



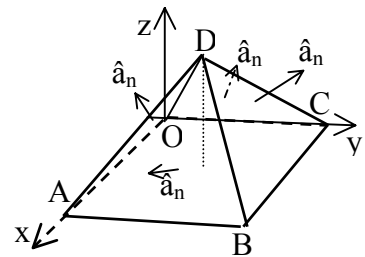
QUESTÕES EXPOSITIVAS

1- Considere o campo vetorial $\vec{A}(x,y,z) = (z+x^2)\hat{a}_x + (x^3-y)\hat{a}_y + (y^2-x)\hat{a}_z$.

- Calcule o campo $\vec{G} = \text{rot } \vec{A}$;

- Obtenha o resultado da integral $\iint_{S_1} \text{rot } \vec{A} \cdot d\vec{S}$ na qual, dados os pontos $O(0,0,0)$, $A(2,0,0)$,

$B(2,2,0)$, $C(0,2,0)$ e $D(1,1,1)$, S_1 é formada pela união dos triângulos OAD , ABD , BCD e OCD . Admita as superfícies que compõem S_1 orientadas para a região externa da pirâmide $DOABC$, como indica a figura (\hat{a}_n). Justifique sua resposta.



- Obtenha o resultado da integral $\iint_{S_2} \text{rot } \vec{A} \cdot d\vec{S}$ na qual a superfície

S_2 é a superfície fechada externa da pirâmide $DOABC$ e está orientada da região interna para a região externa da mesma. Justifique a sua solução. Justifique sua resposta.

2- Considere duas cascas esféricas com centro na origem do sistema cartesiano, de material condutor, isoladas eletricamente e posicionadas nas superfícies de $r=1$ e $r=10$. A placa interna é conectada em uma fonte de tensão de 15 volts e a externa é aterrada. Determine a expressão para o potencial eletrostático V .

3- Determine uma família de funções analíticas $f(z) = u(x,y) + jv(x,y)$ de modo que $v(x,y) = x^2 - y^2 + y$.

4- Obtenha a relação $h(x,y) = 0$ para o *lugar geométrico* representado por $\frac{1}{z} + \frac{1}{\bar{z}} = 2$ e esboce o mesmo graficamente ($x, y \in \mathbb{R}$ e $z \in \mathbb{C}$).

5- Resolva a equação: $\left(\frac{z-1-j}{\sqrt[3]{2}} \right)^4 = -1$.