

RA: _____ NOME: _____

Considerando um sistema elétrico constituído de três barras e três linhas, cujos dados em pu estão tabelados a seguir:

Dados de Barras							
Barra	Tipo	P _{Geração}	Q _{Geração}	P _{Carga}	Q _{Carga}	V	θ
1	Vθ	P _{G1} ?	Q _{G1} ?	0	0	1	0
2	PQ	0	0	2	1	V ₂ ?	θ ₂ ?
3	PV	0	Q _{G3} ?	4	0	1	θ ₃ ?

Dados de Linhas			
Linha	R	x	b
1-2	0,01	0,05	0,20
1-3	0,02	0,10	0,40
2-3	0,01	0,05	0,20

(*) susceptância total da linha

1. Montar a matriz de admitância do sistema ($Y=G+jB$), separando-a em matrizes de Condutância e de Susceptância; (2 pontos)
2. Escrever as equações de balanço de potência ativa e reativa para todas as barras, indicando quais deverão ser utilizadas para formular o problema de fluxo de carga; (2 pontos)
3. Resolver o fluxo de carga pelo método de Newton, considerando a tolerância de 10^{-2} ; (2 pontos)
4. Calcular as potências ativas e reativas líquidas em todas as barras do sistema, explicitando os valores P_{G1} , Q_{G1} e Q_{G3} , as perdas totalizadas de potência ativa em percentagem da geração, e o total de potência reativa consumida pela rede; (2 pontos)
5. Desenhe um diagrama unifilar indicando todos os fluxos de potência ativa e reativa na rede; (2 pontos)

$$P_k = V_k \sum_{m \in \mathcal{K}} V_m (G_{km} \cos \theta_{km} + B_{km} \sin \theta_{km})$$

$$Q_k = V_k \sum_{m \in \mathcal{K}} V_m (G_{km} \sin \theta_{km} - B_{km} \cos \theta_{km})$$

$$I = YE$$

$$S = EI^*$$

$$S_{km}^* = P_{km} - jQ_{km} = E_k^* I_{km}$$

$$I_{km} = y_{km} (E_k - E_m) + j b_{km}^{sh} E_k$$

$$\begin{cases} H_{kk} = \frac{\partial}{\partial \theta_k} P_k = -B_{kk} V_k^2 - V_k \sum_{m \in \mathcal{K}} V_m (G_{km} \sin \theta_{km} - B_{km} \cos \theta_{km}) \\ \quad \quad \quad = -B_{kk} V_k^2 - Q_k \\ H_{km} = \frac{\partial}{\partial \theta_m} P_k = V_k V_m (G_{km} \sin \theta_{km} - B_{km} \cos \theta_{km}) \\ H_{mk} = \frac{\partial}{\partial \theta_k} P_m = -V_k V_m (G_{km} \sin \theta_{km} + B_{km} \cos \theta_{km}) \end{cases}$$

$$\begin{cases} N_{kk} = \frac{\partial}{\partial V_k} P_k = G_{kk} V_k + \sum_{m \in \mathcal{K}} V_m (G_{km} \cos \theta_{km} + B_{km} \sin \theta_{km}) \\ \quad \quad \quad = V_k^{-1} (P_k + G_{kk} V_k^2) \\ N_{km} = \frac{\partial}{\partial V_m} P_k = V_k (G_{km} \cos \theta_{km} + B_{km} \sin \theta_{km}) \\ N_{mk} = \frac{\partial}{\partial V_k} P_m = V_m (G_{km} \cos \theta_{km} - B_{km} \sin \theta_{km}) \end{cases}$$

$$\begin{cases} M_{kk} = \frac{\partial}{\partial \theta_k} Q_k = -G_{kk} V_k^2 + V_k \sum_{m \in \mathcal{K}} V_m (G_{km} \cos \theta_{km} + B_{km} \sin \theta_{km}) \\ \quad \quad \quad = -G_{kk} V_k^2 + P_k \\ M_{km} = \frac{\partial}{\partial \theta_m} Q_k = -V_k V_m (G_{km} \cos \theta_{km} + B_{km} \sin \theta_{km}) \\ M_{mk} = \frac{\partial}{\partial \theta_k} Q_m = -V_k V_m (G_{km} \cos \theta_{km} - B_{km} \sin \theta_{km}) \end{cases}$$

$$\begin{cases} L_{kk} = \frac{\partial}{\partial V_k} Q_k = -B_{kk} V_k + \sum_{m \in \mathcal{K}} V_m (G_{km} \sin \theta_{km} - B_{km} \cos \theta_{km}) \\ \quad \quad \quad = V_k^{-1} (Q_k - B_{kk} V_k^2) \\ L_{km} = \frac{\partial}{\partial V_m} Q_k = V_k (G_{km} \sin \theta_{km} - B_{km} \cos \theta_{km}) \\ L_{mk} = \frac{\partial}{\partial V_k} Q_m = -V_m (G_{km} \sin \theta_{km} + B_{km} \cos \theta_{km}) \end{cases}$$