

FACULDADE DE ENGENHARIA ELÉTRICA  
E DE COMPUTAÇÃO/ UNICAMP

EA611 - Circuitos II, turma A

Prova nº 1 - 11 de abril de 2007

Nome: Lucas Voz Porto de Andrade RA 062461

Resultados em forma de expressões (quando couber resultado numérico) não serão considerados.

O número de significativos deve ser razoável (não copie todos os significativos da calculadora) e potências de 10, se utilizadas, devem ter expoente divisível por 3 (notação de engenharia).

1. Uma carga ligada a uma fonte de 380 V eficazes, 60 Hz, consome 15 kVA com fator de potência indutivo de 0,8.

1.1 Quais são as potências ativa e reativa consumidas e qual é o valor eficaz da corrente?

1.2 Um capacitor de 50  $\mu\text{F}$  é ligado em paralelo com a carga. Quais serão os novos valores de potência ativa, reativa e aparente, bem como da corrente consumidas?

1.3 Qual é a faixa de valores para um capacitor a ser ligado em paralelo com a carga se for desejado um fator de potência igual ou maior que 0,92?

$$|S| = 15 \text{ kVA} \quad \cos \phi = 0,8$$

$$1) P = S \cdot \cos \phi = 12 \text{ kW} \quad \text{ativo}$$

$$Q = S \cdot \sin \phi = 15 \text{ kVA} \cdot 0,6 = 9 \text{ kVAR} \quad \text{reativo}$$

$$V \cdot I^* = S$$

$$I = \left( \frac{S}{V} \right)^* = \frac{15 \angle 36,87^\circ \text{ kVA}}{380 \angle 0^\circ \text{ V}} = 39,474 \text{ A}$$

$$2) \quad \begin{array}{c} \text{Circuit diagram: 380 V source in series with a load } Z \text{ and a capacitor } C. \\ Z = \frac{380 \angle 0^\circ \text{ V}}{39,474 \angle 36,87^\circ \text{ A}} = 9,63 \angle 36,87^\circ \Omega = 7,7 - 5,78j \Omega \\ Z_C = \frac{1}{j\omega C} = 53,05 \angle -90^\circ \quad Z_T = Z + Z_C \end{array}$$

$$Z_{\text{total}} = 8,61 \angle -44,35^\circ$$

$$I_{\text{corrigida}} = \frac{380 \angle 0^\circ}{8,61 \angle -44,35^\circ} = 44,14 \angle 44,35^\circ \text{ A}$$

$$S = V \cdot I^* = 16,77 \angle -44,35^\circ \text{ kVA} \quad \text{aparente}$$

$$P = 12,0 \text{ kW} \quad \text{ativo}$$

$$Q = -11,72 \text{ kVAR} \quad \text{reativo}$$

$$Z_f^{-1} = Z_E^{-1} + Z_C^{-1}$$

$$Z_f = \frac{1}{83,1 + 62,4j + j\omega C}$$

$$Z_f = 83,1 + (62,4 + j\omega C) j \Omega$$

$$\omega = 377$$

$$Z_f = 83,1 + (62,4 + 377C) j \Omega$$

$$f_p = \frac{P}{\sqrt{P^2 + (Q - \omega CV)^2}} = \frac{12 \text{ kW}}{\sqrt{144 + (9 - 377 \cdot C \cdot 380)^2}}$$

$$f_p = \frac{12}{\sqrt{144 + (9 - 54,4C)^2}}$$

$$0,92 \cdot \sqrt{144 + (9 - 54,4 \cdot 10^6 C)^2} = 12$$

$$13 = \sqrt{144 + (9 - 54,4 \cdot 10^6 C)^2}$$

$$170 = 144 + (9 - 54,4 \cdot 10^6 C)^2$$

$$26,13 = (9 - 54,4 \cdot 10^6 C)^2$$

$$81 - 979,2 \cdot 10^6 C + 2,96 \cdot 10^5 C^2 = 26,13$$

$$54,87$$

$$C' = 71,48 \cdot 10^{-9} \quad C'' = 259,3 \cdot 10^{-9}$$

Os valores da capacitância devem estar entre as raízes da equação, logo devem ser

$$\text{entre } \underline{\underline{71,48 \text{ nF}}} \text{ e } \underline{\underline{259,3 \text{ nF}}}$$

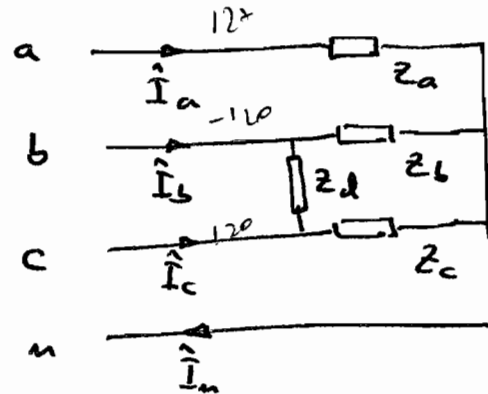
## 2. Quatro cargas resistivas

$$Z_a = 10\Omega \quad Z_b = 12\Omega \quad Z_c = 15\Omega \quad Z_d = 20\Omega$$

são ligadas às três fases de uma alimentação trifásica de 220 V (de linha) com neutro, em sequência *abc*, como mostra a Figura.

2.1 Tomando como referência a tensão  $\hat{V}_{an} = 127\angle 0^\circ$  V, obtenha as três correntes  $\hat{I}_a$ ,  $\hat{I}_b$ ,  $\hat{I}_c$  e a corrente de neutro.

2.2 Qual será a tensão  $\hat{V}_{nn}$  se a conexão de neutro for interrompida? Obtenha ainda as tensões aplicadas às quatro cargas e as três correntes neste caso.



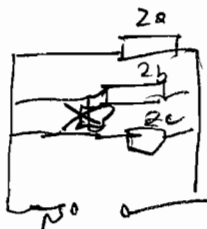
$$1) \quad I_a = \frac{127\angle 0^\circ}{10} = \underline{\underline{12,7 \text{ A}}}$$

$$I_b = I_{Z_b} + I_{Z_d} = \frac{127\angle -120^\circ}{12} + \frac{220\angle -90^\circ}{20} = \underline{\underline{20,85 \angle -104,7^\circ \text{ A}}}$$

$$I_c = I_{Z_c} - I_{Z_d} = \frac{127\angle +120^\circ}{15} - \frac{220\angle -90^\circ}{20} = \underline{\underline{18,81 \angle 103,0^\circ \text{ A}}}$$

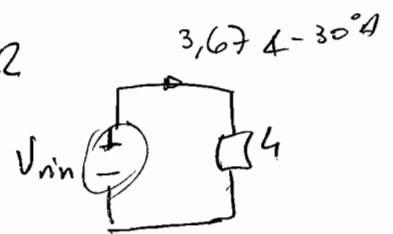
$$I_n = I_a + I_b + I_c = \underline{\underline{3,67 \angle -30^\circ \text{ A}}}$$

2) Por Thévenin temos



$Z_d$  está em curto

$$Z_{eq} = \underline{\underline{4 \Omega}}$$



$$V_{nn} = \underline{\underline{14,68 \angle -30^\circ \text{ V}}}$$

$$I_a = \frac{V_{an'}}{Z_0} = \frac{127.40 - 14.74 - 35}{10} = \underline{11.45 \angle 3.68^\circ \text{ A}}$$

$$I_{2\phi} = \frac{220 \angle -90^\circ}{Z_0} = 11 \angle -90^\circ$$

$$I_{2b} = \frac{V_{bn'}}{Z_b} = 10 \angle -126.6^\circ \text{ A}$$

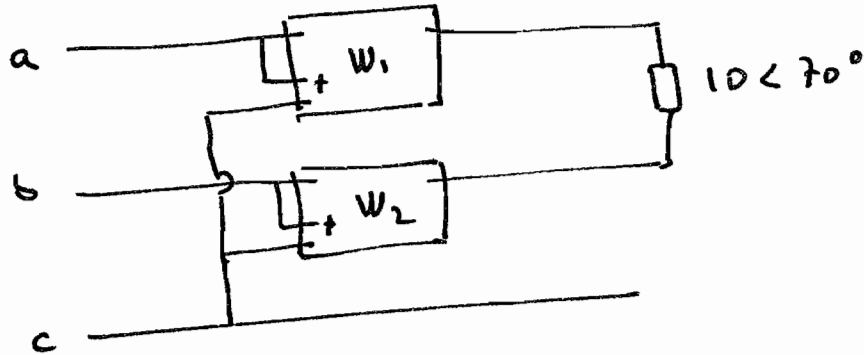
$$I_{2c} = \frac{V_{cn'}}{Z_c} = 9.327 \angle 123^\circ \text{ A}$$

$$I_B = \underline{20.56 \angle -108.0^\circ \text{ A}}$$

$$I_c = \underline{19.5 \angle 105.1^\circ \text{ A}}$$

3. Uma impedância  $Z$  é ligada entre as fases  $a$  e  $b$  de uma rede trifásica em sequência  $abc$ .

Tomando como referência de fase a tensão  $\hat{V}_{an} = 127\angle 0^\circ$  V, obtenha as leituras de dois wattímetros ligados como mostra a figura.



$$I_{AB} = \frac{V_{ab}}{10\angle 70^\circ} = \underline{\underline{22\angle -40^\circ}}$$

$$S_{W_1} = 22\angle -40^\circ \cdot 220\angle -30^\circ = (4,84\angle -70^\circ) \cdot 10^3 \text{ kVA}$$

$$\text{Re}\{S_{W_1}\} = W_1 = \underline{\underline{1,66 \text{ kW}}} \quad \times$$

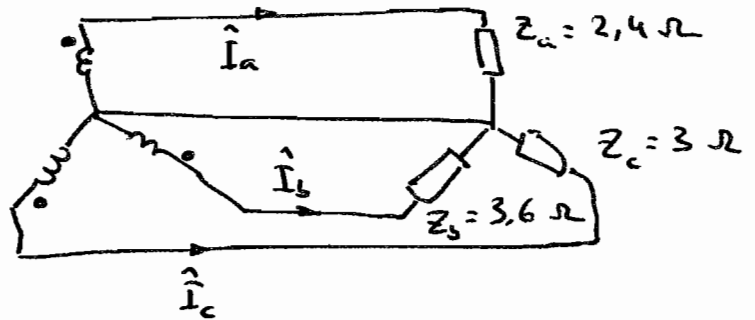
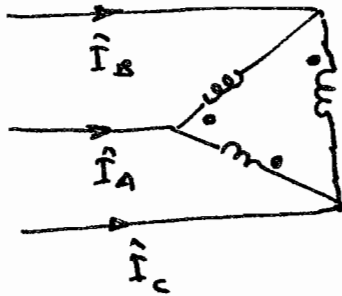
$$S_{W_2} = I_{BA} \cdot V_{BC} = -I_{AB} \cdot 220\angle -80^\circ = 22\angle 140^\circ \cdot 220\angle -80^\circ = 4,84\angle 60^\circ \cdot 10^3 \text{ kVA}$$

$$\text{Re}\{S_{W_2}\} = W_2 = \underline{\underline{3,11 \text{ kW}}} \quad \times$$



4. Um banco de transformadores  $\Delta$ -Y com relação de tensões (de linha) 13800/220 alimenta três cargas associadas em Y com neutro.

Considerando sequência de fases  $abc$  e tomando como referência a tensão  $\hat{V}_{an} = 127 \angle 0^\circ$  V, obtenha as correntes de linha  $\hat{I}_A$ ,  $\hat{I}_B$  e  $\hat{I}_C$  no primário do banco.



$$\begin{bmatrix} \hat{I}_A \\ \hat{I}_B \\ \hat{I}_C \end{bmatrix} = \frac{n_2}{n_1} \begin{bmatrix} 0 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & -1 \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \hat{I}_a \\ \hat{I}_b \\ \hat{I}_c \end{bmatrix}$$

$$\hat{I}_\Delta = C^T \hat{I}_Y$$

$$C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -1 \\ -1 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 0 \end{bmatrix} \cdot \frac{n_2}{n_1}$$

Num banco  $\Delta$ -Y a relação de tensões é dada pela relação de espiras

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{T_1}{T_2 \sqrt{3}}$$

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{13800}{127}$$

$$\frac{n_2}{n_1} = 9,2 \cdot 10^{-3}$$

$$\hat{I}_a = \frac{127 \angle 0^\circ}{2,4} = 52,9$$

$$\hat{I}_b = \frac{127 \angle -120^\circ}{3,6} = 35,3 \angle -120^\circ$$

$$\hat{I}_c = \frac{127 \angle 120^\circ}{3,6} = 35,3 \angle 120^\circ$$

$$\hat{I}_A = 9,2 \cdot 10^{-3} (\hat{I}_c - \hat{I}_b) = 619 \angle 93^\circ \text{ mA}$$

$$\hat{I}_B = 9,2 \cdot 10^{-3} (\hat{I}_a - \hat{I}_c) = 760 \angle -26,3^\circ \text{ mA}$$

$$\hat{I}_C = 9,2 \cdot 10^{-3} (\hat{I}_b - \hat{I}_a) = 707 \angle -157^\circ \text{ mA}$$

$$T_F = \frac{n_2}{n_1} \cdot T_L$$

$$T_{F2} = \frac{n_2}{n_1} \cdot T_{F1} \sqrt{3}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{n_2}{n_1} \sqrt{3}$$