaciones y movimientos.

3. Consideraciones sobre estabilidad

Cuenta por distribución es estable porque procesa del final al principio y mantiene el orden relativo original de los elementos con la misma clave.

Heapsort no es estable.

4. Orden del tiempo de ejecución

Seudocódigo

CuentaPorDistribución

begin

for $i = u$ to v hacer Cuenta[i] = 0

for $j = 1$ to N incrementar Cuenta[Kj]

```
for i = u+1 to v Cuenta[i] = Cuenta[i] + Cuenta[i-1]
for j = N downto 1 hacer
  i = Cuenta[Kj]
  S[i] = R[j]
  Cuenta[Kj] = i-1
end
```

Análisis

Inicialización $O(k)$

Conteo $O(n)$

Acumulación $O(k)$

Reparto $O(n)$

Total $O(n + k)$, si k pequeño frente a n , es $O(n)$.