# LBIRC2109 Génie des procédés Opérations unitaires

D. Debecker

LBIRC2109 - Opérations unitaires

#### 1

# Opérations unitaires

Plan

Partim A – procédés physiques Procédés mécaniques de séparation

- 1.1 Particules dans les fluides
- 1.2. Sédimentation Centrifugation1.3. Ecoulement en milieux poreux
- 1.4. Filtration
- 1.5. Fluidisation

#### 1.6. Séparations membranaires

- 1.6.1. Description
- 1.6.2. Applications
- 1.6.3 Principe de diffusion
- 1.6.4. Matériaux
- 1.6.5. Transfert de masse
- 1.6.6. Dialyse
- 1.6.7. Electrodialyse
- 1.6.8. Osmose inverse
- 1.6.9. Perméation de gaz
- 1.6.10. Pervaporation
- 1.6.11. Les membranes dans les bioprocédés

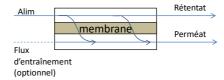
LBIRC2109 - Opérations unitaires

-

## 1.6.1. Description

Membrane: barrière semi-perméable à travers laquelle certaines espèces se meuvent plus vite que d'autres.

Schéma général:



Barrière physique est le plus souvent: un film polymère fin et non poreux

peut aussi être fait de matériaux polymère poreux, céramiques ou métalliques ou même d'un liquide, gel ou gaz.

La membrane doit rester intègre dans le processus pour assurer une bonne sélectivité.

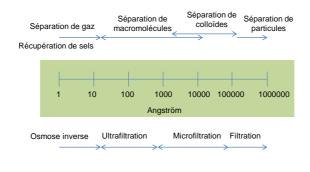
LBIRC2109 - Opérations unitaires

3

## 1. Procédés mécaniques de séparation

## 1.6. Séparations membranaires

Il existe différentes techniques membranaires classées en fonction du type de membranes (taille des pores) et en fonction de la séparation visée.



LBIRC2109 - Opérations unitaires

## 1.6.2. Applications

Application à grande échelle

1940s: séparation de <sup>235</sup>U et <sup>238</sup>U à l'aide de membranes poreuses à base de fluorocarbones

1960s: osmose inverse pour dessaler l'eau de mer

1979: séparations appliquées aux mélanges de gaz (ex: enrichissement en  $\rm H_2$ 

dans le gaz de synthèse)

Depuis les années 1980: bioprocédés ! Ultrafiltration pour séparer les protéines

Microfiltration pour séparer les bactéries et les levures

Par comparaison avec les autres grands modes de séparation:

- solutions plus compactes
- nécessitent moins d'investissements
- plus facilement opérées, entretenues, contrôlées.

MAIS difficile à « up-scaler » pour de plus grands volumes (beaucoup d'unités parallèles plutôt qu'une plus grande unité)

LBIRC2109 - Opérations unitaires

5

# 1.6. Séparations membranaires

## 1.6.2. Applications

Dans l'industrie (quelques exemples)

#### Osmose inverse (OI)

Traitement des eaux usées, de surface, sousterraines Élimination de l'alcool de la bière

### Microfiltration (MF)

Purifications d'antibiotiques Récupération de cellules des milieux de culture

#### Ultrafiltration (UF)

Pré-concentration du lait (ind. fromagère) Clarification de jus de fruits Purif. de protéines recombinantes, AG, ADN,..

#### Perméation de gaz

Séparation de H<sub>2</sub> ou CO<sub>2</sub> du méthane Séparation des isotopes de l'U Récupération du méthane du biogaz

#### Dialvse

Hémodialyse Extraction du sulfate de nickel de l'acide sulfurique

#### Electrodialyse

Sel de table à partir d'eau de mer Eau ultrapure pour l'industrie des semi conducteurs

#### Pervaporation

Déshydratation de l'alcool Élimination de l'eau dans solvants organiques (et vice versa)

#### Membranes liquides

Récupération du zinc dans les eaux usées

LBIRC2109 - Opérations unitaires

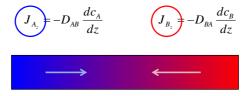
1.6.3. Diffusion

Loi de Fick (rappel)

#### 3 observations:

- Le transfert de masse par simple diffusion moléculaire est causé par un gradient de concentration
- Le transfert de masse est proportionnel à la surface normale à la direction du transfert de masse
- Le transfert net s'interrompt quand les concentrations sont uniformes

Par analogie à la conduction de la chaleur, Fick propose une loi (pour un mélange A-B)



LBIRC2109 - Opérations unitaires

# 1.6. Séparations membranaires

1.6.3. Diffusion

Séparation membranaires: on introduit un obstacle à cette diffusion naturelle

Perméance (P<sub>Mi</sub>) d'une espèce i dans une membrane

= ratio entre la perméabilité (P<sub>Mi</sub>) et l'épaisseur de la membrane (I<sub>M</sub>)

Flux transmembranaire (N<sub>i</sub>)

 $N_i = P_{M_i} \times$ " force motrice"=  $\overline{P}_{M_i} \times$ " différence de concentration"

LBIRC2109 - Opérations unitaires

1.6.4. Matériaux

Membranes et types de filtration

Il existe deux grands types de membranes:

- 1. Membrane dense (non-poreuse): les espèces doivent se dissoudre dans le polymère et puis diffuser à travers lui
- 2. Membranes microporeuses:
  - microfiltration (MF): pores de 20 10000 nm
  - ultrafiltration (UF): pores de 1 20 nm
  - nanofiltration (NF): pores 0,1 1 nm

(Détails sur les matériaux utilisés: voir Henley, Seader, Roper 2011)

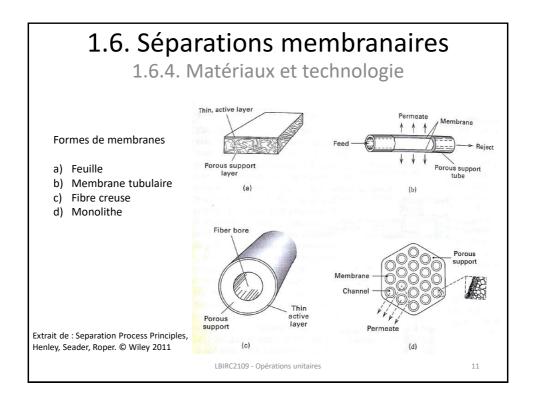
LBIRC2109 - Opérations unitaires

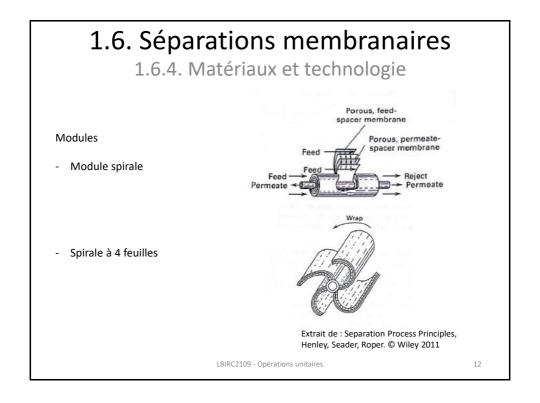
C

# 1.6. Séparations membranaires

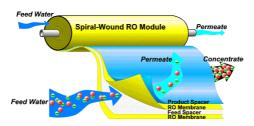
1.6.4. Matériaux et technologie

Extrait de : Separation Process Principles, Henley, Seader, Roper. © Wiley 2011





1.6.4. Matériaux et technologie



http://osoindia.com/Knowledge.html

LBIRC2109 - Opérations unitaires

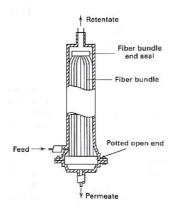
13

# 1.6. Séparations membranaires

1.6.4. Matériaux et technologie

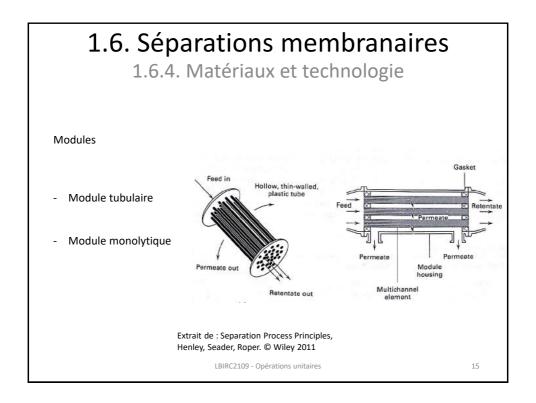
#### Modules

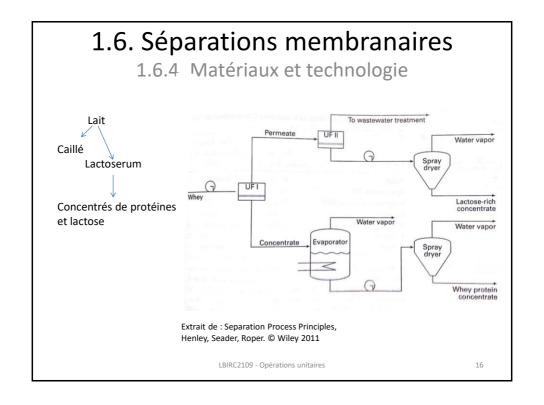
- Module de fibres creuses



Extrait de : Separation Process Principles, Henley, Seader, Roper. © Wiley 2011

LBIRC2109 - Opérations unitaires





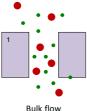
1.6.5. Transfert de masse

#### Membrane

- macroporeuse
- microporeuse
- dense (non poreuse)

Seules les membranes microporeuses ou non poreuses peuvent être sélectives.

Les membranes macroporeuses sont utilisées comme supports pour les membranes micro- ou non-poreuses



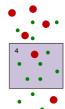




Diffusion au travers des pores



Diffusion restreinte au travers des pores



Diffusion par solubilité dans membrane dense

LBIRC2109 - Opérations unitaires

# 1.6. Séparations membranaires

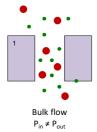
1.6.5. Transfert de masse

#### « Bulk flow » (flux massique)

Flux généré par une différence de pression Accumulation de solutés retenus en amont (gâteau)

Voir filtration!

Non désiré pour la séparation membranaire (puisqu'il emporte « tout »)



En général, on essaye d'éviter le flux massique en séparation membranaire.

LBIRC2109 - Opérations unitaires

## 1.6.5. Transfert de masse

Diffusion de liquide à travers des pores

Pression identique de part et d'autre de la membrane (pas de « bulk flow »)

MAIS concentrations des différents composants différentes

→ il y a MIGRATION

et (si les espèces migrent à différentes vitesse)

→ SEPARATION

Flux transmembranaire  $(N_i)$  pour chaque soluté i donné par une forme modifiée de la loi de Fick

$$N_{i} = \frac{D_{e_{i}}}{l_{M}} (c_{i_{0}} - c_{i_{L}})$$

D<sub>ei</sub> = diffusivité effective

c<sub>i</sub> = concentration de i dans le liquide des deux côtés de la membrane

I<sub>M</sub> = épaisseur de la membrane

LBIRC2109 - Opérations unitaires

19

# 1.6. Séparations membranaires

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion de liquide à travers des pores: concepts clés

Diffusivité effective:

$$D_{e_i} = \frac{\varepsilon D_i}{\tau} K_{r_i}$$

Οù

 $\mathbf{D}_{\mathbf{i}}$  est le coefficient moléculaire de diffusion du soluté i dans la solution

ε est la porosité dans la membrane

τ est la tortuosité des pores

 ${\rm K_r}$  est un facteur de restriction qui permet de tenir compte des collisions entre le soluté qui diffuse et les parois des pores.

Facteur de restriction (Beck & Schultz):

$$K_r = \left[1 - \frac{d_m}{d_p}\right]^4$$
 pour  $(d_m/d_p) \le 1$ 

Ratio de sélectivité

$$S_{ij} = \frac{D_i K_{r_i}}{D_j K_{r_j}}$$

LBIRC2109 - Opérations unitaires

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion de gaz à travers les pores d'une membrane

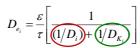
Pas de « bulk flow »

La loi de Fick s'applique.

Si la P et la t° sont égales de part et d'autre et si le gaz est idéal:

$$N_i = \frac{D_{e_i} c_M}{P l_M} (p_{i_0} - p_{i_L})$$
 Où  $c_M$  est la concentration totale en gaz (P/RT)

Diffusivité effective est le résultat de la d<u>iffusion ordinaire</u> et de la <u>diffusion d</u>e Knudsen



LBIRC2109 - Opérations unitaires

21

## 1.6. Séparations membranaires

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion de gaz à travers les pores d'une membrane

Diffusion de Knudsen:

- La taille des pores et/ou la pression (vide) sont telles que le libre parcours moyen des molécules est plus grand que le diamètre des pores
- Les collisions les plus probables sont entre les molécules et les parois plutôt qu'entre les molécules
- Souvent le cas dans les micropores.

$$D_{K_i} = \frac{d_p \overline{v_i}}{3}$$
 Dans le cas de pore cylindriques et droits (théorie cinétique des gaz)

Avec

$$\overline{v}_i = \sqrt{\frac{8RT}{\pi M_i}}$$
 Vitesse moléculaire moyenne (avec M = masse moléculaire)

LBIRC2109 - Opérations unitaires

## 1.6.5. Transfert de masse

Diffusion de gaz à travers les pores d'une membrane

Dans le cas où la diffusion de Knudsen prédomine, la sélectivité est directement reliée à la masse moléculaire des composés !

$$S_{AB} = \frac{P_{M_A}}{P_{M_B}} = \sqrt{\frac{M_B}{M_A}}$$

Note: ce ratio de perméabilité n'est élevé que pour des mélanges de molécules qui ont des masses moléculaires assez différentes. Dans la plupart des cas, il est faible et cette méthode est peu pratique. Mais elle a quand même été appliquée dans certains cas...

LBIRC2109 - Opérations unitaires

23

# 1.6. Séparations membranaires

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion à travers une membrane non poreuse

Les molécules s'adsorbent à la surface amont de la membrane, diffusent à travers la membrane et se désorbent à la surface aval

 $\mathsf{Diffusivit\acute{e}}_{\mathsf{solut\acute{e}}\;\mathsf{dans}\,\mathsf{solide}}\;\;\mathrel{<\!<}\;\; \mathsf{Diffusivit\acute{e}}_{\mathsf{liquide}}\;\;\mathrel{<\!<}\;\;\; \mathsf{Diffusivit\acute{e}}_{\mathsf{gaz}}$ 

Exemple - diffusivité [cm²/s]

Eau dans air: 0,25
Eau dans éthanol liquide: 1,2 . 10-5
Eau dans polymère de cellulose-acetate: 1,0 . 10-8

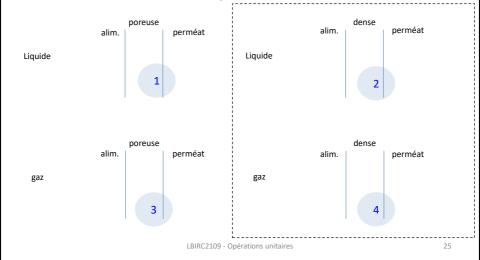
Les petites molécules diffusent mieux que les grosses Exemple – diffusivité dans le PE basse densité [cm²/s]:

 $\begin{array}{lll} \mbox{He} & 6,80 \cdot 10^{-6} \\ \mbox{H}_2 & 0,47 \cdot 10^{-6} \\ \mbox{N}_2 & 0,32 \cdot 10^{-6} \\ \mbox{Propane} & 0,03 \cdot 10^{-6} \end{array}$ 

LBIRC2109 - Opérations unitaires

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion à travers une membrane non poreuse



# 1.6. Séparations membranaires

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion à travers une membrane non poreuse

Modèle de la « solution-diffusion » de Lonsdale, Merten & Riley

- basé sur la loi de Fick
- force motrice = différence de concentration aux deux faces
- hypothèse de l'équilibre thermodynamique à l'interface fluide-membrane

3 résistances possibles au transfert:

- résistance de la couche limite en amont
- résistance de la membrane
- résistance de la couche limite en aval

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion de liquide à travers une membrane

## Membrane **poreuse**:

- profil de concentration continu
- Concentration dans le feed adjacent à la surface = concentration dans le liquide à l'entré du pore

#### Membrane dense:

- profil de concentration discontinu
- Concentration dans la membrane dense est significativement plus faible que la concentration dans le feed adjacent à la surface

LBIRC2109 - Opérations unitaires

# 1.6. Séparations membranaires

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion de liquide à travers une membrane

Coefficients de partition

$$K_{i_0} = \frac{c_{i_0}}{c_{i_0}}$$



Fick:  $N_i = \frac{D_i}{l_M}(c_{i_0} - c_{i_L})$ 

 $N_{i} = \frac{K_{i}D_{i}}{l_{M}} (c_{i_{0}} - c_{i_{L}})$ 

$$N_i = \frac{K_i D_i}{l_M} (c_{i_F} - c_{i_P})$$

Membrane dense:

- Profil de concentration discontinu
- Concentration dans la membrane dense est significativement plus faible que la concentration dans le feed adjacent à la surface

LBIRC2109 - Opérations unitaires

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion de gaz à travers une membrane

#### Membrane poreuse:

- Concentration dans le feed adjacent à la surface =

- Profil de concentration continu

concentration dans le gaz à l'entré du pore

#### Membrane dense:

- Profil de concentration discontinu
- Concentration dans la membrane dense est significativement plus faible que la concentration dans le feed adjacent à la surface

LBIRC2109 - Opérations unitaires

## 1.6. Séparations membranaires

1.6.5. Transfert de masse

Diffusion de gaz à travers une membrane

Loi de Henry

$$H_{i_0} = \frac{c_{i_0}}{p_{i_0}}$$
  $H_{i_L} = \frac{c_{i_L}}{p_{i_L}}$ 



Fick: 
$$N_i = \frac{D_i}{l_M}(c_{i_0} - c_{i_L})$$

 $N_{i} = \frac{H_{i}D_{i}}{l_{M}}(p_{i_{0}} - p_{i_{L}})$ 

$$N_i = \frac{H_i D_i}{l_M} (p_{i_F} - p_{i_P})$$

Membrane dense:

- Profil de concentration discontinu
- Concentration dans la membrane dense est significativement plus faible que la concentration adjacente à la surface (alim)

LBIRC2109 - Opérations unitaires

1.6.5. Transfert de masse

Membrane non poreuse idéale

Doit avoir une facteur de séparation élevé

$$\alpha_{A,B} = \frac{y_A/x_A}{y_B/x_B}$$

 $y_i$  est la fraction molaire de i dans le perméat  $x_i$  est la fraction molaire de i dans le rétentat

Si les résistances dans les couches limites externes peuvent être négligées:

$$N_{A} = \frac{H_{A}D_{A}}{l_{M}}(p_{A_{F}} - p_{A_{P}}) = \frac{H_{A}D_{A}}{l_{M}}(x_{A}P_{F} - y_{A}P_{P})$$

$$N_{B} = \frac{H_{B}D_{B}}{l_{M}}(p_{B_{F}} - p_{B_{P}}) = \frac{H_{B}D_{B}}{l_{M}}(x_{B}P_{F} - y_{B}P_{P})$$

LBIRC2109 - Opérations unitaires

31

## 1.6. Séparations membranaires

1.6.5. Transfert de masse

Membrane non poreuse idéale

Si on n'utilise pas de gaz d'entraînement

$$\frac{N_A}{N_B} = \frac{y_A}{y_B} = \frac{H_A D_A (x_A P_F - y_A P_P)}{H_B D_B (x_B P_F - y_B P_P)}$$

Si on peut négliger la pression en aval par rapport à la pression en amont

$$\alpha_{{\scriptscriptstyle A},{\scriptscriptstyle B}}^* = \frac{H_{{\scriptscriptstyle A}}D_{{\scriptscriptstyle A}}}{H_{{\scriptscriptstyle B}}D_{{\scriptscriptstyle B}}} = \frac{P_{{\scriptscriptstyle M}_{{\scriptscriptstyle A}}}}{P_{{\scriptscriptstyle M}_{{\scriptscriptstyle B}}}} \qquad \qquad \text{Facteur de séparation idéale}$$

Souvent: grandes perméabilités mais faibles facteurs de séparation faible perméabilités mais grands facteurs de séparation

 $\alpha^{\star}$  fixe la limite supérieure à la séparation accessible pour un mélange et une membrane donnés

LBIRC2109 - Opérations unitaires

1.6.5. Transfert de masse

#### Résistances externes

Perméation de gaz:

- diffusion dans la masse de la membrane = très lent
- Diffusion dans couches limites de gaz = rapide

Procédés membranaires impliquant des liquides:

- Diffusion dans les couches limites = lent
- (parfois) diffusion dans la membrane = rapide

Résistances externes négligeables  $(p_{i0} = p_{iF})$ 

Résistances externes non-négligeables  $(c_{i0} ou c'_{i0} \neq c_{iF})$ 

Dans ce cas

- → gradient dans les couches limites (films adjacents à la membrane)
- → impact sur la vitesse de transfert dans la membrane

Polarisation de concentration = accumulation d'espèces que ne diffusent pas du côté amont de la membrane (d'espèces diffusantes du côté aval)

LBIRC2109 - Opérations unitaires

33

## 1.6. Séparations membranaires

1.6.5. Transfert de masse

#### Résistances externes

Au « steady state », les vitesses de transfert d'une espèce i à travers les trois résistances sont égales.

Liquide et membrane poreuse:

$$N_{i} = k_{i_{F}}(c_{i_{F}} - c_{i_{0}}) = \frac{D_{e_{i}}}{l_{M}}(c_{i_{0}} - c_{i_{L}}) = k_{i_{F}}(c_{i_{L}} - c_{i_{p}})$$

$$N_{i} = \frac{c_{i_{F}} - c_{i_{P}}}{\frac{1}{k_{i_{F}}} + \frac{l_{M}}{D_{e_{i}}} + \frac{1}{k_{i_{P}}}}$$

Liquide et membrane dense:

$$N_{i} = k_{i_{F}}(c_{i_{F}} - c'_{i_{0}}) = \frac{K_{i}D_{i}}{l_{M}}(c'_{i_{0}} - c'_{i_{L}}) = k_{i_{F}}(c'_{i_{L}} - c_{i_{p}}) \\ N_{i} = \frac{c_{i_{F}} - c_{i_{P}}}{\frac{1}{k_{i_{F}}} + \frac{l_{M}}{K_{i}D_{i}} + \frac{1}{k_{i_{P}}}}$$

$$N_{i} = \frac{c_{i_{F}} - c_{i_{P}}}{\frac{1}{k_{i_{F}}} + \frac{l_{M}}{K_{i}D_{i}} + \frac{1}{k_{i_{P}}}}$$

LBIRC2109 - Opérations unitaires

1.6.6. Dialyse

Alimentation: liquide à pression P<sub>1</sub> qui contient un solvant et deux solutés (A, B) + de la matière dispersée, insoluble (colloïdes).

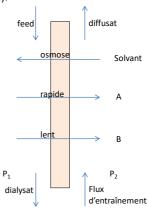
Membrane fine microporeuse

Quand  $P_1 = P_2$ , le solvant peut aussi passer - **Osmose** (direction inverse!)

Intéressant quand les différences de concentration et de perméabilité sont élevées

Hemodialyse: urée, créatine, acide urique, phosphates, chlorures sont éliminés du sang sans enlever les composés essentiels plus volumineux, ni les cellules (rein artificiel)

Exemple du cellophane (double d'épaisseur quand immergé).



LBIRC2109 - Opérations unitaires

35

# 1.6. Séparations membranaires

1.6.7. Electrodialyse

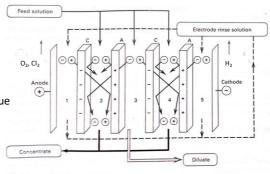
Procédé électrolytique pour séparer un mélange aqueux d'électrolytes en un concentrât et un diluât, via un champs électrique et des membranes ionsélectives.

Membranes sélectives (ion-exchange membranes)

Courant électrique appliqué

- > Réduction à la cathode
- Oxydation à l'anode
- > Courant via conduction ionique

Concentration des ions dans les compartiments 2 et 4



Extrait de : Separation Process Principles, Henley, Seader, Roper. © Wiley 2011

LBIRC2109 - Opérations unitaires

1.6.8. Osmose inverse

Osmose= passage du solvant à travers une membrane en fonction d'un gradient de concentration...

! Contre productif en opérations unitaires !



Osmose inverse = passage du solvant à travers une membrane contre le gradient de concentration...

! Utile en séparation !



LBIRC2109 - Opérations unitaires

37

# 1.6. Séparations membranaires

1.6.9. Perméation de gaz

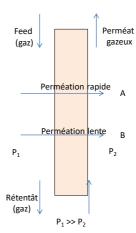
Alimentation gazeuse sous haute pression qui contient des espèces de faible masse moléculaire qui doivent être séparées d'autres espèces de plus grande masse moléculaire.

L'autre côté de la membrane est maintenu à très faible pression.

Membrane dense (ou microporeuse)

Peu onéreux et flexible

Séparation de l'azote et de l'oxygène Purification de  $H_2$ ,  $CH_4$ , CO,  $CO_2$ ,...



LBIRC2109 - Opérations unitaires

1.6.10. Pervaporation

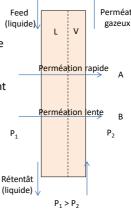
Alimentation liquide à une pression suffisamment élevée pour maintenir l'état liquide (rétentât appauvrit en A et B)

Le perméat est maintenu à une faible pression (gaz)

La limite entre liquide et gaz peut être située à la surface de la membrane ou au sein de celle-ci

Surtout utile lorsque la concentration du principal perméant dans l'alimentation est faible.

Déshydratation de l'alcool Élimination de l'eau dans les solvants organiques Élimination de composés organiques dans l'eau



LBIRC2109 - Opérations unitaires

39

# 1.6. Séparations membranaires

1.6.11. Bio-procédés membranaires

Quelques considérations spécifiques au bio-procédés

- 1. Sélectivité
- 2. Biocompatibilité
- 3. Stabilité chimique
- 4. Stabilité mécanique
- 5. Compatibilité économique

Purification membranaire en bio-procédés

Biofiltration membranaire // filtration mais avec des particules bcp plus fines (il faut des membranes plutôt que des « grilles » comme filtres)

- > Récolte de cellules depuis les milieux de culture (centrifugation, MF)
- Lyse cellulaire (chimique et/ou physique)
- Clarification (MF)
- Purification (UF)
- Filtration stérile (MF à 0,22 μm)

LBIRC2109 - Opérations unitaires

## 1.6.11. Bio-procédés membranaires

#### Membranes en bio-technologies

- 1. Préserver la bio-activité
- 2. Satisfaire aux spécifications ultra sévères
- 3. OK opération à petite échelle
- 4. OK en batch

#### Les défis qu'il reste à relever...

- > Mettre en place des procédés intégrés
- Comprimer les délais (le pharma est pressé!)
- Miniaturiser
- > Accommoder les variations dues aux cultures cellulaires (vivant !)

LBIRC2109 - Opérations unitaires