



Renaud Costadoat Lycée Dorian









Table des matières

1. Définitions

2. Identification des S.L.C.



Les systèmes asservis

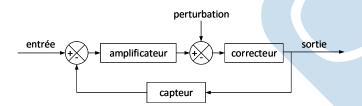
Vous êtes capables :

- De décrire un système à l'aide des chaînes d'énergie et d'information,
- De décrire structurellement un système,
- De modéliser un asservissement par une fonction de transfert.

Vous devez être capables

De modéliser la structure d'un asservissement.

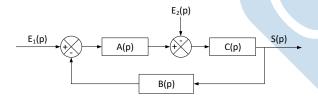
- Un SLCI est généralement décrit par un système d'équations différentielles.
- Pour traduire le système de relations algébriques dans ce domaine de façon lisible, une représentation graphique est utilisée, il s'agit du schéma bloc.



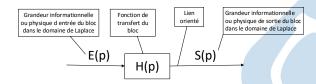


- Chaque « boite »traduit une relation de causalité entre une grandeur d'entrée et une grandeur de sortie,
- Cette relation de causalité se traduit par une fonction de transfert.

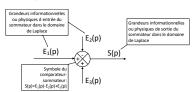
Le schéma bloc suivant présente ces fonctions de transfert:



Les blocs



Les comparateurs

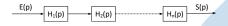


Les points de prélèvement



Fonction de transfert d'une chaîne directe

La fonction de transfert de la chaîne est le produit des fonctions de transfert de chaque élément.



$$H(p) = \frac{S(p)}{E(p)} = H_1(p).H_2(p)...H_n(p)$$

Fonction de transfert de chaînes en parallèle

La fonction de transfert de la chaîne est la somme des fonctions de transfert de chaque élément.

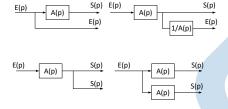


$$H(p) = \frac{S(p)}{E(p)} = \sum_{i=1}^{n} H_i(p)$$

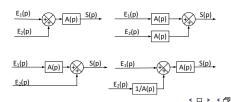
200 $\frac{8}{23}$

Représentation par schéma-blocs

Déplacement d'un point de prélèvement



Déplacement d'un sommateur



FTBO et FTBF

Dans la suite, on considère le système asservi pour lequel la Perturbation est supposée nulle.



- ullet E(p) est la grandeur d'entrée dans le domaine de Laplace,
- S(p) celle de sortie,
- M(p) est l'image de la sortie S(p) par la chaîne d'acquisition,
- $\varepsilon(p)$ celle de la sortie du comparateur.

FTBO et FTBF

Fonction de Transfert en Boucle Ouverte (F.T.B.O.)

Definition

- La FTBO est définie par: $FTBO(p) = \frac{M(p)}{\varepsilon(p)}$
- Sa valeur est: FTBO(p) = A(p).B(p)

Fonction de Transfert en Boucle Fermée (F.T.B.F.)

- Definition
- La FTBF est définie par: $FTBF(p) = \frac{S(p)}{E(p)}$
- Sa valeur est: $FTBF(p) = \frac{A(p)}{1 + A(p) \cdot B(p)}$

Rapidité et précision en réponse à un échelon

Rapidité

- L'étude de la rapidité du système s'effectue à l'aide de la notion de temps de réponse à 5%.
 C'est le temps à partir duquel la réponse temporelle s(t) est telle que :
 0,95.s(+∞) ≤ s(t) ≤ 1,05.s(+∞),
- En supposant que l'entrée e(t) est un échelon unitaire, la réponse indicielle (la réponse à cet échelon unitaire) à l'aide de la méthode de Laplace est : $e(t) = u(t) \to E(p) = \frac{1}{p}$,
- Cela permet de déterminer la sortie à l'aide de la FTBF du système car les conditions initiales sont supposées nulles. S(p) = FTBF(p).E(p), avec $FTBF(p) = \frac{A(p)}{1 + FTBO(p)}$.
- La réponse temporelle dépend donc de la nature de la FTBO (Classe, ordre, gain,...).

1er cas: La FTBO est de classe 0 et d'ordre 1: $FTBO(p) = \frac{K}{1 + \tau . p}$.

Dans ce cas, la FTBF est:

$$FTBF(p) = \frac{A(p)}{1 + \frac{K}{1 + \tau . p}} = \frac{A(p).(1 + \tau . p)}{(1 + K) + \tau . p} = \frac{\frac{A(p).(1 + \tau . p)}{1 + K}}{1 + \frac{\tau}{1 + K}.p}$$

La FTBF est également de classe 0 et d'ordre 1. Son gain statique est :

$$FTBF(0) = \frac{A(0)}{1+K}$$

- Son temps de réponse à 5% est donc : $t_{R,5\%} = \frac{3.\tau}{1+K}$
- Le bouclage d'un système du premier ordre a pour effet d'augmenter sa rapidité

2ème cas: La FTBO est de classe 0 et d'ordre 2:
$$FTBO(p) = \frac{K}{1 + \frac{2.\xi}{\omega_0}.p + \left(\frac{p}{\omega_0}\right)^2}$$

Dans ce cas, la FTBF est:

$$FTBF(p) = \frac{A(p)}{1 + \frac{K}{1 + \frac{2.\xi}{\omega_0} \cdot p + \left(\frac{p}{\omega_0}\right)^2}} = \frac{\frac{A(p)}{1 + K} \cdot \left(1 + \frac{2.\xi}{\omega_0} \cdot p + \left(\frac{p}{\omega_0}\right)^2\right)}{1 + \frac{2.\xi}{\omega_0 \cdot (1 + K)} \cdot p + \left(\frac{p}{\omega_0 \cdot \sqrt{1 + K}}\right)^2}$$

• La FTBF est également de classe 0 et d'ordre 2. Gain statique :

$$FTBF(0) = \frac{A(0)}{1+K}$$

- Pulsation bouclée: $\omega_0^* = \omega_0.\sqrt{1+K} > \omega_0$, le système est plus rapide
- Facteur d'amortissement bouclé: $\xi^* = \frac{\xi}{\sqrt{1+K}} < \xi$, cela peut rendre le système pseudo-oscillant

Rapidité et précision en réponse à un échelon

Précision

L'étude de la précision du système s'effectue à l'aide de la notion d'écart statique sur la réponse temporelle s(t). Le schéma bloc peut être transformé afin de le faire apparaître sur la réponse à un retour unitaire.





La fonction $\varepsilon^*(p)$ mesure l'écart entre:

- la réponse attendue (calculée à partir de la consigne d'entrée E(p): $S^*(p)$,
- la réponse effective du système S(p).

$$\varepsilon^*(p) = S^*(p) - S(p) = S^*(p) - FTBF^*(p).S^*(p) = (1 - FTBF^*(p)).S^*(p)$$

- $FTBF^*(p)$ est la fonction de transfert en boucle fermée de la partie à retour unitaire,
- Elle peut s'écrire $FTBF^*(p) = \frac{FTBO(p)}{1 + FTBO(p)}$.



Rapidité et précision en réponse à un échelon

Si on suppose que l'entrée du système à retour unitaire est un échelon, on a :

$$S^*(p) = \frac{S_0}{p} \to \varepsilon^*(p) = (1 - FTBF^*(p)).\frac{S_0}{p}$$

Le théorème de la valeur finale permet de calculer la valeur de l'écart statique:

$$\varepsilon^*(+\infty) = \lim_{t \to +\infty} \varepsilon^*(t) = \lim_{p \to 0} p.\varepsilon^*(p) = \frac{1}{1 + FTBO(0)}.S_0$$

Ainsi, si la FTBO du système est de classe 0, et quelque soit son ordre, le système ne peut pas atteindre la valeur finale commandée par la consigne en échelon de valeur. Il existe un écart statique donné par la relation: $\mathbf{\epsilon}^*(+\infty) = \frac{S_0}{1+K}$ où K est le gain statique du système en boucle ouverte.

Table des matières

1. Définitions

2. Identification des S.L.C.I.



Identification des S.L.C.I.

Modélisation et identification: Généralités

- La réalisation d'un asservissement d'une grandeur physique est la réponse à un besoin. Des critères d'appréciation de la fonction technique sont alors spécifiés en terme de rapidité, de précision, d'amortissement et parfois de stabilité,
- L'identification du modèle de comportement d'un SLCI est nécessaire afin de permettre de prévoir son comportement lors de son utilisation. Cette prévision permet de valider la solution retenue lors de la conception ou d'adapter sa correction afin qu'il réponde critère d'appréciation de la fonction technique.

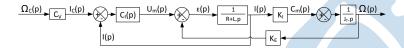


 Un premier type d'approche consiste à établir un modèle physique du système que l'on doit valider. Il est appelé modèle de connaissance. Les paramètres physiques du système (résistance, inductance, masse, moment d'inertie) devant tous être calculés ou mesurés.



Identification des S.L.C.I.

Exemple de modèle de connaissance d'un asservissement de vitesse d'un axe de robot



- Ce type de modélisation nécessite donc l'identification de tous les paramètres physiques du modèle. Ceci est possible si la complexité du modèle n'est pas trop grande,
- Une deuxième méthode de modélisation est alors utilisée, c'est le modèle de représentation. On postule la forme simplifiée du modèle qui traduit le comportement déterminé expérimentalement. On identifie, en les ajustant, les paramètres de ce modèle simplifié pour qu'il traduisent le son comportement vis-à-vis d'une entrée déterminée. Ce type de modèle n'a pas de signification physique.

Identification des S.L.C.I.: 1er ordre

Pour identifier un modèle de représentation, nous nous limiterons à une entrée e(t) de type échelon d'amplitude E_0 . On note s(t) la réponse mesurée du système. La fonction de transfert traduisant le modèle de représentation sera notée H(p).

Système du **premier ordre** à constante de temps, il est caractérisé par une fonction de transfert du type :

$$H(p) = \frac{K}{1 + \tau p}$$

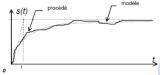


Remarque

La réponse à un échelon se reconnaît par l'absence de tangente horizontale à l'origine.

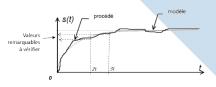
Identification des S.L.C.I.: 1er ordre

L'asymptote horizontale à l'infini permet de déterminer le gain statique K à une constante multiplicative E_0 près.



La détermination de la constante de temps permet de confirmer la validité de cette modélisation. Le prolongement de la tangente à l'origine permet de déterminer la constante de temps τ . Pour un signal bruité, il faut utiliser la valeur remarquable 0,63K.

- Les valeurs pour 2.τ et 3.τ sont à vérifier,
- Vérifier également la cohérence du résultat vis-à-vis des tangentes.

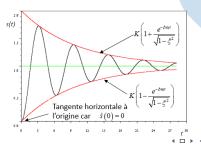


Identification des S.L.C.I.: 2ème ordre

Système du second ordre à pôles complexes conjugués, il est caractérisé par une fonction de transfert du type:

$$H(p) = \frac{K}{1 + \frac{2.\xi}{\omega_0} + \left(\frac{p}{\omega_0}\right)^2}$$

- $\bullet~$ Si $\xi>1,$ la courbe se reconnait grâce à une tangente horizontale à l'origine,
- $\bullet~$ Si $\xi < 1,$ des pseudo-oscillations apparaissent.



Identification des S.L.C.I.: 2ème ordre

L'identification des paramètres s'effectue à l'aide des relations suivantes.

- La valeur du gain statique est donnée par : $s(+\infty) = K.E_0$,
- Le dépassement % permet de déterminer la valeur du facteur d'amortissement ξ:

$$D\% = 100. \frac{s_{max} - K.E_0}{K.E_0} = 100. e^{-\xi \cdot \frac{\pi}{\sqrt{1 - \xi^2}}},$$

 La pseudopériode T_p est facilement identifiable. Il est possible alors d'utiliser le décrément logarithmique à partir d'un instant t et pour n pseudo-oscillations:

$$\delta = Ln\left(\frac{s(t)}{s(t+n.T_p)}\right) = n.\frac{\xi.\pi}{\sqrt{1-\xi^2}},$$

• A partir de la pseudo période T_p et du facteur d'amortissement ξ , la valeur de ω_0 (s^{-1}) peut être déduite :

$$\omega_0 = \frac{2.\pi}{T_p \cdot \sqrt{1 - \xi^2}},$$

• Le temps de réponse à 5% peut être déduit de la courbe.



Les systèmes asservis

Vous devez être capables :

- De modéliser la structure d'un SLCI,
- D'identifier les réponses temporelles d'un SLCI.

Il est nécessaire d'utiliser d'autres types de sollicitations.

- Problème: Quelle est la réponse harmonique d'un SLCI?
- Perspectives: Représenter la réponse d'un harmonique d'un système.

Savoir