



On cherche  $v_0$  tq  $T$  soit toujours  $> 0$  ( $T = ||\vec{T}||$ )

$$\text{Pfd} \quad \begin{cases} \text{sur } \vec{r}: & -m l \ddot{\theta}^2 = -T + mg \cos \theta & (a) \\ \text{sur } \vec{v}_\theta: & m l \ddot{\theta} = -mg \sin \theta & (b) \end{cases}$$

Intégrons (b)

$$m l \ddot{\theta}(\dot{\theta}(t)) = -mg \sin \theta(t) \cdot \dot{\theta}(t)$$

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{1}{2} l \dot{\theta}^2 \right) = - \frac{d}{dt} (-g \cos \theta(t))$$

$$\Rightarrow \left[ \frac{1}{2} l \dot{\theta}^2 \right]_{t=0}^t = \left[ g \cos \theta(t) \right]_{t=0}^t$$

$$\frac{1}{2} l \dot{\theta}^2 - \frac{1}{2} \frac{v_0^2}{l} = g \cos \theta - g \quad \text{car } v_0 = l \dot{\theta}(t=0)$$

$$\Rightarrow l \dot{\theta}^2 = 2g \cos \theta - 2g + \frac{v_0^2}{l} \quad (*)$$

On injecte (\*) dans (a):

$$-2mg \cos \theta + 2mg - m \frac{v_0^2}{l} = -T + mg \cos \theta$$

$$\Rightarrow T = 3mg \cos \theta - 2mg + m \frac{v_0^2}{l}$$

La corde sera toujours tendue si  $T$  est  $> 0$  quand  $\theta = \pi$ .

$$T(\theta = \pi) > 0 \Rightarrow -3mg - 2mg + m \frac{v_0^2}{l} > 0$$

$\Rightarrow$

$$v_0 > \sqrt{5lg}$$