DS nº 02 - Concours blanc

- Faire tous les exercices dans un même fichier NomPrenom.py à sauvegarder,
- mettre en commentaire l'exercice traité,
- ne pas oublier pas de commenter ce qui est fait dans votre code,
- il est possible de demander un déblocage pour une question, mais celle-ci sera notée 0.

Découverte du Code César

Le code César est une méthode de chiffrement très simple utilisée par Jules César dans ses correspondances secrètes. C'est une substitution monoalphabétique, c'est-à-dire qu'une même lettre n'est remplacée que par une seule autre (toujours identique). Le code César a la particularité d'être basé sur un décalage de l'alphabet.

Exemple avec un décalage de (+3):

Alphabet clair	A B	С	D	Е	F	G	Н	Ι	J	K	L	Μ	N	О	Р	Q	R	S	Τ	U	V	W	Χ	Y	Z
Alphabet de César (+3)	DΕ	F	G	Η	Ι	J	K	L	Μ	Ν	О	Р	Q	R	S	Τ	U	V	W	Χ	Y	Z	Α	В	С

Avec cette clef, CESAR sera codé FHPDV, et GRULDQ sera décodé DORIAN.

Nous avons reçu le message suivant : H JXY ZS GTS IJGZY, chiffré à l'aide d'un code César avec un décalage de (+5). Attention, un espace n'est pas considéré comme un caractère et est laissé à sa place.

- 1. (a) Proposer un code python permettant de déchiffrer ce message. Attention, il est facile de faire ce décalage « à la main », le code python que vous écrirez sera relu pour vérifier que c'est bien grâce à un code python que le déchiffrement est fait de manière automatique.
 - (b) Afficher le texte déchiffré.

Décrypter un message codé

Un message codé a été intercepté. Il a été enregistré dans le fichier message_code.txt disponible dans le dossier Ressources.

- 2. (a) Lire ce fichier à l'aide d'une commande python et enregistrer son contenu dans une chaîne de caractères (de type string) appelée message_code.
 - (b) Afficher les 90 premiers caractères du message. Il devrait apparaître dans votre console, le résultat suivant :

GDRG XVG FIIFPKX MX MXBDK
BEFSTXK MX WPG BEFSTXK MX BDKOV
F ZRDP QDS ORPVZRX B XVG XSBDKX

On suppose que ce message a été codé à l'aide d'un chiffrage par **substitution**, comme le précédent. Cependant, dans ce cas, une lettre de l'alphabet a été associée à une autre lettre de l'alphabet de manière **aléatoire**. Un exemple de codage utilisant cette technique est présenté ci-dessous.

Exemple : en prenant la clef de substitution suivante :

	A																									
Ì	A	Z	Ε	R	Τ	Y	U	Ι	О	Р	Q	S	D	F	G	Η	J	K	L	Μ	W	X	$\overline{\mathbf{C}}$	V	В	\overline{N}

Le mot SUBSTITUTION devient LWZLMOMWMOGF.

Il est possible de changer de clef en modifiant l'ordre des lettres de la deuxième ligne. Ainsi, cela permet d'avoir un nombre de 4.10^{26} clefs, ce qui pourrait laisser croire que ce code est difficile à déchiffrer. En effet, le problème de l'exercice est que nous ne connaissons pas la clef qui a réellement servi au chiffrement : c'est une des 4.10^{26} clefs possibles. L'idée est ici d'utiliser une analyse statistique afin de la retrouver. Cette idée vient du constat que dans la plupart des textes écrits en langue française, les lettres les plus utilisées sont souvent les mêmes.

On appellera clef_a et clef_b les deux lignes du tableau de substitution qui constitue la clef de chiffrement. clef_a et clef_b devront être écrites dans le script sous un format particulier, à respecter. Pour clef_a (l'alphabet en clair), cela donne :

clef_a='ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ \n'

Il faut donc insérer la ligne précédente dans le code, elle permet de créer une chaîne de caractères (string) qui contient toutes les lettres du message codé ou de celui servant pour l'analyse statistique. Attention, il faut qu'un espace apparaisse entre le Z et le \n.

L'objectif de ce travail est de déterminer clef_b, c'est-à-dire la deuxième ligne du tableau de substitution qui a servi à coder le message.

Un poème de Jean Richepin, La Chanson des gueux (1881), va servir de base pour déterminer les statistiques d'utilisation des lettres en français. Il est stocké dans le fichier message_analyse.txt, présent dans le dossier Ressources. S'agissant d'un devoir et non d'un contexte réel de décryptage, des lettres ont été ajoutées à la fin du poème afin de vous permettre de converger plus rapidement vers la solution, il faut les y laisser.

- 3. (a) Lire ce fichier avec une commande python et enregistrer son contenu entier dans une seule chaîne de caractères (string) appelée message_analyse.
 - (b) Proposer un code python permettant de créer une liste compteur qui contient dans l'ordre de la chaîne clef_a le nombre d'occurrences de chaque lettre. Le résultat commence comme ceci [312, 56, 122, 152, 653, 40,...], cela signifie que dans le poème, il y a 312 « A », 56 « B », 122 « C », 152 « D », etc. Afficher compteur.
 - (c) Créer une fonction analyse_texte(texte) qui utilise le code de la question précédente et qui renvoie deux listes : une liste contenant les lettres classées par ordre décroissant du nombre d'apparition et une liste contenant les pourcentages d'apparition de chacune des lettres (= 100 x nombre d'occurrences de cette lettre / nombre total de caractères dans le texte). On utilisera ensuite cette fonction de façon à stocker les deux listes renvoyées dans des variables nommées liste_triee_occurrences et liste_stat

Seules les 15 premières occurrences sont intéressantes (les autres n'étant pas significatives). En faisant un print(liste_triee_occurrences[:15], liste_stat[:15]) dans le code, on obtient les affichages suivants:

```
['','E','S','A','I','L','R','T','N','U','O','\n','M','D','C']
['16.9','12.0','7.0','5.7','5.6','5.6','5.6','5.6','5.6','5.6','5.5','2.9',...]
```

Remarque : pour afficher les flottants (float) de façon à obtenir l'exemple ci-dessus, il faut utiliser au moment du remplissage de la liste le code suivant :

```
liste_stat.append('%.01f'% valeur_calculee)
```

où valeur_calculee est la valeur du pourcentage qu'on veut ajouter à la liste.

(d) Utiliser la fonction analyse_texte(texte) afin de déterminer les lettres qui apparaissent le plus dans le texte codé. On se limitera ici aussi au 15 premières.

```
 \begin{bmatrix} ' & ', 'X', 'V', 'F', 'P', 'W', 'K', 'G', 'S', 'R', 'D', '\backslash n', 'H', 'M', 'B' \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} '16.3', '13.8', '7.0', '6.9', '5.9', '5.8', '5.2', '5.1', '5.1', '4.9', '4.3', '3.3', \ldots \end{bmatrix}
```

On peut donc ici commencer à compléter la clef_b en associant à chaque lettre de clef_a, la lettre qui apparaît dans le même ordre d'occurrence. Il suffit de faire le lien entre les résultats des questions 3.c et 3.d. On obtient ainsi :

```
clef_a='ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ \n'
clef_b='F-BMX---P--WHSD--KVGR----- \n'
```

Il est alors possible de commencer le décodage du message codé.

- 4. (a) Créer une fonction decodage_texte(message), qui parcourt le texte lettre par lettre et, si celle-ci se trouve dans la clef_b, la remplace par celle correspondant dans la clef_a.
 - (b) Afficher le texte ainsi obtenu.
 - (c) En parcourant le texte et en analysant le contexte des phrases, proposer de nouvelles correspondances entre la clef_a et la clef_b. Modifier la clef_b et ré-exécuter le code afin de décrypter le message.
 - (d) Afficher à l'aide d'un print le nom de l'auteur du message codé.