## ME414-ESTATÍSTICA PARA EXPERIMENTALISTAS. PROVA I\* I-2013

1. Suponha três urnas com as seguintes configurações: a "urna 1" contém 5 bolas pretas, 3 brancas e 4 vermelhas; a "urna 2" contém 3 bolas pretas, 5 brancas e 2 vermelhas; a "urna 3" contém 4 bolas pretas, 2 brancas e 2 vermelhas. A probabilidade de escolher a "urna 1" é 3 vezes a probabilidade de escolher a "urna 2" que por sua vez e a metade da probabilidade de escolher a "urna 3". Escolheu-se uma urna ao acaso e dela extraiu-se uma bola ao acaso, verificou-se que a bola é vermelha.

(a) Qual a probabilidade da bola ter vindo da "urna 2"?

(b) Qual a probabilidade da bola não ter vindo da "urna 1"?

2. Três maquinas A, B e C produzem, respectivamente, 50%, 20% e 30% do total de peças de um determinado tipo. Para cada umas maquinas A, B e C, o número de peças defeituosas representam respectivamente 4%, 5% e 3% das peças produzidas pela maquina. A produção global das maquinas é misturada e selecionada ao acaso uma peça.

(a) Qual é a probabilidade da peça ser defeituosa.

(b) Se a peça selecionada é defeituosa, qual a probabilidade que venha da maquina B.

(c) O engenheiro responsável pelo controle de qualidade selecionou 5 peças (com reposição) com o intuito de avaliar o número de peças defeituosas produzidas pelas maquinas. Determine a probabilidade de encontrar pelo menos 1 peça defeituosa.

3. Seja a variável aleatória X com função de probabilidade

$$P(X = j) = p(1 - p)^{j}, \quad j = 0, 1, 2..., \quad p \in (0, 1),$$

isto é,  $X \sim Geo(p)$ . Para m e n inteiros, prove que

(a)  $P(X \le n) = 1 - (1-p)^{n+1}$ 

(b)  $P(X > m + n | X > n) = P(X \ge m)$ . (Falta de memória da geométrica)

4. Uma urna comtém N bolas dos quais M (M < N) são brancas e o resto são pretas. São sorteados aleatoriamente n < N bolas sem reposição.

(a) Qual  $\acute{e}$  a probabilidade de sortear exatamente k bolas brancas?.

(b) Se o sorteio fosse com reposição qual  $\acute{e}$  a probabilidade de sortear exatamente k bolas brancas?

5. A probabilidade de um rebite particular na superfície da asa de uma aeronave seja defeituosa é 0,001. Há 5000 rebites na asa. Qual é a probabilidade que sejam instalados não mais de três rebites defeituosos? (use a aproximação da Binomial pela Poisson)

Boa prova!

$$P(A \sqcup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B), \ P(A|B) = P(A \cap B)/P(B), \ P(A \sqcup B|C) = P(A|C) + P(B|C) - P(A \cap B|C)$$

<sup>\*</sup>vhld/22-04-13