

Q.12a - F3 - Dinamica relativistă. Prin. fundamentelor, impuls, $m(\bar{v})$

- 1). Forma principiului fundamental (P2) valabil în TRR.
- 2). Ecuația de variație a masei cu viteză $m = m(v)$ la $(v \rightarrow c)$
- 3). Ecuația impulsului relativist, $\vec{p} = m(v) \cdot \vec{v}$

1) - Conform P2 - Legea forței în mec. clasică:

$$\vec{F} = m \cdot \vec{a}, \text{ valabil la viteze mici, } \bar{v} \ll \bar{c} (3 \cdot 10^8 \text{ m/s})$$

- Dacă un corp de masă, m ar fi acționat continuu de o forță constantă, \vec{F} aceasta ar determina o accelerație, $\vec{a} = \vec{F}/m$, care ar crește continuu viteza corpului, $\vec{v} = \vec{a} \cdot t$ până ar depăși foarte viteza luminii ($c \approx 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$) ceea ce ar viola Postulatul Existenței TRR-ale constantei vitezei luminii \rightarrow Contradicție.

Rezultă că ec. P2 în forma inițială, $\vec{F} = m \cdot \vec{a}$ nu este corectă la viteze mari deat în forma dată de Newton, Leg. forței în reprezentarea impulsului astfel:

$$\left| \vec{F} = \frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} = \frac{d\vec{p}}{dt} \right. \text{ unde } \vec{p} = m \cdot \vec{v} \text{ cu } m = m(v)$$

Obs. - În mec. clasică $m = \text{const.}$

- În TRR $m \neq \text{const.}$, $m = m(v) = m_0 / \sqrt{1 - v^2/c^2}$ este masa relativistă

- Variația masei cu viteză $m = m(v)$ este confirmată de exp. Bertozzi

$$\text{Atunci } \vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d}{dt} [m(v) \cdot \vec{v}] = \vec{v} \cdot \frac{dm}{dt} + m(v) \cdot \frac{d\vec{v}}{dt}$$

are două componente $\left\{ \begin{array}{l} 1 - \text{prima proporțională cu } (dm/dt) = \text{forță reactive} \\ 2 - \text{a 2-a proporțională cu } (dv/dt) = \vec{a} \end{array} \right.$

Concluzie:

- Legea de variație a masei $m(v) = m_0 / \sqrt{1 - v^2/c^2}$ est asimptotică la $(v/c) \rightarrow 1$

- Legea impulsului $(\vec{p} = p(v)) = \frac{m_0 \vec{v}}{\sqrt{1 - v^2/c^2}} = m(v) \cdot \vec{v}$

- Legea forței, P2 \rightarrow TRR

$$\frac{P2}{TRR} \left| \vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d}{dt} (m(v) \cdot \vec{v}) = \frac{d}{dt} \left(\frac{m_0 \vec{v}}{\sqrt{1 - v^2/c^2}} \right) \right|$$

