

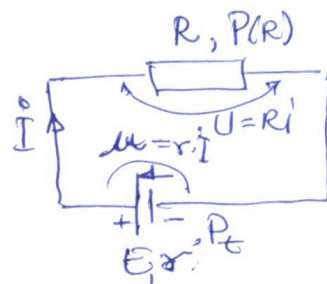
cl. 10a - S.26.1-2 - Transferul optim/max. de putere și energie
 pag. (97-98)

29.03.2021

1. Scrierea puterii externe $P(R)$ funcție de R -ref. consumatorului
2. Determinarea valorii $P(R) = R \cdot \frac{E^2}{(R+r)^2}$
3. Condiția de transf. max. ($R \equiv r$) și val. $P_{\max} = \frac{E^2}{4r}$
4. Reprezentarea grafică a puterilor $P_{\text{int}}, P_{\text{ext}}$ și $\eta = \frac{P(R)}{P_t} = \frac{R}{(R+r)} \%$ randamentului

(1). Pentru un circuit simplu, care cuprinde sursă (E, r) de t.e.m și R -rez. ext
 - putem scrie, din lg. Ohm pe întregul circuit;

$$I = \frac{E}{(R+r)} ; P_{\text{ext}} = P(R) = R \cdot I^2 = R \cdot \frac{E^2}{(R+r)^2} (*)$$



- Pe baza expresiei pentru a obține ec.

$$\begin{cases} P(R) = 0 ; (*) P \cdot (R+r)^2 = R \cdot E^2 \\ P \cdot (R^2 + 2rR + r^2) - R \cdot E^2 = 0 \end{cases}$$

- dezvoltăm și ordonăm ec. descrescător după puterile lui R astfel:

$$\begin{cases} P \cdot R^2 + (2P \cdot r - E^2) R + P \cdot r^2 = 0 \\ \text{- căutăm soluțiile calculând } \Delta = (2P \cdot r - E^2)^2 - 4P^2 r^2 \geq 0 \rightarrow \begin{cases} E^2 \geq 4P \cdot r \\ \text{sau} \\ P \leq \frac{E^2}{4r} \end{cases} \\ \Delta = b^2 - 4a \cdot c \geq 0 \\ \text{soluții reale. } \begin{cases} \Delta > 0 - \text{rad. distincte} \\ \Delta = 0 - \text{rad. egale} \end{cases} \end{cases}$$

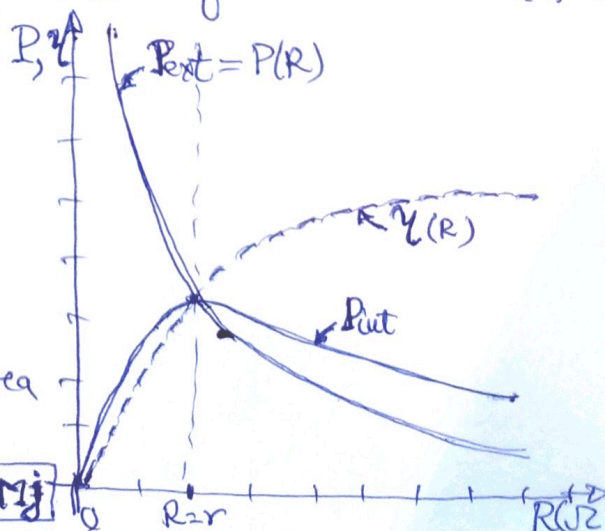
(2) Determinarea lui $P(R) = \max. \Leftrightarrow (R=r)$ cond. de transfer max. de putere
 $\left[P_{\max} = \frac{E^2}{4r} \right]$ - puterea max transfer (max. de putere) de la sursă la R -consumator.

(3). Deci condiția de transf. max de putere este:
 $(R \equiv r)$ -ref. consumatorului, R să fie egală cu r -ref. internă a sursei (E, r)

(4). Calculul și reprez grafică a:

$$\begin{cases} P_r = r \cdot I^2 = U \cdot I = r \left(\frac{E}{R+r} \right)^2 \\ P_R = R \cdot I^2 = U \cdot I = R \left(\frac{E}{R+r} \right)^2, 1W = 1J/s \\ P_t = E \cdot I = E \cdot \frac{E}{(R+r)} = \frac{E^2}{(R+r)} \quad [1J = 1Ws] \\ \eta = \frac{P_R}{P_t} = \left(\frac{R}{R+r} \right) \end{cases}$$

(5) - Reprezentarea grafică



$$W_t = P_t \cdot t$$

$$W_{\max} = P_{\max} \cdot t, W_{\text{int}} = P_{\text{int}} \cdot t, W_{\text{ext}} = P_{\text{ext}} \cdot t, 1kW \cdot h = 3.6MJ$$