

# Capitolul I

## PRINCIPII ȘI LEGI ÎN MECANICA NEWTONIANĂ

Primul capitol al lucrării include probleme pentru rezolvarea cărora sunt utilizate mărimi fizice ca viteza, acelerația și forța (toate trei având valori medii și momentane), în situații în care sunt întâlnite mișcarea rectilinie (uniformă și uniform variată, pe plan orizontal și înclinat), mișcarea în câmp gravitațional și mișcarea circulară. În acest scop sunt folosite principiile mecanicii, legile mișcării și vitezei, legea deformărilor elastice (Hooke), legile frecării și legea atracției universale. Dacă nu se precizează altfel, pentru accelerația gravitațională se va utiliza  $g = 10 \text{ m/s}^2$ ,  $\frac{H}{K}$  valoare folosită și în subiectele de mecanică administrate la examenul de bacalaureat.

### BREVIAR TEORETIC

Pentru rezolvarea problemelor conținute în capitolul de față sunt necesare următoarele definiții, relații și formule:

- definițiile vitezei medii și vitezei momentane în mișcarea rectilinie:  $v_m = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ ,

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \left( \frac{dx}{dt} \right); \quad \vec{v} = v_x \vec{i} + v_y \vec{j} + v_z \vec{k} \quad \left\{ \begin{array}{l} \vec{i} + \vec{j} + \vec{k} \\ \vec{v}_x + \vec{v}_y + \vec{v}_z \end{array} \right.$$

- definițiile accelerației medii și accelerației momentane în mișcarea rectilinie:

$$a_m = \left( \frac{\Delta v}{\Delta t} \right), \quad a = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left( \frac{\Delta v}{\Delta t} \right) = \left( \frac{dv}{dt} \right); \quad \vec{a} = a_x \vec{i} + a_y \vec{j} + a_z \vec{k}; \quad \vec{a}_x \perp \vec{a}_y \perp \vec{a}_z$$

- definițiile vectorului viteză medie și vectorului viteză momentană în mișcarea curbilinie plană:  $\vec{v}_m = \left( \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \right), \quad \vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \left( \frac{d\vec{r}}{dt} \right)$ ; definițiile vitezelor medii și

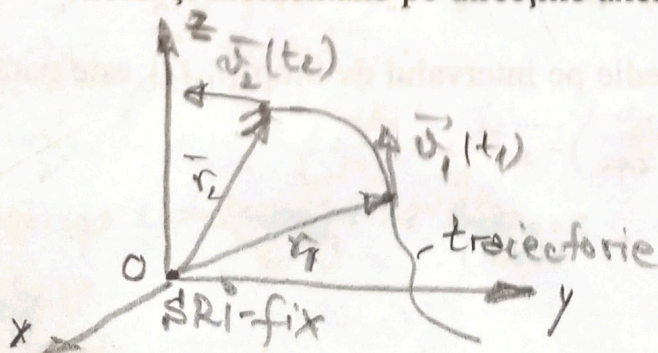
momentane pe direcțiile axelor de coordonate:  $v_{mx} = \frac{\Delta x}{\Delta t}, \quad v_{my} = \frac{\Delta y}{\Delta t},$

$$\left\{ \begin{array}{l} v_m = \sqrt{v_{mx}^2 + v_{my}^2} \text{ și } v_x = \left( \frac{dx}{dt} \right), \quad v_y = \left( \frac{dy}{dt} \right), \quad v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} \end{array} \right. \text{ Se vor reține și formulele } \vec{v}_m = v_{mx} \cdot \vec{i} + v_{my} \cdot \vec{j} \text{ și } \vec{v} = v_x \cdot \vec{i} + v_y \cdot \vec{j} + v_z \cdot \vec{k}, \quad v_z = \left( \frac{dz}{dt} \right); \quad \vec{i} \perp \vec{j} \perp \vec{k}$$

- definițiile vectorului accelerație medie și vectorului accelerație momentană în mișcarea curbilinie plană:  $\vec{a}_m = \left( \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \right), \quad \vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \left( \frac{d\vec{v}}{dt} \right)$ ; definițiile accelerațiilor

medii și momentane pe direcțiile axelor de coordonate:  $a_{mx} = \left( \frac{\Delta v_x}{\Delta t} \right), \quad a_{my} = \left( \frac{\Delta v_y}{\Delta t} \right),$

$$a_z = \left( \frac{\Delta v_z}{\Delta t} \right) = \frac{dv_z}{dt}$$





$$a_m = \sqrt{a_{mx}^2 + a_{my}^2} \quad \text{și} \quad a_x = \frac{dv_x}{dt}, \quad a_y = \frac{dv_y}{dt}, \quad a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}. \quad \text{Se vor reține și}$$

$$\text{formulele } \vec{a}_m = a_{mx} \cdot \vec{i} + a_{my} \cdot \vec{j} \quad \text{și} \quad \vec{a} = a_x \cdot \vec{i} + a_y \cdot \vec{j} \neq a_x \cdot \vec{i} + a_y \cdot \vec{j}$$

- vectorul viteză momentană ( $\vec{v}$ ) este tangent la traiectorie, iar vectorul același momentană  $\vec{a}$  este orientat către interiorul traiectoriei (către partea concavă);

• vectorul același momentană ( $\vec{a}$ ) se mai scrie și sub forma  $\vec{a} = \vec{a}_t + \vec{a}_n$ , în care  $\vec{a}_t$  este același tangentia, iar  $\vec{a}_n$  este același normală la traiectorie; de asemenea,  $a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2}$ ; cele două componente  $\vec{a}_t$  și  $\vec{a}_n$  ale același momentane au modulele date de relațiile  $a_t = \left(\frac{dv}{dt}\right)$  și  $a_n = \left(\frac{v^2}{R}\right)$ , în care  $R$  este raza de curbura a traiectoriei în punctul în care se calculează același;

• ecuația principiului al II-lea al mecanicii:  $\vec{R} = m\vec{a}$ , în care  $\vec{R} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i$  este

rezultanta forțelor care acționează asupra unui punct material de masă  $m$ , căruia acestea îi imprimă același  $\vec{a}$ ; ecuația vectorială se proiectează pe axele de coordonate astfel:  $R_x = ma_x$ ,  $R_y = ma_y$ ;  $R_{ax} = m \cdot a_x$ ,  $R_{ay} = m \cdot a_y$

• ecuația principiului al III-lea al mecanicii:  $\vec{F}' = -\vec{F}$  (acțiunea și reacțiunea au module egale și sensuri opuse);

• legea a II-a a frecării:  $\vec{F}_f = \mu \vec{N}$ ;

• legea lui Hooke (numită și legea deformațiilor elastice):  $\Delta l = \frac{F l_0}{E S_0}$  sau

$\epsilon = \sigma / E$ , în care  $\epsilon = \Delta l / l_0$  este alungirea relativă, iar  $\sigma = F / S_0$  este efortul unitar (sau tensiunea mecanică). Pentru un corp elastic dat  $F = k \Delta l$ , în care  $k$  este constanta de elasticitate,  $k = \left(\frac{E S_0}{l_0}\right)$ ;

• pentru mișcarea rectilinie uniformă a unui mobil:  $v = ct$ ,  $a = 0$ ,  $x = x_0 + v(t - t_0)$  (legea mișcării); de asemenea, distanța parcursă în această mișcare se poate scrie sub forma  $d = v \cdot \Delta t$ ;

• pentru mișcarea rectilinie uniform variată a unui mobil:  $a = ct$ , pentru  $v = v_0 + a(t - t_0)$  (legea vitezei) și  $x = x_0 + v_0(t - t_0) + \frac{a(t - t_0)^2}{2}$  (legea mișcării). De asemenea, viteza medie pe intervalul de timp  $[t_1, t_2]$  este dată de

14 ||||| Clasa a IX-a

relația  $v_m = \frac{v_1 + v_2}{2}$ , în care  $v_1 = v(t_1)$  și  $v_2 = v(t_2)$ ; legătura dintre viteză și

coordonață este dată de relația lui Galilei:  $v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$ ;

• în mișcarea circulară uniformă:  $|\vec{v}| = v = ct$ . (viteza liniară),  $\omega = \Delta\theta / \Delta t$  (viteza unghiulară);  $\omega = 2\pi\nu$ ,  $\omega = 2\pi / T$ ,  $v = l / T$  (în care  $T$  este perioada, iar  $v$  este frecvența);  $v = \omega \cdot r$ . De asemenea,  $\vec{a}_{cp} = -\omega^2 \vec{r}$  (același centripetă) și

$\vec{F}_{cp} = m\vec{a}_{cp} = -m\omega^2 \vec{r}$  (forța centripetă);  $a_{cp} = \omega^2 r$  sau  $a_{cp} = v^2 / r$ . Într-un sistem de referință inerțial (SRN), în raport cu care mobilul se află în repaus, asupra acestuia acționează o forță (fictivă într-un SRI) denumită forță centrifugă de inerție:  $\vec{F}_{cf} = -m\vec{a}_{cp} = m\omega^2 \vec{r}$ ;

• legea atracției universale (Newton, 1687) exprimă forța de atracție gravitațională dintre două corpuri considerate punctiforme în raport cu distanța dintre acestea:  $F = K \frac{m_1 m_2}{r^2}$ , în care  $K$  este constanta atracției

universale ( $K = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2 / \text{kg}^2$ ),  $m_1$  și  $m_2$  sunt masele celor două corpuri, iar  $r$  este distanța dintre ele; intensitatea câmpului gravitațional se definește prin relația  $\vec{I} = \vec{F} / m$  ( $m$  este masa corpului de probă). Pentru un corp sferic și omogen (cun pot fi considerate cu o bună aproximație Pământul și oricare alt corp ceresc)  $I_N = g_N = K \frac{M}{(R+h)^2}$ , în care  $M$  este masa

corpului și  $R$  este raza acestuia, iar  $h$  este altitudinea la care se determină  $I \equiv g$ . Se mai poate scrie  $g = \frac{g_0}{(1+h/R)^2}$ , în care  $g_0 = K \cdot M / R^2$  este același gravitațională la suprafața corpului.

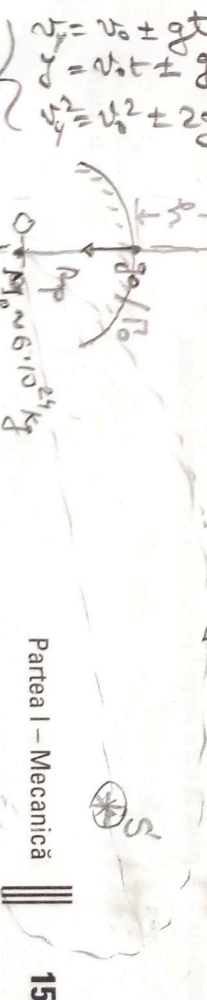
$$I = I_0 \left( \frac{R_0}{R+h} \right)^2 ; I_0 = K \left( \frac{M}{R^2} \right) ; K = 6,67 \cdot 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{kg}^2}$$

$$g = g_0 \left( \frac{R_0}{R+h} \right)^2 ; g_0 = K \left( \frac{M}{R^2} \right) < R_0 = 6378 \text{ km}$$

$$M_p = 5,97 \cdot 10^{24} \text{ kg}$$

$$g_p \approx 9,8 \text{ m/s}^2$$

$$I = g(R) / (R+h)$$



Partea I - Mecanică