## **INSTRUÇÕES**

Cada questão vale 2 pontos.

Resolva cada questão na folha apropriada.

Não é necessário entregar a folha de consulta.

**Questão 1.** Sejam A e B dois eventos, tais que  $\mathbf{P}(A) = 1/10$ ,  $\mathbf{P}(B) = 1/3$ ,  $\mathbf{P}(A \cap B) = 1/15$ . Calcule as probabilidades de seguintes eventos:

- (a) pelo menos um evento entre A e B ocorre;
- (b) B ocorre, mas A não ocorre;
- (c) exatamente um evento entre A e B ocorre.
- (d) Os eventos A e B são independentes? Justifique a resposta.

**Questão 2.** Seja X uma variável aleatória discreta com  $\mathbf{P}(X=0)=0.6$ ,  $\mathbf{P}(X=1)=0.2$ ,  $\mathbf{P}(X=2)=0.2$ . Faça um gráfico da função da distribuição acumulada. Calcule o valor esperado e a variância de X.

Questão 3. A taxa de homicidios no estado é de 10 por 100.000 habitantes por ano.

- (a) Calcule a probabilidade aproximada de que numa cidade de 400.000 habitantes neste estado no mês de maio haverá 5 homicidios.
- (b) Calcule a probabilidade de que nesta cidade num ano vai ter pelo menos 4 meses com 5 homicidios.

- **Questão 4.** Suponha que temos 2 lâmpadas. O tempo de vida da lâmpada A tem distribuição Exponencial com média 120 horas e e tempo de vida da lâmpada B tem distribuição Exponencial com média 150 horas. Escolhemos uma das lâmpadas ao acaso. Calcule:
- (a) a probabilidade de que a lâmpada escolhida vai durar mais de 180 horas;
- (b) a probabilidade de que foi escolhida a lâmpada A, dado que a lâmpada escolhida durou mas que 180 horas.

**Questão 5.** Quantas vezes é preciso lançar um dado honesto para que a proporção de "6" seja pelo menos 0.145 com probabilidade pelo menos 0.97?