

1) Determine os pontos de estacionaridade das funções a seguir. Analise a natureza destes pontos (min., max., ou inflexão).

a) $f_1(x_1, x_2) = x_1^2 + 2(x_2)^3 - 4x_1 - 3x_2^2$

b) $f_2(x_1, x_2) = 2x_1 + 6x_2$

2) Seja o problema de otimização a seguir.

a) Dê uma iteração pelo Método de Gradiente, partindo do ponto $x^0 = (0, 0)^T$ e fazendo a busca unidimensional pelo Método da Falsa Posição.

b) Dê uma iteração pelo Método de Newton, partindo do ponto $x^0 = (0, 0)^T$. Compare as duas soluções.

$$\text{Min } 2(x_1)^2 + 3(x_2)^2 + x_1 + 2x_2$$

3) Seja o problema de otimização a seguir. Determine uma solução que satisfaça as Condições de Otimalidade de Karush-Kuhn-Tucker.

$$\text{Min } 2(x_1)^2 + (x_2)^2 - 8x_1 - 4x_2$$

$$\text{S.a: } x_1 + x_2 = 2$$

$$2x_1 - x_2 \leq 1$$

$$x_1 \leq 0; x_2 \geq 0;$$

4) Seja o problema de otimização a seguir. Suponha o ponto x , como mostrado na figura com $\alpha < 90^\circ$. Demonstre que x não é um ótimo local.

$$\text{Max } f(x_1, x_2)$$

$$\text{S.a: } x_1 + x_2 = 2$$

