

## Tarea 2 - Cerradura Convexa

Profesora: Nancy Hitschfeld Kahler

Auxiliar: Sergio Salinas Ayudante: Andrés Abarca

## 1. Introducción

La cerradura convexa (ver Figura 1), aparte de ser un conjunto matemático de puntos que cumplen ciertas condiciones, es algo que va más allá de la teoría y se utiliza activamente en distintas aplicaciones. Tales como reconocimiento de patrones, procesamiento de imágenes, información geográfica e incluso cosas como la teoría de juegos.

Por todo ello y mucho más, hoy en día existen al menos 8 formas distintas de implementar dicho algoritmo y el objetivo principal de esta tarea, será probar al menos dos de ellas utilizando como base su Tarea 1.

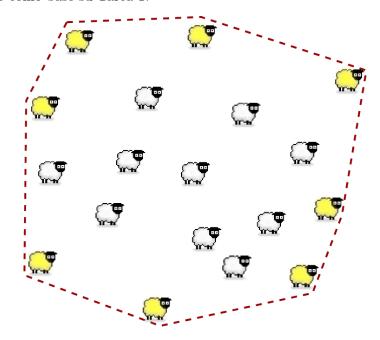


Figura 1: Ejemplo de una cerradura convexa compuesta por 8 lindas ovejitas.

## 1. Elementos a implementar

Esta tarea será implementada sobre su Tarea 1 y, por tanto, toda debe estar desarrollada en C++. La tarea está dividida en tres secciones:

- 1. Debe usted implementar el algoritmo de Gift Wrapping, el cual debe recibir como argumento un listado de puntos y debe retornar el polígono que representa la cerradura. Puede usted guiarse por la siguiente firma: Polygon giftWrapping(Point[] cloud). La clase punto y la clase poligono debe ser la misma que la utilizada en la Tarea 1.
- 2. Como Gift Wrapping tiene peor caso  $O(n^2)$  y podemos estar trabajando con nubes de millones de puntos, es necesario poder utilizar otro algoritmo de cerradura convexa cuya complejidad computacional es  $O(n \log n)$ . Por ello, usted debe implementar UNO de los siguientes algoritmos (que siga la misma firma que Gift Wrapping):
  - Incremental (ordena, construye el upper-hull y el lower-hull)
  - Graham scan
  - Divide and conquer
- 3. Una vez implementado ambos métodos, diseñe un experimento (ver lectura 2) para determinar para qué distribuciones de puntos es mejor usar uno u otro. Por ejemplo, ¿Cuál es mejor con puntos generados aleatoriamente? ¿Cuál es mejor si un porcentaje pequeño de puntos pertenece a la cerradura convexa? ¿Se puede determinar ese porcentaje? Implemente además un método que genere una lista aleatoria de n puntos, y otro que genere un conjunto de puntos en que un cierto porcentaje de estos forme parte de la cerradura convexa y el resto se distribuya aleatoriamente en el interior. Estos métodos construyen la lista de puntos con que se llamarán a continuación los algoritmos de cerradura convexa. Experimente con distintos tamaños de n, por ejemplo  $n=10^4,\,10^5,\,10^6$  y con distinto porcentaje de puntos formando parte de la cerradura. ¿Cómo se desempeñan los algoritmos? ¿Existen diferencias en cuanto a tiempo de cálculo? OJO: También debe comparar que una vez terminado el procesamiento de ambas cerraduras, estas deben ser idénticas, ya que la cerradura convexa es única.

## 2. Información extra

- Para esta tarea se debe incluir **CMake y Gtest**, se recomienda usar la plantilla de proyecto de C++ vista en las auxiliares.
- Los resultados de sus comparaciones además de estar en testing, deben venir en un archivo .pdf llamado ANALISIS.pdf, donde debe indicar si tomó algún supuesto en

las implementaciones y bajo qué condiciones obtuvo sus resultados, además de estos últimos.

- Se pide además graficar el tiempo obtenido para distintos valores de *n* como una forma de verificar que su implementación sigue el comportamiento esperado, e incluir los gráficos en el archivo ANALISIS.pdf.
- La fecha de entrega así como los contenidos de la tarea podrían llegar a modificarse según las necesidades del curso y cómo este avance, pero de ocurrir esto se notificará en clases y posteriormente se verá reflejado en U-Cursos.
- Debe incluir README sobre cómo ejecutar su programa.