Nome:	RA:	

É proibido usar calculadora e desgrampear as folhas da prova. Respostas sem justificativas ou que não incluam os cálculos necessários não serão consideradas. BOA PROVA!

1. (2,5 pontos) Calcule a integral de linha

$$\int_{C} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r} = \int_{C} \mathbf{F} \cdot r'(t) dt$$

onde  $\mathbf{F} = (2xyz^3, x^2z^3, 3x^2yz^2)$  e C é a curva dada por

$$r(t) = (\sin^6 t, 1 - \cos t, e^{t(t-\pi/2)}), 0 \le t \le \pi/2.$$

(Dica: verifique se F é conservativo.)

2. (2.5 pontos) Considere a superficie parametrizada por

$$\mathbf{r}(\mathbf{u}, \mathbf{v}) = (\mathbf{u}\mathbf{v}, \mathbf{u} + \mathbf{v}, \mathbf{u} - \mathbf{v}).$$

- (a) (0,5 ponto) Determine o valor de  $\mathfrak c$  de forma que o ponto  $(\mathfrak c,1,0)$  pertença à superficie.
- (b) (2,0 pontos) Calcule a área da parte da superfície correspondente à variação  $u^2+\nu^2\leqslant 1.$
- 3. (2,5 pontos) Usc o Teorema de Stokes para calcular a integral de superficie

$$\iint_{S} \operatorname{rot} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{S} = \iint_{S} \operatorname{rot} \mathbf{F} \cdot \mathbf{n} \ dS,$$

onde  $\mathbf{F}=(e^{xy}\cos z,\ (x^2+1)z,\ -y)$  e S é o hemisfério  $x^2+y^2+z^2=1,\ x\geqslant 0$ , orientado na direção positiva do eixo x.

4. (2,5 pontos) Seja  $\mathbf{F}=(z\tan^{-1}(y^2),\ z^3\ln(x^2+1),\ z)$ . Determine o fluxo de  $\mathbf{F}$  através da parte do parabolóide  $x^2+y^2+z=2$  que está acima do plano z=1 e está orientada para cima.

(Observe que a superfície acima não é fechada.)