

DS nº 01 - Initiation à l'algorithmie

- Faire tous les exercices dans un fichier NomPrenom.py à sauvegarder,
- mettre en commentaire l'exercice et la question traités (ex : # Exercice 1),
- ne pas oublier pas de commenter ce qui est fait dans votre code (ex : # Je crée une fonction pour calculer la racine d'un nombre),
- il est possible de demander un déblocage pour une question, mais celle-ci sera notée 0.
- il faut vérifier avant de partir que le code peut s'exécuter et qu'il affiche les résultats que vous attendez. Les lignes de code qui doivent s'exécuter sont décommentées.

1 Gradient de couleur en spirale

En géométrie plane, les spirales forment une famille de courbes d'allure similaire : une partie de la courbe semble s'approcher d'un point fixe tout en tournant autour de lui, tandis que l'autre extrémité semble s'en éloigner.

Le premier but de cet exercice est de tracer le gradient de couleur (du rouge vers le vert) en spirale, comme sur la figure 1.

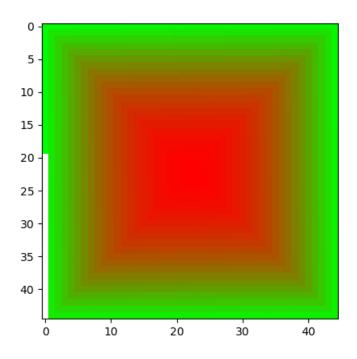


FIGURE 1 - Gradient de couleur en spirale

Le code suivant permet de tracer cette spirale colorée (les commentaires dont les lignes qui commencent par # ne sont pas obligatoires, sauf la première ligne # -*- coding: utf-8 -*-).



```
# -*- coding: utf-8 -*-
   # Import des bibliotheques
   import numpy as np
   import matplotlib.pyplot as plt
   import matplotlib as mpl
   # Fonction qui détermine la couleur d'un pixel
   # en fonction de sa position
   def colorFader(mix=0):
10
       c1=np.array([1,0,0])
11
       c2=np.array([0,1,0])
12
       return (1-mix)*c1 + mix*c2
13
14
   # Parcours de la spirale a partir du centre
15
   # en fonction de la valeur de entier
   # a recopier pour la question 1 et à copier et
   # modifier pour la question 3
18
   max=2000
19
   imagebase = np.ones([int(max**0.5)+1,int(max**0.5)+1,3])
20
   coords=[0,0]
21
   i=0
22
   entier=0
   while entier < max:
       entier+=1
25
        # le pixel de imagebase qui a pour coordonnées
26
        # [coords[0]+(int(max**0.5))//2,coords[1]+(int(max**0.5))//2]
27
        # est coloré avec une couleur déterminée par la fonction colorFader
28
       dec=(int(max**0.5))//2
       imagebase[coords[0]+dec,coords[1]+dec]=colorFader(entier/max)
        # on passe ensuite au pixel suivant pour parcourir toute la spirale
31
       if coords == [i, -i]:
32
            coords[0] += 1
33
            i+=1
34
       elif coords[0] == i and coords[1] < i:</pre>
35
            coords[1] += 1
       elif coords[0]>-i and coords[1]==i:
37
            coords[0]-=1
38
       elif coords[0] ==-i and coords[1]>-i:
39
            coords[1]-=1
40
       elif coords[0] < i and coords[1] == -i:
41
            coords[0] += 1
42
   # Tracé de la figure de la réponse
44
   plt.imshow(imagebase)
45
   plt.show()
```



Question 1 Recopier le code précédent et exécuter le script. La figure 1 doit alors apparaître (Si ce n'est pas le cas, la console python vous indique la ligne où vous avez fait une erreur)?

2 Parité des nombres

On donne le code suivant :

```
def est_pair(n):
    return n%2==1
print(est_pair(3))
```

Cette fonction ne renvoie pas ce qui est prévu, c'est à dire :

- True si le nombre est pair,
- False si le nombre est impair.

Question 2 Recopier et corriger le code précédent pour que la fonction est_pair(n) ne renvoie True que si le nombre est pair.

On souhaite réaliser la figure 2 dont les pixels sont colorés selon le principe suivant :

- si entier est pair alors le pixel doit
 être noir :
 imagebase[coords[0]+dec,coords[1]+dec]=
 [0,0,0],
- si entier est impair alors on ne fait rien, on laisse le pixel blanc.

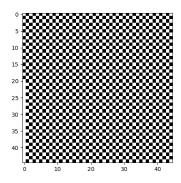


FIGURE 2 — Coloration de la figure en fonction de la parité de entier

Question 3 Recopier et modifier les lignes 15 à 46 (sans les commentaires) afin de réaliser la figure 2

3 La spirale d'Ulam

En mathématiques, la spirale d'Ulam, ou spirale des nombres premiers (dans d'autres langues, elle est appelée aussi horloge d'Ulam) est une méthode simple pour la représentation des nombres premiers qui révèle un motif qui n'a jamais été pleinement expliqué. Elle fut découverte par le mathématicien Stanislaw Ulam, lors d'une conférence scientifique en 1963.



Un algorithme pour décider si un nombre est premier (appelés tests de primalité) consiste à essayer de le diviser par tous les nombres en commençant par 2, qui n'excèdent pas sa racine carrée : s'il est divisible par l'un d'entre eux, il est composé, et sinon, il est premier.

Ainsi la fonction à coder est la suivante :

- 1 Si n est strictement inférieur à 2, il est premier return True,
- 2 Sinon:
 - 3.1 on initialise d : d=2.
 - 3.2 tant que d est inférieur ou égal à la racine carrée de n : d<=n**0.5,
 - i. si le reste de la division euclidienne de n par d faut 0 : n%d==0,
 - ii. alors le nombre n'est pas premier, je retourne un False : return False,
 - iii. sinon j'ajoute 1 à d : d+=1.
 - 3.3 Le nombre est premier si aucun d n'est un diviseur de n return True.

Question 4 Coder la fonction est_premier(n) à partir de cet algorithme. Elle doit renvoyer True si n est premier, False sinon.

On souhaite réaliser la figure 3 dont les pixels sont colorés selon le principe suivant :

- si entier est premier alors le pixel doit être noir : imagebase[coords[0]+dec,coords[1]+dec]=[0,0,0],
- si entier est composé alors on ne fait rien, on laisse le pixel blanc.

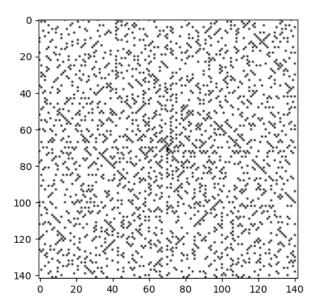


FIGURE 3 – Coloration de la figure en fonction du fait que entier soit premier

Question 5 Recopier les modifier les lignes 15 à 46 (sans les commentaires) afin de réaliser la figure 3. La valeur max devra être de 20000 pour cette question.

FIN