Examen final de Matematica Discreta II $(7 + 7 - 7^0/7 + 7 - 7^0 - 7^0/7)$

Los alumnos libres deben hacer ademas los ejercicios α y β , adjuntados en hoja aparte. Los libres que hayan aprobado el proyecto solo deben hacer el α .

I): (1,2 puntos) Hallar un flujo maximal de s a t y un corte minimal en el siguiente network, usando el algoritmo de Edmonds-Karp y el orden alfabetico.

sA 1111 sC 10 sG 1000 AB 1111 AE 1000 Bt 1111 CD 1000 CF 1000 DB 1000 Et 10 FL 1000 GH 1000 HI 1000 IJ 1000 JK 1000 KE 1000 LM 1000 MN 1000 NO 1000 OP 1000 PQ 1000 Qt 1000

II): (1,2 puntos) Sea H la matriz de chequeo:

y sea C el código asociado a ella.

- a) Escribir dos palabras no nulas que esten en C.
- b)¿Cuantas palabras tiene en total C?
- c) Calcular $\delta(C)$.
- d) Suponga que Ud. recibe la palabra 11100000000011. Asumiendo que se produjo a lo sumo un error de transmisión, ¿que palabra le fue enviada?

III): (1,2 puntos) La siguiente matriz representa el costo de asignar los trabajadores A, B, \dots a los trabajos $1, 2, \dots$, etc. Hallar un matching que minimize el costo total.

IV): (0,3 puntos) Dar una matriz generadora de un código de Reed-Solomon RS(8,5) de longitud 8 y distancia minima 5 usando el polinomio $1 + \alpha + \alpha^3$ para representar los elementos de $GF(2^3)$.

V): (1,1) puntos) Sean N_i networks con vertices s_i , t_i y f_i un flujo maximal de s_i a t_i en N_i (i=1,2). Sea ahora el network N cuyos vertices son la union de los vertices de N_1 con N_2 , excepto por el vertices s_2 , y cuyos lados son los lados de N_1 union los lados de N_2 , excepto que los lados de N_2 que entraban o salian de s_2 ahora entran o salen de t_1 . Sea t_1 un flujo maximal desde t_2 a t_3 cual es la relación entre t_1 y t_2 ?

VI): (2 puntos) ¿Cuál es la complejidad del algoritmo de Wave? Probarlo.

VII): (1,5 puntos) Sea H una matriz de chequeo de un código C. Probar que si H no tiene la columna cero ni columnas repetidas entonces C corrije (al menos) un error.

VIII): (1,5 puntos) (regalo de Navidad) Probar que si π_1 y π_2 son problemas de decisión, entonces $\pi_1 \leq_P \pi_2 \in P \Rightarrow \pi_1 \in P$.





