Séquence : 01 Document : DS01 Lycée Dorian



Juliette Genzmer Willie Robert Renaud Costadoat

DS01 Informatique

Référence S01- DS01

Compétences Alg-C6 : Justifier qu'une itération (ou boucle) produit l'effet attendu

au moyen d'un invariant

Alg-C7 : démontrer qu'une boucle se termine effectivement

Déc-C1: Manipuler en mode utilisateur les principales fonctions d'un système d'exploitation et d'un environnement de développement Déc-C2: Appréhender les limitations intrinsèques à la manipulation

informatique des nombres

Déc-C3: Initier un sens critique au sujet de la qualité et de la préci-

sion des résultats de calculs numériques sur ordinateur

Description Fait le 03/10/2020



1 Introduction

Question 1 Écrire sur le diagramme de Contexte donné en document réponse le nom des composants de l'unité centrale.

2 Analyse d'une réponse temporelle

Le tracé de la figure 1 correspond à la tension $v(t) = V_{r \ max} \cdot sin(k \cdot \theta(t)) \cdot cos(\theta(t))$ (avec $\theta(t) = 2 \cdot \pi \cdot f_r \cdot t$) induite dans l'un des enroulements fixes des deux secondaires du moteur du bras du système de pulvérisation de nacre (vu en DS de SI).

On sait que $f_r = 0, 6$ Hz, mais l'objectif va être de déterminer grâce à python les valeurs des **entiers** $V_{r \ max}$ et k.

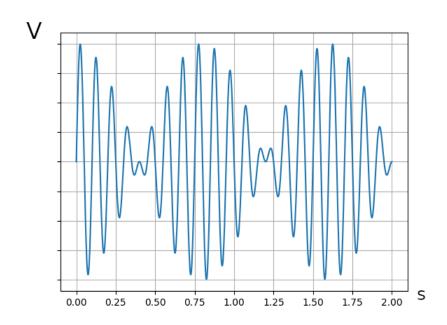


FIGURE 1 – Tracé de la réponse temporelle v(t)

Cette fonction est définie comme suit dans un script python qui va être complété :

```
def theta(t):
    return 2*np.pi*fr*t

def v(t):
    return Vr*np.sin(k*theta(t))*np.cos(theta(t))

t=np.linspace(0,2,1000)
plt.plot(t,v(t))
```



2.1 Recherche de $V_{r\ max}$

On propose deux scripts pour compléter le précédent afin de déterminer la valeur de $V_{r\ max}$.

Solution A Solution B

Question 2 Choisir en justifiant la solution qui permet de déterminer $V_{r\ max}$. Le résultat affiché par le script qui convient est 9.9519.

Question 3 En déduire en justifiant la valeur de $V_{r max}$.

2.2 Identification de k

On montre que la courbe de la figure 1, coupe $2 \cdot k$ fois la droite d'équation y = 1 sur l'intervalle $\left[0, \frac{1}{f_r}\right]$. L'objectif de la suite est de déterminer le nombre d'intersections afin d'en déduire k.

Recherche des intervalles [t, t+dt], incluant un passage par y=1

On souhaite dans cette partie créer une liste bornes, contenant l'ensemble des intervalles [t, t+dt] tels qu'il existe un $t_p \in [t, t+dt]$ tel que $v(t_p) = 1$.

Une fois la liste créée, en tapant print (bornes [0:last]), on obtient le résultat suivant : [[0.0, 0.002002002002002], [0.050050050050050046, 0.05205205205205205], [0.1041041041041, 0.1061061061061061], [0.15415415415415415, 0.15615615615615616]] Cela signifie que la courbe v(t) coupe y=1 entre 0 et 0.002002002002002002002, etc...

Question 4 Quelle valeur de last permet l'affichage précédent?

Question 5 Écrire un script python permettant de détecter puis d'écrire dans la liste bornes l'ensemble des intervalles définis précédemment.

Recherche des solutions par dichotomie

Voici le principe de la dichotomie :

- Au rang 0,
 - soient $a_0 = a$, $b_0 = b$. Il existe une solution x_0 de l'équation (f(x) = 0) dans l'intervalle $[a_0, b_0]$.
- Au rang 1,
 - si $f(a_0).f(\frac{a_0+b_0}{2}) \leq 0$, alors on pose $a_1=a_0$, $b_1=\frac{a_0+b_0}{2}$,



- sinon on pose $a_1 = \frac{a_0 + b_0}{2}$ et $b_1 = b$.
- dans les deux cas, il existe une solution x_1 de l'équation (f(x) = 0) dans l'intervalle $[a_1, b_1]$.
- Au rang n, supposons construit un intervalle $[a_n, b_n]$, de longueur $\frac{b-a}{2^n}$, et contenant une solution x_n de l'équation (f(x) = 0). Alors :
 - si $f(a_n).f(\frac{a_n+b_n}{2}) \le 0$, alors on pose $a_{n+1}=a_n,\,b_{n+1}=\frac{a_n+b_n}{2}$,
 - sinon on pose $a_{n+1}=\frac{a_n+b_n}{2}$ et $b_{n+1}=b_n$,
 - dans les deux cas, il existe une solution x_{n+1} de l'équation (f(x) = 0) dans l'intervalle $[a_{n+1}, b_{n+1}]$.

À chaque étape, on a $a_n \leq x_n \leq b_n$, on arrête le processus dès que $|f(\frac{a_n+b_n}{2})|$ est inférieure à la précision souhaitée.

- **Question 6** Écrire un script python permettant de rechercher par dichotomie la solution de l'équation f(x)=0 entre a et b avec une précision p.
- **Question 7** Créer une fonction dichotomie(f,a,b,p) à partir de ce script. (si vous n'avez pas réussi la question précédente, créer une fonction qui permet de calculer f(a+b+p).

Le script suivant utilise la fonction dichotomie (f,a,b,p) précédente.

- Question 8 Expliquer l'intérêt de la fonction g(t).
- **Question 9** Expliquer à quels types de variables appartiennent 11 et 12 et ce qu'elles contiennent.
- **Question 10** Expliquer l'intérêt du test if x<1/fr dans ce script.

La fonction len(list) renvoie le nombre d'éléments de la liste list.

Question 11 Proposer une solution pour déterminer k.



3 Valeur approchée de ξ

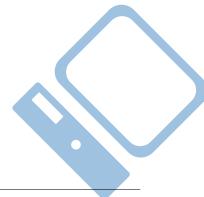
On souhaite modifier la valeur de f_r et choisir maintenant $f_r=0,7~{\rm Hz}.$

Question 12 Écrire sous la forme d'un mot de 32 bits respectant la norme IEEE 754 (signe, exposant, mantisse) le float 0, 7.

Question 13 Montrer que $001100110011001100110011_2 = \frac{2^{24}-1}{5}$.

On donne : $\frac{2^{-24}}{5}\approx 1.2*10^{-8}.$

Question 14 Déterminer l'erreur due au stockage de 0,7 à l'aide de la norme IEE74.





4 Document réponse

Nom :..... Prénom :....

