Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Российский химико-технологический университет имени Д.И. Менделеева»

ЛЕКЦИЯ №1

Выполнил студент группы КС-36: Золотухин Андрей Александрович

Ссылка на репозиторий: https://github.com/

CorgiPuppy/

chem-tech-control-sys-labs

Москва 2025

Оглавление

Термодинамический анализ]
Уравнения сохранения																	1

Термодинамический анализ

Уравнения сохранения

Рассмотрю многофазную полидисперсную среду, где первая фаза (сплошная несущая) - газ или жидкость, r - фаза включений частиц, капель или пузырьков, размеры (объёмы) которых r - dr, r + dr.

Введу средние плотности в каждой точке объёма, занятого смесью:

$$\rho = \rho_1 + \int_0^R \rho_2^0 f(r) r dr; \quad \alpha = \alpha_1 + \int_0^R r f(r) dr; \rho_1 = \rho_1^0 \alpha_1; \quad \alpha_2 = \int_0^R r f(r) dr,$$

где α_i - объёмные содержания фаз; ρ - плотность смеси; ρ_i^0 , ρ_i - истинные и средние плотности фаз соответственно; R - наибольший размер (объём) включения; индекс 1 относится к несущей фазе, индекс 2 - ко всей дисперсной (гетерогенной) фазе.

Дисперсность гетерогенной фазы характеризуется функцией f(r), так что f(r)dr - число включений в единице объёма смеси, размеры (объёмы) которых от r до r+dr.

Можно принять, что несущая фаза и все r-фазы - континуумы (материальная среда, которая считается сплошной, т.е. не разделенной на отдельные частицы или молекулы), заполняющие один и тот же объём и имеющие свою плотность, массу, скорость, температуру.

Введение многоскоростного континуума необходимо, т.к. скорости относительного движения фаз в смеси по порядку могут быть равны скоростям их абсолютного движения. 1-ю фазу буду описывать моделью вязкой жидкости. В качестве тензоров поверхностных σ_1^{kl} , σ_2^{kl} сил и тензоров вязких напряжений τ_1^{kl} приму:

$$\sigma_1^{kl} = -P_1 \delta^{kl} + \tau_1^{kl}, \quad \sigma_2^{kl} = 0, \quad \tau_1^{kl} = \lambda \nabla \nu_1 + 2\mu_1 e_1^{kl},$$

где σ^{kl} - символ Кронекера; P_1 - давление; e_1^{kl} - тензор скоростей деформаций несущей фазы; $\lambda,\,\mu_1$ - коэффициенты вязкости.

Уравнение сохранения массы несущей фазы:

$$\frac{\partial \rho_1}{\partial t} + div(\rho_1 \nu_1) = -\int_0^R \rho_2^0 f \eta dr, \tag{1}$$

где ν_1 - средняя массовая скорость несущей фазы; R - максимальный размер (<u>объём</u>) включений; η - наблюдаемая скорость изменения размера (<u>объёма</u>) включения.

В уравнении (1) член в правой части отражает суммарное влияние фазового перехода на включениях.

Уравнение баланса числа включений с учётом изменения объёма включения за счёт фазового перехода:

$$\frac{\partial f}{\partial t} + div(f\nu_2) + \frac{\partial}{\partial r}(f\eta) = 0,$$

где ν_2 - средняя массовая скорость r-фазы;

Уравнения движения сплошной и r-фаз фаз:

$$\rho_1 \frac{d_1 \nu_1}{dt} = -\alpha_1 \nabla P_1 + \nabla^k \tau_1^k - \int_0^R \rho_2^0 fr f_{12} dr - int_0^R \rho_2^0 f\eta (\nu_2 - \nu_1) dr + F_1,$$

$$\frac{D_2}{Dt} \nu_2(r) = -\nabla \frac{P_1}{\rho_2^0} + f_{12}(r) + F_2(r),$$

где P - давление $[\nabla P=(\frac{\partial P}{\partial x},\frac{\partial P}{\partial y},\frac{\partial P}{\partial z})];$ $F_1,$ F_2 - массовые силы, действующие на несущую и r-фазу соответственно; f_{12} - сила взаимодействия между несущей и r-фазами.