Link pt raspunsuri live => complexitati spatiu si timp pt problemele discutate https://forms.office.com/r/zxZ0CfeeQK

## Probleme CC seminar 4:

**Pb\_6)** Sa se accepte limbajul  $\{z \mid z = \mathbf{w} \ \mathbf{w}^{\mathsf{R}} \ \mathbf{w}, \ \mathbf{w} \ \text{in } \{a,b\}^{\mathsf{h}}\}\ \text{(unde } \mathbf{w}^{\mathsf{R}} \ \text{este oglinditul lui} \ \mathbf{w}) \ \text{folosind:}$ 

a) o MT determinista cu 2 benzi

b) o MT determinista cu 1 banda

c) o MT nedeterminista cu 2 benzi

d) o MT nedeterminista cu 1 banda

**Obs:** Pentru complexitati, notam  $\mathbf{n} = |\mathbf{z}|$ .

#### a) o MT determinista cu 2 benzi

Exemplu: w = ababb

B1: ... B ababb bbaba ababb B...

B2: ... B 11111 B...

apoi

B2: ... B ababb B...

### (Caldaruse Bianca Alexandra, gr. 344)

Pas 1: (Verificam daca |B1| este divizibila cu 3)

Cat timp este posibil:

(folosind 3 stari) Pentru fiecare 3 simboluri parcurse pe B1, scriem un 1 pe B2, mergand dreapta pe ambele benzi.

- Daca |B1| NU e divizibila cu 3 (pe B1 am citit B in a doua sau a treia din cele 3 stari), atunci stop, stare nefinala => input respins
- Daca |B1| este divizibila cu 3 (pe B1 am citit B in prima din cele 3 stari),
  atunci sarim la Pas 2

Pas 2: (copiem a treia treime din B1 pe B2)

• Cat timp citim 1 pe B2:

Mergem de la dreapta spre stanga pe ambele benzi, si copiem simbolurile din B1 in B2.

Cand pe B2 citim B, facem pas dreapta, iar pe B1 stationam, sarim la
 Pas 3

Pas 3: (comparam a doua treime din B1 cu B2)

• Cat timp simbolurile citite pe B1 si B2 coincid:

Pe B1 mergem spre stanga, pe B2 mergem spre dreapta.

Daca citim simboluri diferite (un a si un b), atunci stop, stare nefinala => input respins

 Daca citim B pe B2 si a sau b pe B1, facem pe B2 pas stanga, pe B1 stationam, apoi sarim la Pas 4

# Pas 4: (comparam prima treime din B1 cu B2)

- Cat timp simbolurile citite pe B1 si B2 coincid:
  - Pe B1 mergem spre stanga, pe B2 mergem spre stanga.
  - Daca citim simboluri diferite (un a si un b), atunci stop, stare nefinala => input respins
  - Daca citim B si pe B1 si pe B2, atunci stop, stare finala => input acceptat

#### b) o MT determinista cu 1 banda

Exemplu: w = ababb

B1: ... B ababb bbaba ababb B...

Pas 1:

B1: ... B a'b'a'b'b' b"b"a"b"a" a"b"a"b"b" B...

Pas 2:

B1: ... B a'b'a'b'**b' b"**b"a"b"a" a"b"a"b"**b"** B...

B1: ... B a'b'a'b'y yb"a"b"a" a"b"a"b"y B...

B1: ... B a'b'a'yy yya"b"a" a"b"a"yy B...

B1: ... B a'b'xyy yyxb"a" a"b"xyy B...

### (Atudore George-Darius, 344)

Pas 1: (verficam daca lungimea lui B1 este divizibila cu 3)

- cat timp este posibil marcam cu ' un simbol din capatul stang si cu " doua simboluri din capatul drept
  - daca |B1| nu este divizibila cu 3 atunci stop in stare nefinala, input respins
  - daca |B1| este divizibila cu 3 atunci => pas stanga (ne pozitionam pe cel mai la dreapta simboul marcat cu '), trecem la pasul 2

# Pas 2:

- (in prima treime) inlocuim un a' cu x sau un b' cu y, pas dreapta. **Retinem in stare** simbolul citit (a sau b).
- parcurgem spre dreapta, sarim peste toti x si y
- (in a doua treime)
  - daca simbolul citit corespunde cu cel retinut in stare il inlocuim cu x pentru a" sau y pentru b", pas dreapta
  - daca simbolul citit nu corespunde cu cel retinut => stop in stare nefinala, input respins

- sarim peste toate a" si b", daca citim B, x sau y, pas stanga
- (in a treia treime) verificam daca simbolu citit corespunde cu cel retinut in stare
  - daca nu => stop in stare nefinala, input respins
  - daca da => inlocuim a" cu x sau b" cu y, pas stanga
- sarim in stanga peste toate simbolurile a" b", x si y
- Daca citim a' sau b', stationam, sari la Pas 2
  SAU Daca citim B atunci stop stare finala si input acceptat

# c) o MT nedeterminista cu 2 benzi

Exemplu: w = ababb

B1: ... B ababb bbaba ababb B...

B2: ... B B ...

### (344 Cociobanu Victor)

Pas1: copiem primele k litere din B1 in B2 (k "ales" nedeterminist intre 1 si n).

Pas2: cu banda 2 la finalul lui w, si banda 1 la inceputul lui w^R citim simbolul de pe B1 si B2 comparam daca egale B1 pas la dreapta B2 pas la stanga pana ajungem la B pe B2

Pas3: cu B1 la la aparitia lui w al 3-lea si B2 la inceput comparam cele 2