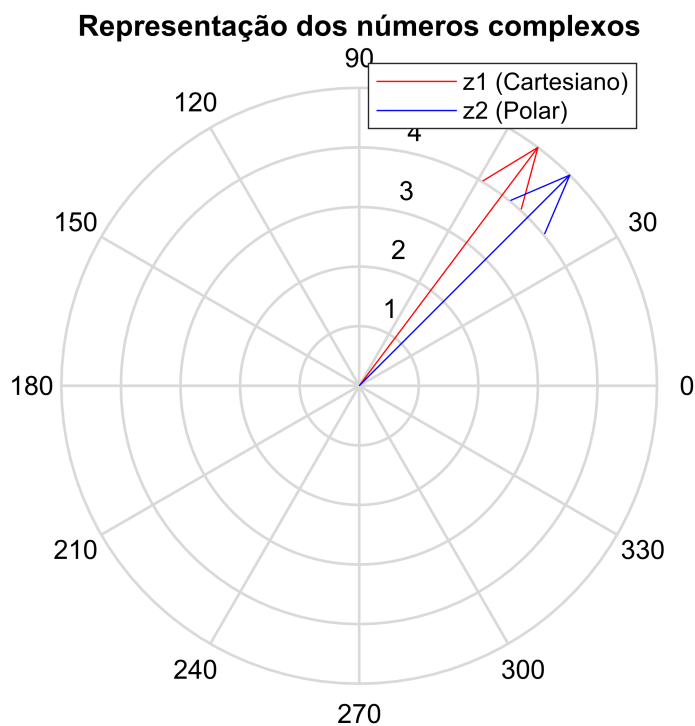


1. Explore os comandos `cart2pol` e `pol2cart`. Escolha dois números complexos:  $z_1$  (na forma Cartesiana) e  $z_2$  (na forma polar).

a. Converta-os e trace os respectivos gráficos usando `compass`.

```
z1 = 3 + 4i;  
magnitude_z2 = 5;  
angulo_z2 = pi/4; % Forma polar (5∠45°)  
z2 = magnitude_z2 * exp(1i * angulo_z2);  
  
[theta1, r1] = cart2pol(real(z1), imag(z1));  
  
[x2, y2] = pol2cart(angulo_z2, magnitude_z2);  
z2_cart = x2 + 1i*y2;  
  
figure;  
compass(z1, 'r'); hold on;  
compass(z2, 'b');  
legend('z1 (Cartesiano)', 'z2 (Polar)');  
title('Representação dos números complexos');
```



b. Determine  $z_1 z_2$ .

c. Determine  $z_1/z_2$ . Mostre o resultado na janela de comando.

```
z_prod = z1 * z2;
```

```
z_div = z1 / z2;
```

```
fprintf('Produto z1 * z2 = %s\n', num2str(z_prod));
```

```
Produto z1 * z2 = -3.53553+24.7487i
```

```
fprintf('Divisão z1 / z2 = %s\n', num2str(z_div));
```

```
Divisão z1 / z2 = 0.98995+0.14142i
```

**2. Determine a expressão para uma senóide exponencialmente convergente que oscila 3 vezes por segundo e cuja amplitude decresce 50% a cada 2 segundos. Trace o gráfico do sinal entre  $-2 \leq t \leq 2$ .**

```
A = 1;
```

```
freq = 3;
```

```
alpha = log(2)/2;
```

```
t = linspace(-2, 2, 1000);
```

```
x_t = A * exp(-alpha * t) .* cos(2 * pi * freq * t);
```

```
figure;
```

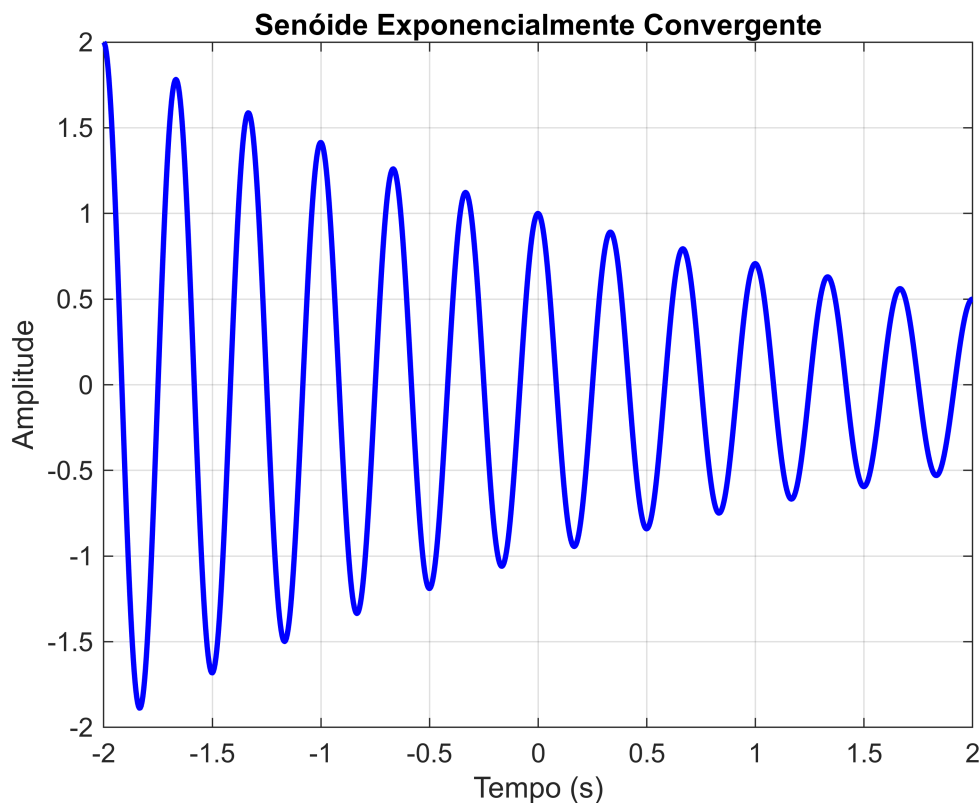
```
plot(t, x_t, 'b', 'LineWidth', 2);
```

```
grid on;
```

```
xlabel('Tempo (s)');
```

```
ylabel('Amplitude');
```

```
title('Senóide Exponencialmente Convergente');
```



### 3. Trace os gráficos de

a.  $x_1(t) = \text{Re}(2e^{(-1+j2\pi)t})$

b.  $x_2(t) = \text{Im}(3 - e^{(1-j2\pi)t})$

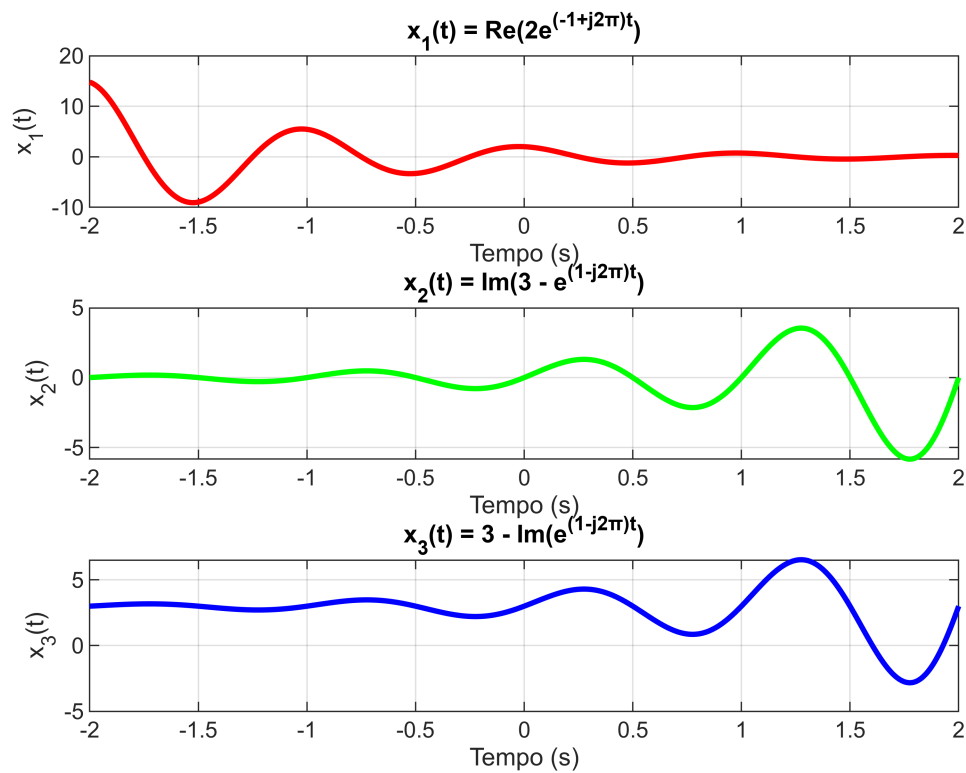
c.  $x_3(t) = 3 - \text{Im}(e^{(1-j2\pi)t})$

```
x1_t = real(2 * exp((-1 + 1i * 2 * pi) * t));
x2_t = imag(3 - exp((1 - 1i * 2 * pi) * t));
x3_t = 3 - imag(exp((1 - 1i * 2 * pi) * t));

figure;
subplot(3,1,1);
plot(t, x1_t, 'r', 'LineWidth', 2);
grid on;
xlabel('Tempo (s)');
ylabel('x_1(t)');
title('x_1(t) = Re(2e^{(-1+j2\pi)t})');

subplot(3,1,2);
plot(t, x2_t, 'g', 'LineWidth', 2);
grid on;
xlabel('Tempo (s)');
ylabel('x_2(t)');
title('x_2(t) = Im(3 - e^{(1-j2\pi)t})');

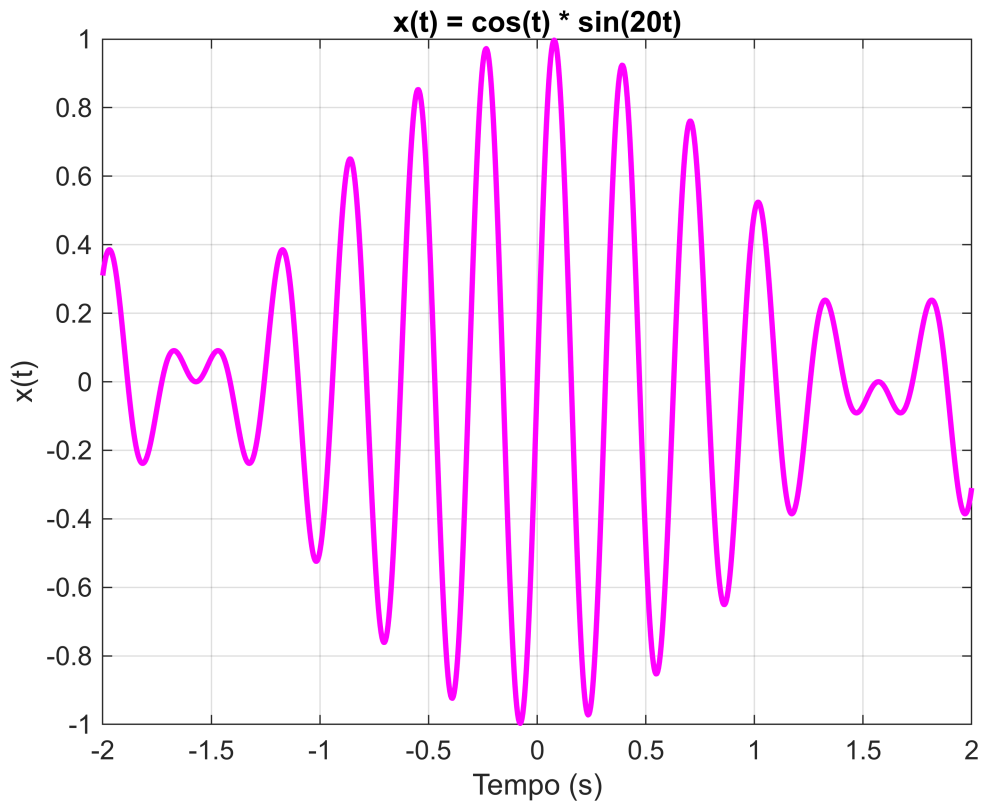
subplot(3,1,3);
plot(t, x3_t, 'b', 'LineWidth', 2);
grid on;
xlabel('Tempo (s)');
ylabel('x_3(t)');
title('x_3(t) = 3 - Im(e^{(1-j2\pi)t})');
```



4. Trace o gráfico de  $x(t) = \cos(t)\sin(20t)$ . Escolha uma faixa para  $t$ .

```
t_range = linspace(-2, 2, 1000);
x_t_new = cos(t_range) .* sin(20 * t_range);

figure;
plot(t_range, x_t_new, 'm', 'LineWidth', 2);
grid on;
xlabel('Tempo (s)');
ylabel('x(t)');
title('x(t) = cos(t) * sin(20t)');
```



5. Decomponha as frações parciais

a. 
$$F(s) = \frac{6(s+1)}{s(s+4.46)(s+0.13)}$$

b. 
$$F(s) = \frac{s^2 + 2s + 3}{(s+1)^2}$$

c. 
$$F(s) = \frac{6(s+34)}{s(s^2 + 10s + 34)}$$

```
num_a = [6, 6];
den_a = conv([1, 0], conv([1, 4.46], [1, 0.13])); % Denominador expandido
[r_a, p_a, k_a] = residue(num_a, den_a);

fprintf('Item (a):\n');
```

Item (a):

```
for i = 1:length(r_a)
    fprintf('A%d = %.4f, Polo = %.4f\n', i, r_a(i), p_a(i));
end
```

```
A1 = -1.0750, Polo = -4.4600
A2 = -9.2734, Polo = -0.1300
A3 = 10.3484, Polo = 0.0000
```

```

num_b = [1, 2, 3];
den_b = [1, 2, 1];
[r_b, p_b, k_b] = residue(num_b, den_b);

fprintf('\nItem (b):\n');

```

Item (b):

```

for i = 1:length(r_b)
    fprintf('A%d = %.4f, Polo = %.4f\n', i, r_b(i), p_b(i));
end

```

```

A1 = 0.0000, Polo = -1.0000
A2 = 2.0000, Polo = -1.0000

```

```

num_c = [6, 204];
den_c = conv([1, 0], [1, 10, 34]);
[r_c, p_c, k_c] = residue(num_c, den_c);

fprintf('\nItem (c):\n');

```

Item (c):

```

for i = 1:length(r_c)
    fprintf('A%d = %.4f, Polo = %.4f\n', i, r_c(i), p_c(i));
end

```

```

A1 = -3.0000, Polo = -5.0000
A2 = -3.0000, Polo = -5.0000
A3 = 6.0000, Polo = 0.0000

```

**6. Trace em apenas um gráfico as funções  $x_1 = \cos(t)\sin(20t)$ ,  $x_2 = \cos(t)$  e  $x_3 = \sin(20t)$ . Considere faixa e amostragem pertinentes para a variável  $t$ . Use legenda e cores para discriminar as diferentes funções.**

```

t = 0:0.01:2*pi; % Faixa de t de 0 a 2*pi, com intervalo de amostragem 0.01

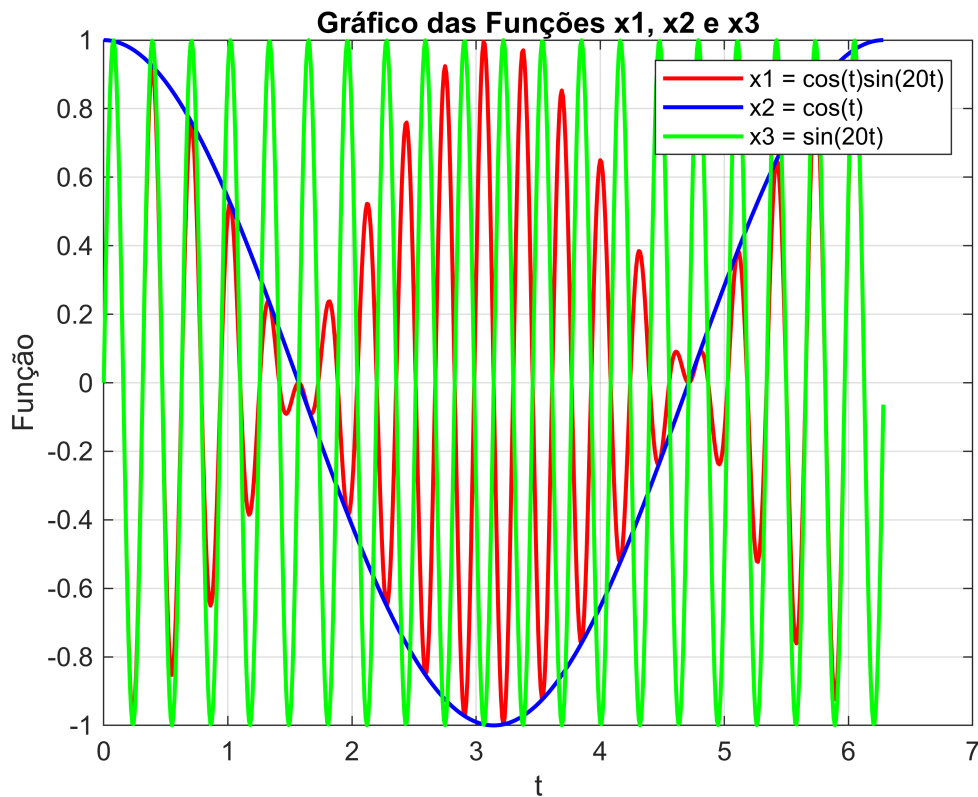
x1 = cos(t).*sin(20*t);
x2 = cos(t);
x3 = sin(20*t);

figure;
plot(t, x1, 'r', 'LineWidth', 1.5); % Função x1 em vermelho
hold on;
plot(t, x2, 'b', 'LineWidth', 1.5); % Função x2 em azul
plot(t, x3, 'g', 'LineWidth', 1.5); % Função x3 em verde

title('Gráfico das Funções x1, x2 e x3');
xlabel('t');
ylabel('Função');
legend('x1 = cos(t)sin(20t)', 'x2 = cos(t)', 'x3 = sin(20t)');

```

```
grid on;
hold off;
```



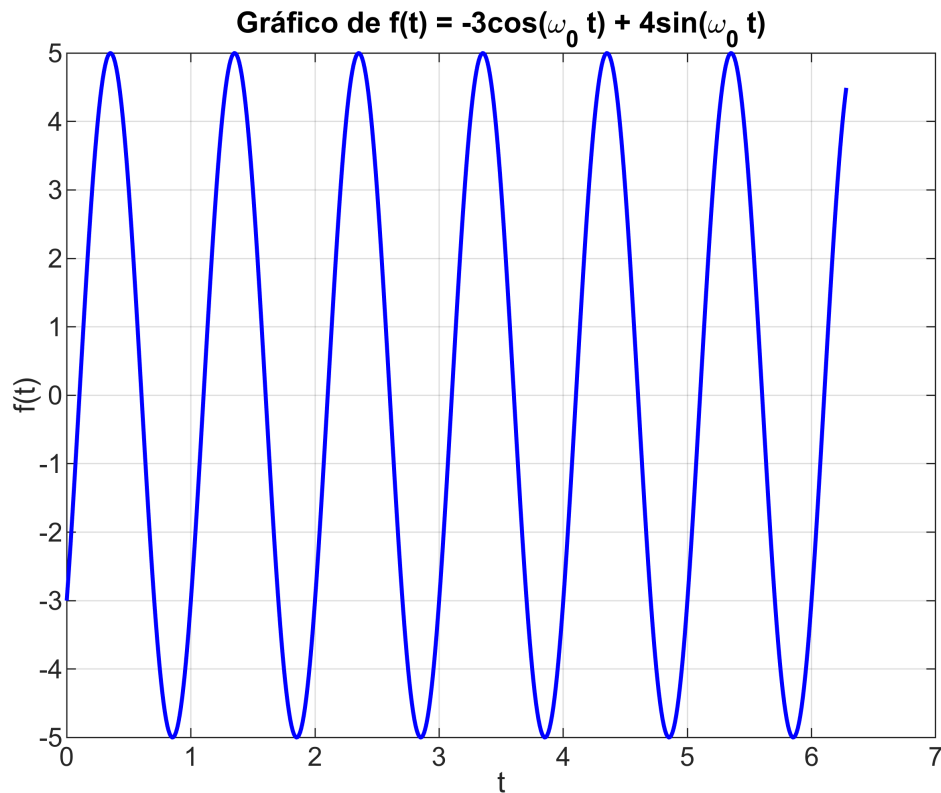
7. Trace o gráfico de  $f(t) = -3 \cos(\omega_0 t) + 4 \sin(\omega_0 t)$  para um valor de  $\omega_0$  fixo e  $t$  variável. Comente o ocorrido. Obtenha a expressão equivalente de  $f(t)$ , conforme visualizada no gráfico.

```
omega0 = 2*pi;

t = 0:0.01:2*pi; % Faixa de t de 0 a 2*pi, com intervalo de amostragem 0.01

f_t = -3*cos(omega0*t) + 4*sin(omega0*t);

figure;
plot(t, f_t, 'b', 'LineWidth', 1.5);
title('Gráfico de f(t) = -3cos(\omega_0 t) + 4sin(\omega_0 t)');
xlabel('t');
ylabel('f(t)');
grid on;
```



- O gráfico de  $f(t)$  exibe uma onda com amplitude e fase determinadas pelos coeficientes -3 e 4.
- A forma da onda é uma combinação linear de funções seno e cosseno, o que resulta em uma onda oscilante com características de amplitude, fase e frequência definidas.
- A expressão equivalente de  $f(t)$  pode ser escrita como uma única função seno com a mesma frequência, mas com uma nova amplitude e fase.

8. Dadas as matrizes

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 6 \\ 5 & -2 & 1 \\ -8 & 2 & -3 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 2 & 9 \\ -5 & -1 \\ 9 & 2 \end{bmatrix}$$

- Determine se  $A$  e  $B$  são matrizes quadradas. Obs.: O algoritmo deve ser válido para avaliar matrizes de quaisquer dimensões.
- Quais elementos contêm o valor 2?
- Quais elementos contêm valores negativos?

```
A = [1 1 6; 5 -2 1; -8 2 -3];
B = [2 9; -5 -1; 9 2];
```

```
is_square_A = (size(A,1) == size(A,2));
```



```
is_square_B = (size(B,1) == size(B,2));
```

```
disp(['Matriz A é quadrada? ', num2str(is_square_A)]);
```

Matriz A é quadrada? 1

```
disp(['Matriz B é quadrada? ', num2str(is_square_B)]);
```

Matriz B é quadrada? 0

```
% b. Encontrando os elementos que contém o valor 2
elements_2_A = find(A == 2); % Índices na matriz A
elements_2_B = find(B == 2); % Índices na matriz B
```

```
% Exibindo os resultados para b
disp('Índices dos elementos que contêm o valor 2:');
```

Índices dos elementos que contêm o valor 2:

```
disp(['Na matriz A: ', num2str(elements_2_A)]);
```

Na matriz A: 6

```
disp(['Na matriz B: ', num2str(elements_2_B)]);
```

Na matriz B: 1 6

```
% c. Encontrando os elementos negativos
elements_neg_A = find(A < 0); % Índices dos elementos negativos na matriz A
elements_neg_B = find(B < 0); % Índices dos elementos negativos na matriz B
```

```
% Exibindo os resultados para c
disp('Índices dos elementos negativos:');
```

Índices dos elementos negativos:

```
disp(['Na matriz A: ', num2str(elements_neg_A)]);
```

Na matriz A: 3 5 9

```
disp(['Na matriz B: ', num2str(elements_neg_B)]);
```

Na matriz B: 2 5

## 9. Calcule o determinante, a inversa e o traço da matriz simbólica

$$M = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$$

Obs.: Traço é a soma dos elementos da diagonal principal.

```
detM = sprintf('%s*%s - %s*%s', 'a', 'd', 'b', 'c');
```

```
% nao sei se esta correto
invM = sprintf('%s/%s, %s/%s; %s/%s, %s/%s', ...
               'd', 'a*d - b*c', '-b', 'a*d - b*c', ...
               '-c', 'a*d - b*c', 'a', 'a*d - b*c');

traceM = sprintf('%s + %s', 'a', 'd');

disp(['Determinante de M: ', detM]);
```

Determinante de M: a\*d - b\*c

```
disp(['Inversa de M: ', invM]);
```

Inversa de M: [d/a\*d - b\*c, -b/a\*d - b\*c; -c/a\*d - b\*c, a/a\*d - b\*c]

```
disp(['Traço de M: ', traceM]);
```

Traço de M: a + d

10. Defina uma função  $f(x)$  simbólica de quarta ordem e calcule suas derivadas de primeira e segunda ordem. Use os comandos `diff` e `pretty`

```
syms x
f = x^4;

df1 = diff(f, x);
df2 = diff(df1, x);

disp('Primeira derivada de f(x):');
```

Primeira derivada de f(x):

```
pretty(df1)
```

$$4x^3$$

```
disp('Segunda derivada de f(x):');
```

Segunda derivada de f(x):

```
pretty(df2)
```

$$12x^2$$

11. Calcule as derivadas de primeira ordem com relação à  $x$  dos elementos da matriz simbólica

$$M = \begin{bmatrix} ax & bx^2 \\ cx^3 & dy \end{bmatrix}$$

```
syms a b c d x y
```

```
M = [a*x, b*x^2;
      c*x^3, d*y];

dM_dx = diff(M, x);

disp('Matriz original M:');
```

Matriz original M:

```
pretty(M)
```

```

/      2 \
| a x, b x |
|      |
|      3 |
\ c x , d y /
```

```
disp('Matriz das derivadas dM/dx:');
```

Matriz das derivadas dM/dx:

```
pretty(dM_dx)
```

```

/      a,      2 b x \
|      |      |
|      2      |
\ 3 c x ,      0 /
```

12. Dada a função  $p(x) = (x^2 - 1)(x - 2)(x - 3)$ . Explore os comandos `expand` e `factor`. Comente.

```
syms x
p = (x^2 - 1)*(x - 2)*(x - 3);

expanded_p = expand(p);
disp('Polinômio expandido:')
```

Polinômio expandido:

```
disp(expanded_p)
```

$$x^4 - 5x^3 + 5x^2 + 5x - 6$$

```
factored_p = factor(expanded_p);
disp('Polinômio fatorado:')
```

Polinômio fatorado:

```
disp(factored_p)
```

$$(x - 1) (x - 2) (x - 3) (x + 1)$$