TC - CURS 8

SIMPLIFICAREA GRAHATICILOR INDEPENDENTE DE CONTEXT

1. Eliminarea simbolierilor n'a productiilor inefolonitoire (" useless")

Det Fie G=(N, E, S, P) & g.i.c

Un neterminal AEN se numete folositar dece si numai doco ocistà wEL(6) antfel west. $S \stackrel{*}{=} \chi Ay \stackrel{*}{=} w$, $\chi, \chi \in (NUZ)^*$

Altfel, openen ca A este un neterminal nefolmtor. Toete productiele core Il pe A un membrul storig seu drept sunt, de asemenes nefoloritoire, deverece nu intervin un derivares nicionii sin den L(G). Exemplu 1) S -> a S/A

 G_1 $A \rightarrow aA | \lambda$ $B \rightarrow bA$

Neter min abel B este nefolonitor no obci no production B -> 6A este nefolonitoere l'inetile abile) obeverece nue existo niccio derivare in a ceosta gramatica pt care 5 => x By

2) S-) a56/aA 62 A -> aA 16B 1 x B -> 6B6 In acest example, in 62 avenu o derivare de forma 5=5 x By, inso nu vistà nicio derivare B=>2, 2 € 2, artfel co B nu intervine in derivarea niciumii sin den L(G2). Atunci, den 62 se va elimina atat B, cet si toete prostuctuile in core Bapare in membrul storing sen phept, respectiv A > &B, B > BB6. Tevrema 1 Fre G= (N, E, S, P) o g.i.c. Excepto o gramatica 6' core nu contine neterminali ren producti nefoloritore éclivalente cu 6 (aslice L(G)=L(G')) Dem. Vom construi G'=(N', E, S, P') utilitànd urmatoul algoritm. tas1 Nie p Pas 2 Repeta armotrul per poné cond ru se mai adonge la N, noi neterminali: 1 Pentru fiecare AEN pentru care existe A stitmer, times the ZUN1, AAN1) adorego A la NI Neterminalin din Na sunt generalivi

Artfel, N, antère door neternéenale A dem N pentru core in 6 exerto derivarea A=5W, WEE. Evident, NI SNo In particular, do co SANI, atienci resulta co pentre rucciere WESK Panel 4 N2 153-Paril 5 Repeté paria me se mai adaugo noi meter numali la Nz: Pentre ficcore A -> xo A1 x1. An xn CP, n31, XO, XI) -- XnEE* , AEN2 3 AN-- , ANEN: Pentru filcare i Ed1, ..., ny, doca Ai&N2 adouga Aila N2 Observion co un neterminal A den N este adougat la Ne delaco in 6 exestat derivarea 5 => xAy, x, y ∈ (NUE). Fie G'=(N', Z, S,P), unde N=N, NN2 EN, P= }Xo->Xu-XmEP|XOEN, Xjor;XmE IUN'S Olisermanica 6' nu contine simbolise inutilitabile, of, deverece N'EN, P'EP, resulté co L(6) E L(6). Reciproc, doca WEL(6) atunci in G eu tà o derivare de forma 5 = 2 W2 = 2 Wm = W In confirmatale au algorit mul de mai sus, toti neterminalii core intervin in accosta

derivare sunt inclusi attet in N, cet M in N2, deci ment inclusi in N; inclusiv S. Mai mult decot atot, productiele core s-au aplicat la fiecare per al a certer derivari sunt incluse in P. Resultà cà anew S=2, W,=>,--==, Wn=W, adica WEL(G'). In anclusie L(G')=L(G), G' find o gramatica foro simboleuri inutelesabile. Exemple 3 Eliminares noulablurilor neplemtoere din gromatice 63 S->ABICA B->BC IAB Ana C-> AB/6 Aplicand 1-2 obtinem N,= 1 A, C, Sg ni aplicand 4-5 obtinen N2=N1=7A1C,54 deci N'= 3, A, Cy, P'= 3 5 → CA, A →a, C → by Exemple 4 6=(15, A, B, C3, 1a, b3, 5, P) unde P: 5-as/A/C Ana B-) aa C-racb

Obtenem N1= 75, A, BB, N2= 35, A, CY Atunci N= {5,A3, P= } 5-25, 5-1A, A-2a3 2. t'linimarea 1-production Daca auvantul vid, 1, nu apertine limbe. Jului seuret de o gromatica independents de antest (g.i.c), atenci toete 1-productive (de forma A > 1) pot fi eliminate. Severet de 8 q.i.c., alenci von élimina recesorà pt a introduce pe à me limbogue Def. Deca tuto-o gremetica anem A = 5), A neterminal, Openeu co A ete anulabil Teourna 2 Fre G= (N, Z, S, P) g.i.c. Atunci eurtà Gi= (Ni)Z, Si, Pi) gic. forà 1- productie ai L(G1) = L(G) - 713. Dem Vom construi mai utai multimes Na EN a tuturor netervirualilor din N care ment anulabili 1. Na E } A | A > X E P'S 2. Repetà paris cond nu se moi adougo. neterminali noi:

D Daca A -) A. Am CP, m > 1, An -) Am ENa Mi A & Na, adauga A la Na. Observane à un neterminal Na exte introdues in Na oldoco este anulabre Daco S≠ Na, atunci S,= S, Ni=N Jacke SE Na, introducere en netermenal nou, SI, artfel ca NI=NUISIZ Pentru a obtine Pr, procedou in felul wimaton: 1. P. = ? A -> BEP | 1B1Na=09 2. Pentru Recore productie B-> BoB1B1 Bm Bm Fm ; cu β, β, β, , , β, ∈ (Zu(N-Na))*, B, , B, , B, ∈ Na, n≥1, adangé la Pr toste productiele de forma: B >> Bo XIBI ... Xm Bn, unde Xi E { 1, Big, i=1,-,n. Daco Bo=B1=···=Bn=A atunci nu toti Xi pot fi l (pt a mu introduce B+lefi) Observam ca in P, nu muit introduse producti de forma A > 1. 3. Daco SE Na, atunci la P2 adougon

Observan co: i) In G1 nu exerté prostectie consolection din in) Productiele lui G, fie neut production din 6 core sue contin tu membrul drept (49) neterminali anulabili, fie neut productie core provin den productiele Qui 6 core au me MD al putin un neterminal anulabil, prine relatitures nalilor anulabilie cu à, mai puten copul in core s-ar adouge & prod. de Juna A -> 1 iii) Daci A -> BEP, atunci A= B (v) din ii) n' iii) resulté cà L(G1) E L(G)-119 v) Pentru vice AEN, rentru vice vom avec A = 52. Arotom a ceasta prine inductie dupe n. Barra M=1 Perulto A→Z €P, Z≠N. Atunci A >> ZEPz, deci A => Z. Ipotera Pp co (H) AEN, (H) A = 2, ZE (NUZ) + min, amen A = 2

Southul induction The A => Z, ZE (NUZ) + l'uneu in enidenta primul pas: A => Xo Aixi ... AKXK=>2, rende A-) XOA, XI... AKXKEP, XO, XI, ..., XKEE, K21. Atunci A -> XOA, AKXKEPy si, tolooleto, Z = XodiX, ... dk Xk, rende Ai = di, i=1,...,n. Daca di # 1, atunci confirm ipoterei
ole inductie Ai = 5, di, i=1,...,n. Daco di = 1, resultà co Ai anulabil. Fie in ..., it au 15 in , lit & K, toti indiai cu di, +h, ..., dit + h. Perulto co m P1 aven productia: A -> Xo X, -- Xi, -1 Ai, Xi, Xi, -- Xi, Aix i Xi, +1 -- XK EP2 Ai, => Q1, --> Aix=> Qix) A => to- xin-1 Air Xin-Xin-1 Air Xin-XK =) to-- xi,-1 xi, xi, -- xi,-1 xi, xi, -- xi,-1 xi, xi, xx=2 aolico A => Z

vi) Sin (v), pt SEN, ZEZ = u 5=52,24) resultà 5= 2, adica 20 (61), vii) oleci L(G)-714 = L(G1) Viii) In copul in core 1 & L(G), adico Sette anulabil, la P1 adougone productia S, >1; obtenen artfel G1=(NU15,3, Z, 5,, P, U15-12), cue L(G'1) = L(G), ian in G', unica 1-productie este 3,- 2), ier 51 nu mai apore in membral drept al niciunei productii. L End Tevrema 2 Exemple 3 5-12565/65a5/1 Na = 459 61: 5, -> 5 (5, nimbol de start) 5-) a 5 6 5 | a 6 5 | a 5 6 | a 6 5-bSaslbaslbsalba 6, La productule lui 6, se adougo S, -> X

= 10 = 3) Eliminares redenuminiles Def Fie G=(N,Z,S,P) g.i. c Numina redenunire o productie de forma A -B, A, BEN. Tevima 3 Fie 60 gic. Atunci exerto 6 g.i.c. foro redenumire cu L(G')=L(G). Dem Fie G= (N, Z, S, P) g.i.c. Contruin G'= (N, E, S, P') gic joro redemeniri artfel. 1. PEP-3A->ALAENY 2. Cot timp exista A-BEP 2.1. Sterge A -> B dem P 2.2 Pentru orice B->XEP, X +A, cadengé A Da la P' (daco mu pera deja in P') Observatui (i) algoritment de mai sus se termino intotaleanne, deverece ento un numai first de productie la P, ren mr. finit de productie ce pot fi introdure in P' le fie cone pas (ii) Se proti demonstra pulu ansluctie structurale co L(G') = L(G) Exercitiu

- // 1000 SSTULV templu T-) aT b/ U-cUIX V -> a Vel W M-JPM/Y Eliminare nimbolini nefolontoore: nu sunt Eliminare 1- moducti Neterminali cenulabili Norte moderation SI-) SIN 3->TUITIUIV ToaTblab U-) CUIC V-) aVclac W M->PMP Eliminare redenumini -51-15/A S-TUIaTHableUlclaVelaclW Tattolab (1)U -culc V-) a Vc Tacl W Sinsin; S+>TulaTblab/cU/c/aVc/ac/bw/b Naphllp T-) aTblab; U-)cUlc (2) Vaavclac/bW/b; Wabw/b

Coroloz Orice g.i.c. 6 ett echivalentà cu

o g.i.c. 6' foro redenumeni, foro 1-producti;

ni joro nimbolini inutalizabelle, ai

L(G') = L(G) - 114

Dem Resultà dem Teoremele 1-3.