

DS n° 02 – Concours blanc

I Exercice de cours – Classement d'une liste

On considère une liste de valeurs flottantes non classées. La liste des valeurs est déjà définie dans le programme et est stockée dans une variable appelée `tab`.

Écrire en langage Python un algorithme qui permet d'obtenir à la fin une nouvelle liste des valeurs classées par ordre croissant, stockée dans une variable appelée `tab2`.

Le programme suivant qui permet de classer une liste.

```
tab2=[]
for i in range(1,len(tab)-1):
    min=i
    for j in range(i+1,len(tab)):
        if tab[j] < tab[min]:
            min=j
    tmp=tab[i]
    tab[i]=tab[min]
    tab[min]=tmp
    tab2.append(tab[min])
```

II Exercice de TP – Recherche d'un mot dans une chaîne de caractères

```
1. def estIci(motif,texte,i):
    k = 0
    p = len(motif)
    # on parcourt le texte à partir de l'index i
    # tant que on ne dépasse pas la longueur de motif
    # et que texte et motif sont identiques
    while k<p and motif[k] == texte[k+i]:
        k = k+1
    # si on a parcouru p termes, alors, motif est dans texte à l'index i
    if k==p:
        resultat=True
    else:
        resultat=False
    return resultat
```

2. Le pire des cas s'obtient avec un texte type : `texte='aaaaa...aaaaa'` et un motif du type : `'aa..aab'`. On note n la longueur du texte et p celle du motif.

Compté grossièrement : dans `estIci(motif,texte,i)`, on effectue p tests. On répète $n-p$ fois cette opération dans `recherche(motif,texte)`. Donc on s'attend à une complexité en : $O((n-p)p)$.

On obtient $O(np)$ si $n \gg p$

Plus précisément, avec le pire des cas :

dans `estIci(motif,texte,i)`, on a :

— 2 affectations avant la boucle

— on répète p fois :

— 2 tests

— 1 affectation

— 1 addition

— 1 test

— 1 affectation

Au total, on a comme nombres d'opérations : $2 + 4p + 2 = 4p + 4 = O(p)$.

`recherche(motif,texte)`, on a :

— 2 affectations

- dans la boucle else : 2 affectations
- on répète $n - p$ fois :
 - 2 tests
 - 1 affectation
 - 1 calcul de `estIci`
 - 1 affectation
 - 1 addition

Au total, on a comme nombres d'opérations :

$$2 + 2 + (n - p) \times (5 + 4p + 4) = 4 + (n - p)(4p + 9) = O((n - p)p).$$

III Exercice – Croissance d'une suite

```
n=len(u)

i=0
while i<=n-2 and u[i]<u[i+1]:
    i=i+1

if i==len(u)-1:
    print 'u est strictement croissante'
else:
    print 'a partir du rang',i,'la suite n est plus strictement croissante'
```
