

## EA721 – Princípios de Controle e Servomecanismos

1<sup>a</sup> Semestre de 2008 – 1<sup>a</sup> Prova – Prof. Paulo Valente

RA:

Nome:

Ass.:

**Q1.** No sistema de controle da **Figura 1**, considere

Q1)

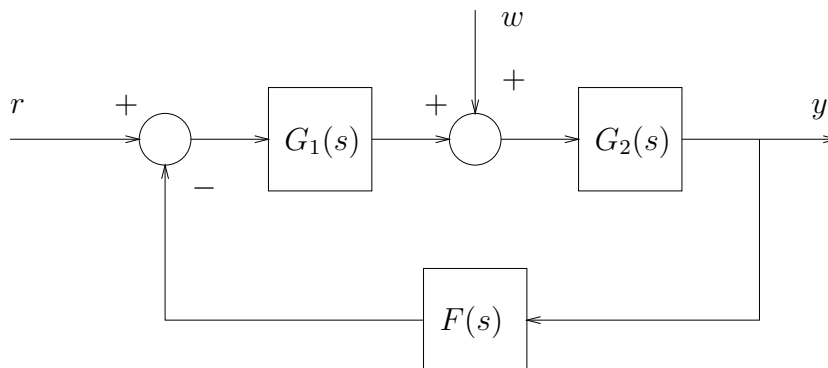
Q2)

Q3)

Q4)

Q5)

$$G_1(s) = \frac{10k}{5s + 1}, \quad G_2(s) = 1 \quad \text{e} \quad F(s) = 1.$$



**Figura 1**

**a)** (1 pto) Assuma  $w(t) = 5$ ,  $t \geq 0$ . Encontre o valor de  $k$  para que a componente de regime em  $y$  devida ao distúrbio  $w$  esteja limitada a 1% de  $w$ . (Essa especificação limita o ganho DC de  $w$  para  $y$  a 0.01); **b)** (1 pto) Se  $r(t) = 10$ ,  $t \geq 0$ , encontre o erro de regime de  $y$  devido a  $r$  para o valor de  $k$  determinado em a).

**Q2.** Considere o sistema de controle ilustrado na **Figura 2**. **a)** (1.0 pto) Supondo inicialmente  $k = 10$  e  $k_t = 0.1$ , determine  $\omega_{FP}$ , a faixa de passagem do sistema; **b)** (1.0 pto) Determine  $k$  e  $k_t$  para que a máxima sobrelevação e a faixa de passagem do sistema sejam iguais a 5% e 10 rad/s, respectivamente.

A razão  $\omega_{FP}/\omega_n$  e a máxima sobrelevação (em %) em função do fator de amortecimento  $\xi$  para um sistema de segunda ordem na forma padrão são indicadas nas **Tabelas 1 e 2**, respectivamente. Ao recorrer às tabelas, use sempre os valores mais próximos aos procurados.

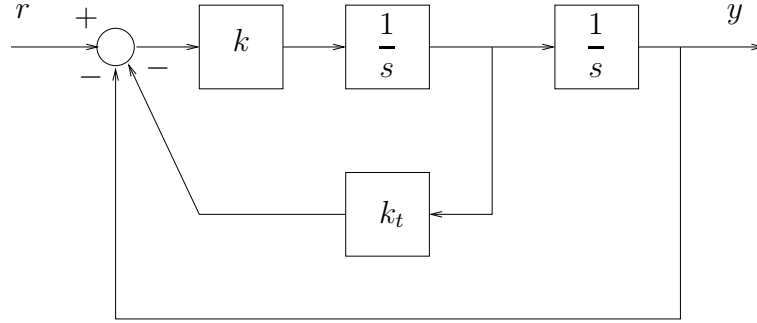


Figura 2

Tabela 1:  $\omega_{\text{FP}}/\omega_n \times \xi$ 

$\xi$	$\omega_{\text{FP}}/\omega_n$	$\xi$	$\omega_{\text{FP}}/\omega_n$
0.1	1.55	0.6	1.15
0.2	1.51	0.7	1.01
0.3	1.45	0.8	0.87
0.4	1.37	0.9	0.75
0.5	1.27	1.0	0.64

Tabela 2:  $M_p \times \xi$ 

$\xi$	$M_p$	$\xi$	$M_p$
0.1	72.9	0.6	9.48
0.2	52.7	0.7	4.60
0.3	37.2	0.8	1.52
0.4	25.4	0.9	0.15
0.5	16.3	1.0	0.00

**Q3.** Considere o sistema de controle ilustrado na **Figura 3**, um modelo simplificado para o controle de profundidade de um submarino. Determine em função de  $k$ ,  $k_1$  e  $k_2$  (parâmetros conhecidos), **a)** (1 pto) o erro de regime da saída  $y$  para uma entrada de referência degrau unitário  $R(s) = 1/s$ ; **b)** (1 pto) o valor de regime da saída  $y$  devido ao distúrbio  $W(s) = 1/s$ .

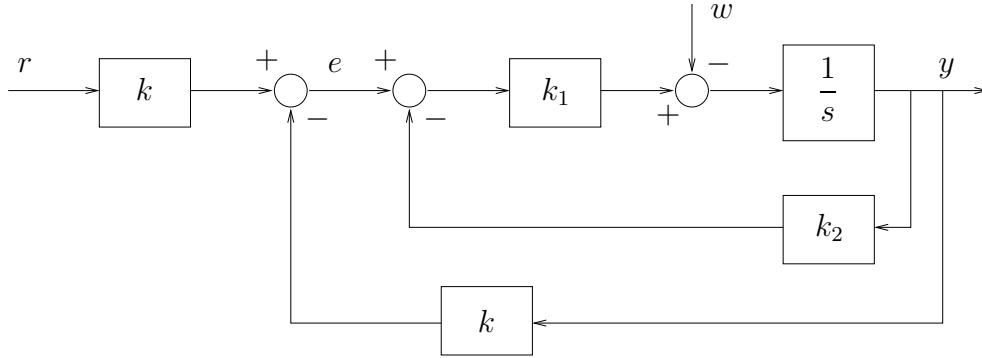


Figura 3

**Q4.** (2 pts) Os dois sistemas ilustrados na **Figura 4** possuem a mesma função de transferência de malha fechada  $Y(s)/R(s)$  (no caso, independente de  $s$ ) quando  $k_1 = k_2 = 100$ . Calcule as sensibilidades dos sistemas (a) e (b) em relação ao parâmetro  $k_1$ . Qual dos sistemas é mais sensível a variações no parâmetro  $k_1$ ? Justifique.

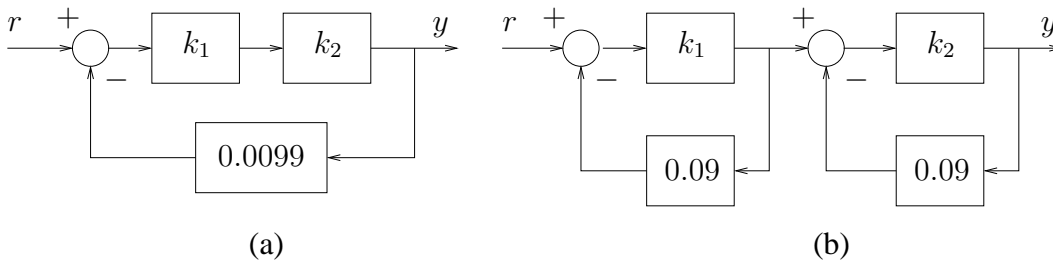


Figura 4.

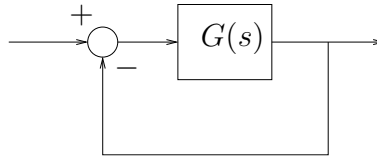
**Q5.** No sistema de controle da **Figura 1**, considere

$$G_1(s) = k, \quad G_2(s) = \frac{2}{s^3 + 4s^2 + 5s + 2} \quad \text{e} \quad F(s) = 1.$$

**a)** (0.5 pto) Determine  $e_d$ , o erro de regime do sistema para uma entrada degrau de amplitude  $A$  ( $R(s) = A/s$ ); **b)** (1.5 pto) a especificação de que  $e_d$  seja menor do que 2% de  $A$  pode ser atingida pelo ajuste do ganho  $k$ ? Justifique. (Nota: no cálculo de erros de regime, pressupõe-se que o sistema em malha fechada seja estável.)

## Algumas Fórmulas

### Erros de Regime



N	$1/s$	$1/s^2$	$1/s^3$	Constante
0	$1/(1 + k_p)$	$\infty$	$\infty$	$k_p = \lim_{s \rightarrow 0} G(s)$
1	0	$1/k_v$	$\infty$	$k_v = \lim_{s \rightarrow 0} sG(s)$
2	0	0	$1/k_a$	$k_a = \lim_{s \rightarrow 0} s^2G(s)$

### Função de Sensibilidade

Sensibilidade de uma função de transferência  $G(s)$  a um parâmetro  $p$ :

$$S_p^G = \frac{\partial G}{\partial p} \frac{p}{G}.$$

(O *parâmetro*  $p$  pode ser outra função de transferência de interesse).

### Teorema do Valor Final

Se  $y(t) \Leftrightarrow Y(s)$  possui valor final, então

$$y(\infty) = \lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = \lim_{s \rightarrow 0} sY(s).$$

**Respostas**

- Q1.** a)  $k = 9.9$ , b)  $e_d = 0.1$ ;
- Q2.** a)  $\omega_{FP} = 4.8 \text{ rad/s}$ , b)  $k = 100$ ,  $k_t = 0.14$ ;
- Q3.** a)  $e(\infty) = kk_2/(k + k_2)$ , b)  $y(\infty) = -1/[k_1(k + k_2)]$ ;
- Q4.**  $S_{k_1}^{Ta} = 0.01$ ,  $S_{k_1}^{Tb} = 0.1$ . O sistema (b) é dez vezes mais sensível a variações em  $k_1$  do que o sistema (a);
- Q5.** a)  $e_d = A/(1 + k)$ , b) Para que  $e_d < 0.01A$ , seria necessário usar  $k > 49$ . Como pelo critério de Routh-Hurwitz o sistema é estável se e somente se  $-1 < k < 9$ , a especificação não pode ser atendida.