

1 FTBF et FTBO

Soit le schéma-bloc à retour unitaire de la figure 1, avec $G_1(p) = \frac{k_c}{R} \cdot \frac{1}{1+\tau_e \cdot p}$, $G_2(p) = \frac{R}{k_c} \cdot \frac{1}{1+\tau_{em} \cdot p}$, $C_V(p) = cv$ (constante) et $K = K_{vit} \cdot K_A \cdot K_m$.

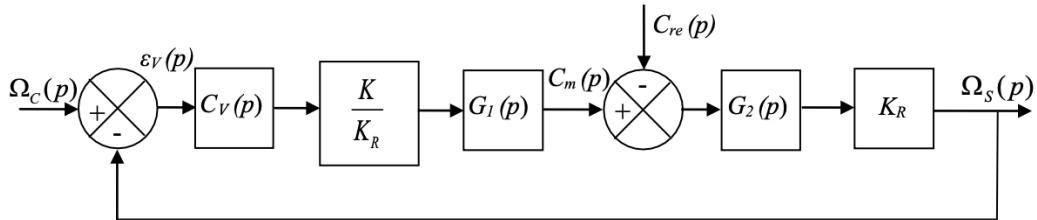


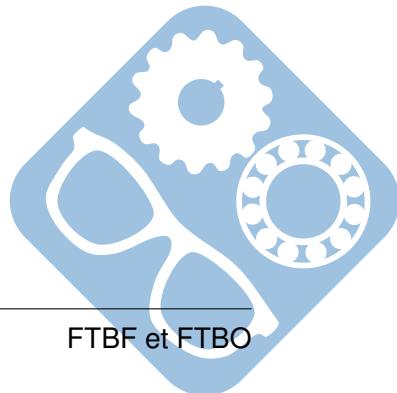
Figure 1 – Schéma-bloc équivalent pour la boucle de vitesse

Question 1 : A partir du schéma-bloc à retour unitaire de la figure 1, déterminer l'expression de la fonction de transfert en boucle ouverte $H_{BO}(p) = \left. \frac{\Omega_s(p)}{\varepsilon_V(p)} \right|_{C_{re}(p)=0}$, sous la forme canonique, en fonction de cv , τ_e , τ_{em} , K et les paramètres du moteur. Indiquer sa classe et son ordre.

Question 2 : A partir du schéma-bloc à retour unitaire de la figure 1, déterminer l'expression de la fonction de transfert en boucle fermée $H_{BF}(p) = \left. \frac{\Omega_s(p)}{\Omega_c(p)} \right|_{C_{re}(p)=0}$, sous la forme canonique, en fonction de cv , τ_e , τ_{em} , K et les paramètres du moteur. Indiquer sa classe et son ordre.

Question 3 : (Facultative) A partir du schéma-bloc à retour unitaire de la figure 1, déterminer l'expression de la fonction de transfert en boucle ouverte $H_2(p) = \left. \frac{\Omega_s(p)}{C_{re}(p)} \right|_{\Omega_c(p)=0}$, sous la forme canonique, en fonction de cv , τ_e , τ_{em} , K et les paramètres du moteur. Indiquer sa classe et son ordre.

FIN



Correction

Question 1 :

$$H_{BO}(p) = cv \cdot \frac{K}{K_R} \cdot G_1(p) \cdot G_2(p) \cdot K_R = cv \cdot \frac{K}{K_R} \cdot \frac{k_c}{R} \cdot \frac{1}{1 + \tau_e \cdot p} \cdot \frac{R}{k_c} \cdot \frac{1}{1 + \tau_{em} \cdot p} \cdot K_R$$

$$H_{BO}(p) = \frac{cv \cdot K}{(1 + \tau_e \cdot p) \cdot (1 + \tau_{em} \cdot p)}$$

Fonction d'ordre 2 et de classe 0.

Question 2 :

$$H_{BF}(p) = \frac{cv \cdot \frac{K}{K_R} \cdot G_1(p) \cdot G_2(p) \cdot K_R}{1 + cv \cdot \frac{K}{K_R} \cdot G_1(p) \cdot G_2(p) \cdot K_R}$$

$$H_{BF}(p) = \frac{cv \cdot \frac{K}{K_R} \cdot \frac{k_c}{R} \cdot \frac{1}{1 + \tau_e \cdot p} \cdot \frac{R}{k_c} \cdot \frac{1}{1 + \tau_{em} \cdot p} \cdot K_R}{1 + cv \cdot \frac{K}{K_R} \cdot \frac{k_c}{R} \cdot \frac{1}{1 + \tau_e \cdot p} \cdot \frac{R}{k_c} \cdot \frac{1}{1 + \tau_{em} \cdot p} \cdot K_R}$$

$$H_{BF}(p) = \frac{cv \cdot K \cdot \frac{1}{1 + \tau_e \cdot p} \cdot \frac{1}{1 + \tau_{em} \cdot p}}{1 + cv \cdot K \cdot \frac{1}{1 + \tau_e \cdot p} \cdot \frac{1}{1 + \tau_{em} \cdot p}}$$

$$H_{BF}(p) = \frac{cv \cdot K}{(1 + \tau_e \cdot p) \cdot (1 + \tau_{em} \cdot p) + cv \cdot K}$$

$$H_{BF}(p) = \frac{\overline{cv \cdot K}}{1 + \frac{\tau_e + \tau_{em}}{1 + cv \cdot K} \cdot p + \frac{\tau_e \cdot \tau_{em}}{1 + cv \cdot K} \cdot p^2}$$

Fonction d'ordre 2 et de classe 0.

Question 3 :

$$\epsilon_V(p) = -\Omega_S(p)$$

$$C_m(p) = C_V(p) \cdot \frac{K}{K_R} \cdot G_1(p) \cdot \epsilon_V(p)$$

$$\Omega_S(p) = G_2(p) \cdot K_R \cdot (C_m(p) - C_{re}(p))$$

$$\Omega_S(p) = G_2(p) \cdot K_R \cdot (-C_V(p) \cdot \frac{K}{K_R} \cdot G_1(p) \cdot \Omega_S(p) - C_{re}(p))$$

$$\Omega_S(p) \cdot \left(1 + G_2(p) \cdot K_R \cdot C_V(p) \cdot \frac{K}{K_R} \cdot G_1(p) \right) = -G_2(p) \cdot K_R \cdot C_{re}(p)$$

$$\frac{\Omega_S(p)}{C_{re}(p)} = \frac{-G_2(p) \cdot K_R}{1 + G_2(p) \cdot K_R \cdot C_V(p) \cdot \frac{K}{K_R} \cdot G_1(p)}$$

$$\frac{\Omega_S(p)}{C_{re}(p)} = \frac{-\frac{R}{k_c} \cdot \frac{1}{1 + \tau_{em} \cdot p} \cdot K_R}{1 + \frac{R}{k_c} \cdot \frac{1}{1 + \tau_{em} \cdot p} \cdot K_R \cdot cv \cdot \frac{K}{K_R} \cdot \frac{k_c}{R} \cdot \frac{1}{1 + \tau_e \cdot p}}$$

$$\frac{\Omega_S(p)}{C_{re}(p)} = \frac{-\frac{R}{k_c} \cdot (1 + \tau_e \cdot p) \cdot K_R}{(1 + \tau_e \cdot p) \cdot (1 + \tau_{em} \cdot p) + \frac{R}{k_c} \cdot K_R \cdot cv \cdot \frac{K}{K_R} \cdot \frac{k_c}{R}}$$

$$\frac{\Omega_S(p)}{C_{re}(p)} = \frac{-\frac{R}{k_c} \cdot (1 + \tau_e \cdot p) \cdot K_R}{(1 + \tau_e \cdot p) \cdot (1 + \tau_{em} \cdot p) + K \cdot cv} = \frac{-\frac{R \cdot (1 + \tau_e \cdot p) \cdot K_R}{k_c \cdot (1 + K \cdot cv)}}{1 + \frac{\tau_e + \tau_{em}}{1 + K \cdot cv} \cdot p + \frac{\tau_e \cdot \tau_{em}}{1 + K \cdot cv} \cdot p^2}$$

