\_\_ R.A.: \_\_

OBS. Não destaque as folhas. Justifique todas as etapas de resolução de cada questão.

Questão	1	2	3	4	total
Nota					

- 1. **(4.0 pontos)** Seja  $f(x) = x^2 e^x$ .
  - (a) Mostre que  $f'(x) = e^x(x^2 + 2x)$  e que  $f''(x) = e^x(x^2 + 4x + 2)$ .
  - (b) Encontre o domínio de f(x).
  - (c) Encontre os interceptos de f(x) com os eixos coordenados.
  - (d) Analise a simetria de f(x).
  - (e) Caso existam, encontre as assíntotas horizontais e verticais de f.
  - (f) Determine os intervalos de crescimento/decrescimento de f, e os seus pontos de máximo/mínimo.
  - (g) Determine os intervalos onde f é côncava para cima/baixo e os seus pontos de inflexão.
  - (h) Esboce o gráfico de f usando as informações obtidas nos itens anteriores.
- 2. (2.0 pontos) Dentre todos os triângulos isósceles de perímetro conhecido, determine aquele que possui a maior área.
- 3. (2.0 pontos) Use a diferenciação logarítmica para determinar a derivada da função:

$$y = y(x) = (cosx)^{senx}, \quad 0 < x < \pi/2.$$

4. (2.0 pontos) Avalie os limites abaixo e encontre o correspondente valor caso exista.

(a) 
$$\lim_{x\to+\infty} \frac{[\ln(x)]^2}{x^7}$$
 (b)  $\lim_{x\to 0} \frac{x-tgx}{x-senx}$