

20. TABLAS HASH

- insertar - lleva un índice
 - find - revisar que el índice no sea 0
 - remove - índice positivo
- tiempo constante $O(1)$? **El Futuro se moldea**

ASCII con letras \rightarrow matriz muy grande \rightarrow correspondencia entre un elemento y un índice de nombre función hash.

clave % TamañoTabla = índice donde va

\hookrightarrow En ASCII $q: j \quad u \quad n \quad k$
 $128^3 \quad 128^2 \quad 128^1 \quad 128^0$

Colisión: cuando 2 elementos o más les corresponde la misma posición.

\hookrightarrow Soluciones: $\left\{ \begin{array}{l} \text{sondeo lineal} \\ \text{cuadrático} \\ \text{encadenamiento separado} \end{array} \right.$

Función Hash

Paq3
 190.2
 270

$$A_3 X^3 + A_2 X^2 + A_1 X^1 + A_0 X^0$$

$$(((A_3 \cdot X) + A_2) \cdot X) + A_1) X + A_0$$

- Sum y multi mejor costosas que potencia \rightarrow Va tya
- mod después de c/multi y suma \rightarrow resultados pequeño
- \hookrightarrow Si genera neg lo hacemos positivo

// Función hash aceptable

```
public static int hash(String key, int tableSize) {
    int hashVal = 0;
    for (int i = 0; i < key.length(); i++)
        hashVal = (hashVal * 128 + key.charAt(i)) % tableSize;
    return hashVal;
}
```

GERDAU
El futuro se moldea

```
// Hash para String
public static int hash (String key, int tableSize) {
    int valHash = 0;
    for (int i = 0; i < key.length(); i++)
        hashVal = 37 * hashVal + key.charAt(i);
    hashVal %= tableSize;
    if (hashVal < 0)
        hashVal += tableSize;
    return hashVal;
}
```

tablas hash se comienzan indexando en 0.

La parte más costosa de las op con tablas hash es el cálculo del código hashcode,

c/string almacena su hashcode + se evita los cálculos costosos
→ almacenamiento en cache del código hash

↳ Funciona pq String es inmutable

20.3.3 Analisis de la operación find

La op find en éxito la secuencia de examinación es la misma que la de inserción. → respuesta inmediata



El coste medio para encontrar el primer elemento insertado en la tabla siempre será 1,0.

$$\text{Sin éxito: } \left(1 + \frac{1}{(1-\lambda)^2} \right) \cdot \frac{1}{2}$$

$$\text{con éxito: } \left(1 + \frac{1}{(1-\lambda)} \right) \cdot \frac{1}{2}$$

Para una búsqueda con éxito calculamos el coste medio de inserción

PPal problema con el agrupamiento primario → el rendimiento se degrada enormemente cuando se realizan inserciones con factores de carga altos.

Para reducir el número de sondeos → esq. de resolución de colisiones



evita agrupamiento primario

Sondeo Lineal

$H_{i+1}, H_{i+2}, H_{i+3}, H_{i+4}, \dots, H_{ii}$

implementación fácil

20.3 Sondeo Lineal

¿Qué hacer en una colisión?

Buscar a la matriz hasta encontrar una celda vacía

↳ tiempo más largo

El Futuro se moldea

```
public final class String {  
    public int hashCode() {  
        if (hash != 0)  
            return hash;  
        for (int i = 0; i < length(); i++)  
            hash = hash * 31 + (int) charAt(i);  
        return hash;  
    }  
    private int hash = 0;  
}
```

find: si llega a celda vacía no se encontró el elemento,
si no está vacío pero el elemento no es el buscado \Rightarrow
avanzar de celda.

borrar: se los marca como borrados, no se los quita de la tabla
(frol puede fallar si se los quita) \rightarrow borrado perezoso
activo o borrado \rightarrow estado

#Rendimiento de tabla hash depende de que tan llena esté

agrupamiento primario o clustering primario
se forma bloques de celdas ocupadas

número medio de celdas examinadas en la inserción $(1 + 1/(1 - \lambda)^2)/2$

$$\left(\frac{1}{1} + \frac{1}{(1-\lambda)^2} \right) \cdot \frac{1}{2}$$

tabla sencilla \rightarrow num medio 2,5

20.4 Sondeo Cuadrático

Resuelve colisiones y elimina el problema del agrupamiento primario

Fórmula para resolver las colisiones

$$F(i) = i^2$$

El Futuro se moldea

$$H + 1^2, H + 2^2, H + 3^2 \dots H + i^2$$

Ninguna celda será sondeada 2 veces si la carga nunca es mayor a 0,5 \rightarrow Tamaño de tabla debe ser primo

Si se utiliza un sondeo cuadrático y el tamaño de la tabla es un número primo, entonces siempre se podrá insertar un nuevo elemento si la tabla está como mínimo medio vacía. Además en el curso de la inserción ninguna celda será sondeada 2 veces.

pág 14 Método para encontrar un número primo $\geq n$

Si el factor de carga es mayor que 0,5, se ~~duplica~~ el tamaño de la tabla hash.

\downarrow
rehashing

las posiciones de los valores
se reasignan en la función hash

\hookrightarrow Dificultad para encontrar número primo $O(N^{1/2} \log N)$

\hookrightarrow Menos costoso que crear una nueva tabla y pasar todos los datos $O(N)$

20.4.1 Implementación en Java

HashSet } requieren un método \rightarrow hashCode
HashMap }



↳ no tiene parámetro tableSize
↳ Luego de usar la función hash del universo, se realiza una op módulo al final.

eq. al = hashCode

Tabla hash compuesta por una matriz de referencias

HashEntry \rightarrow obj o null
↳ activa o borrada

HashEntry \rightarrow boolean isActive } HashSet tiene un Array de
Object HashEntry

find() \rightarrow implementa sondeo cuadrático

Si hay muchos elementos borrados se modifica el tamaño de la tabla hash

clear() \rightarrow elimina todos los elementos del Hash Set

null es un elemento válido en el Hash Set

Pair es una clase incluida en HashMap.

3.3 Diccionarios

Permiten acceder a los elementos de datos por su contenido

El Futuro se moldea

Operaciones: K-clave D-diccionario

- 1) Buscar (D, k) - dada una clave devuelve el valor
- 2) Insertar (D, x) - elemento x se agrega a d.
- 3) Eliminar (D, x) - dado x lo elimina de d
- 4) Máximo(D) & Mínimo(D) - Permite que el diccionario funcione como una cola de prioridad
- 5) Predecesor (D, k) & Sucesor (D, k) - clave anterior o posterior

*El peor caso de tiempo de ejecución de operación ocurre cuando la estructura de datos es:

- Un arreglo no ordenado
- Un arreglo ordenado

Solución: dependiendo de cómo se implemente el diccionario, algunas operaciones serán rápidas y otras lentas

Operación	Array Desordenado	Array Ordenado
Search	$O(n)$	$O(\log n)$
Insert	$O(1)$	$O(n)$
Delete	$O(1)^*$	$O(n)$
Successor	$O(n)$	$O(1)$
Minimum	$O(n)$	$O(1)$
Maximum	$O(n)$	$O(1)$

Unsorted

- Search - Peor caso k no se encuentra
 - Insert - constante
 - Delete - sobrescribir el x elegido con el último elemento
 - Successor - Elemento más grande pero más pequeño que x
 - Predecesor - Elemento más pequeño más grande que x
- } Hay que buscarlos

CAP 6

La API de Colecciones

El Futuro se moldea

6.1. Introducción

Una vez que cada estructura de datos ha sido implementada, se la puede emplear todas las veces que se quiera en diversas aplicaciones.

est. de datos: representación de los datos y de las operaciones permitidas con esos datos.

↳ Buscar, insertar, eliminar, isEmpty(), makeEmpty() → Op de la interfaz

6.5 La interfaz List

lista: colección de elementos en la que los elementos tienen una posición. Ej: matriz

↳ Amplia la interfaz Collection - get, set, ListIterator

6.5.1 La interfaz ListIterator

recorrer lista en sentido inverso → hasPrevious y previous / hasNext

remove - elimina next o previous

6.5.2 La clase LinkedList

ArrayList - solo inserción al final



ventajas de LinkedList con respecto a ArrayList -
insertar y eliminar en medio

Op de LinkedList : - addLast

- addFirst

- getFirst

- getLast

- element = primer elemento que encuentra

- removeFirst

- removeLast

- remove

6.5.3. Tiempo de Ejecución para las distintas listas

Op	ArrayList	LinkedList
add Final	$O(1)$	$O(1)$
remove Final	$O(1)$	$O(1)$
removeFirst	$O(n)$	$O(1)$
add First	$O(n)$	$O(1)$
contains	$O(n)$	$O(n)$
get/set	$O(1)$	$O(n)$ + doble enlace

Si se usa un iterador para remover un elemento de una Linked, va a ser de tiempo lineal (sino es cuadrático)

6.7. Conjuntos

Un conjunto set es un contenedor que no contiene duplicados

El futuro se moldea

remove == de difícil que cambiar (recorre todos los elementos)

SortedSet → Soporta todos los métodos de Set
→ Permite encontrar Min y Max

6.7.1 La clase TreeSet

SortedSet implementado mediante TreeSet

printCollection = imprimir en orden decreciente

No permite duplicados

Peor caso $O(n)$ caso medio $O(\log n)$

Encontrar Menor y Mayor $O(\log n)$

K-ésimo elemento más pequeño no soportado x la API de Colecciones

6.7.2 La clase HashSet

difiere con TreeSet a que no se enumeran los elementos por orden. No se puede buscar Min ni Max.



HashSet - peor que el TreeSet

Implementación de equals y hashCode

$a.equals(b) \rightarrow a \leq b$

castea para tipos idénticos

instanceOf → son iguales si el dato que se les da es igual

6.8 Mapas

Un map se utiliza para almacenar una colección de entradas formadas por sus claves y sus valores. El Futuro se moldea

El Map asigna claves a valores.

• claves deben ser diferentes. $\begin{matrix} \text{clave1} \\ \text{clave2} \end{matrix} \rightarrow \text{valor} \quad \# \text{claves} = \text{valor} \checkmark$

SortedMap - mantiene el mapa ordenado según las claves

2 Implementaciones - HashMap - claves desordenadas
TreeMap - claves ordenadas

Interfaz Map NO amplía Collection, es independiente

Op $\begin{matrix} \swarrow \\ \downarrow \\ \downarrow \\ \downarrow \\ \downarrow \\ \downarrow \end{matrix}$ $\begin{matrix} \text{Size()} \\ \text{isEmpty()} \\ \text{containsKey()} \\ \text{get() - key/value} \\ \text{put()} \\ \text{remove()} \\ \text{clear()} \end{matrix}$

* Se permiten valores null

* No tiene iterador, tiene Collection