3ª Prova de F 502 – Turma A	1
Primeiro Semestre de 2008	2.
26/06/2008	3
	4.
	Nota:
Nome:	RA:

**Questão 1:** Considere um meio magnético na forma de um cilindro circular longo, de magnetização uniforme  $\vec{M}_0$  paralela ao eixo do cilindro, contendo uma cavidade cilíndrica também <u>infinita</u> e coaxial. O raio da cavidade é a e o do cilindro magnético é b. Adote o eixo do cilindro com sendo o eixo z.

- a) Encontre os vetores densidade de corrente de magnetização volumétrica e superficial.
- b) Escreva os campos  $\vec{H}$ ,  $\vec{M}$  e  $\vec{B}$  para todos os pontos do espaço.
- c) Considere agora que a cavidade seja  $\underline{\text{finita}}$  e de comprimento L. Encontre as densidades de pólo magnético, volumétrica e superficial, em todos os pontos do espaço.
- d) Escreva os campos  $\vec{H}$ ,  $\vec{M}$  e  $\vec{B}$  para o centro da cavidade em duas situações limites: L>>a e L<<a.

**Questão 2:** Num acelerador Bétatron, um íon de carga q e massa m move-se numa órbita circular a uma distância R do eixo de simetria da máquina. O campo magnético tem simetria cilíndrica, isto é, no plano da órbita sua componente z é  $B_z = B_z(r)$ , onde r é a distância ao eixo de simetria.

- a) Para um dado  $B_z(R)$ , encontre a velocidade do íon.
- b) Se o campo magnético for aumentado vagarosamente, demonstre que a fem induzida ao longo da órbita do íon é tal que o acelera.
- c) Demonstre que a variação radial do campo  $\vec{B}$  dentro da órbita deve satisfazer à seguinte condição para que o íon permaneça em sua órbita: a média espacial do aumento de  $B_z(r)$  (média tomada sobre a área compreendida pela órbita) deve ser igual ao dobro do aumento de  $B_z(R)$  durante um dado intervalo de tempo.

**Questão 3:** São dados dois circuitos: um fio reto muito comprido e um quadrado de lado a. O quadrado está num plano que passa pelo fio, sendo que dois dos seus lados são paralelos ao fio, e a distância do lado mais próximo é r. Calcule a indutância mútua entre os dois circuitos.

**Questão 4:** Considere um solenóide longo, com N espiras e de comprimento L, percorrido por uma corrente constante I. Uma barra de ferro, de permeabilidade  $\mu$  e área de seção reta A, é parcialmente introduzida no solenóide, conforme a figura. Calcule a força que o solenóide exerce sobre a barra. A força é atrativa ou repulsiva?

Dados:  $F_x = \left(\frac{\partial U}{\partial x}\right)_I$ ;  $F_x = -\left(\frac{\partial U}{\partial x}\right)_{\Phi}$ 

