

Séquence : 07

Document : TD01

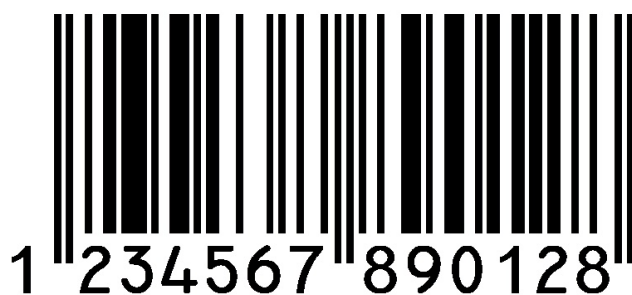
Lycée Dorian

Renaud Costadoat

Françoise Puig



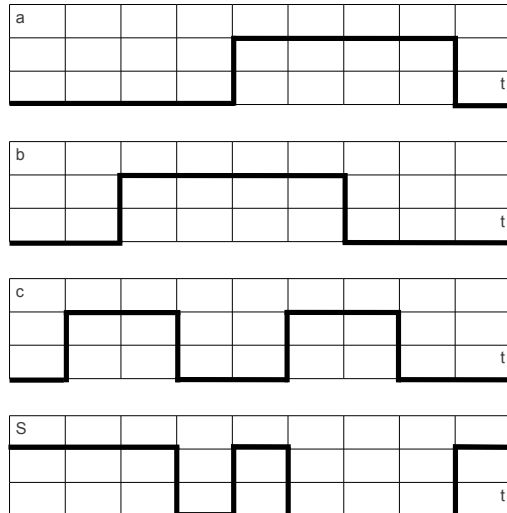
Logique combinatoire



| | |
|-------------|---|
| Référence | S07 - TD01 |
| Compétences | A3-07: Analyser un algorithme. A3-11: Interpréter tout ou partie de l'évolution temporelle d'un système séquentiel. B2-20: Décrire le comportement d'un système séquentiel. |
| Description | Manipulation de nombre et fonctions combinatoires |
| Système | Code-barres |

1 Étude de chronogrammes

Question 1 : Déduire du chronogramme la table de vérité de S



| a | b | c | S |
|---|---|---|---|
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |

Question 2 : Compléter le tableau de Karnaugh suivant et en déduire une forme simplifiée de S.

| a \ bc | 00 | 01 | 11 | 10 |
|--------|----|----|----|----|
| 0 | | | | |
| 1 | | | | |

2 Système de transmission avec correction d'erreur

Dans un système de transmission, il est souhaitable d'être capable de détecter et de corriger une erreur. Pour cela, il est possible d'utiliser un « Code de Hamming ».

Pour transmettre les 4 éléments binaires m_1, m_2, m_3, m_4 correspondant à un chiffre du système décimal. 3 éléments binaires de contrôle k_1, k_2, k_3 sont ajoutés.

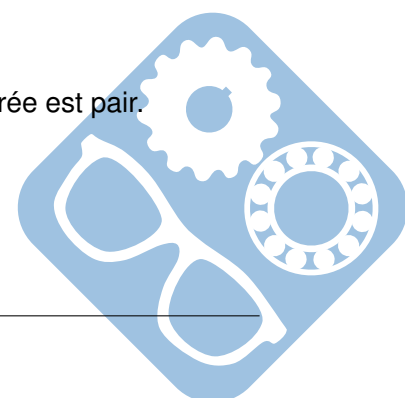
La position relative des éléments binaire est donnée dans le tableau suivant.

| n | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
|---|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| | k_1 | k_2 | m_1 | k_3 | m_2 | m_3 | m_4 |

3 tests de parité sont effectués pour détecter l'erreur :

- test T_1 se fait sur les éléments binaires 1 3 5 7,
- test T_2 se fait sur les éléments binaires 2 3 6 7,
- test T_3 se fait sur les éléments binaires 4 5 6 7.

Le résultat d'un test de parité donne 0 si le nombre de 1 dans la zone considérée est pair.



| N | k ₁ | k ₂ | m ₁ | k ₃ | m ₂ | m ₃ | m ₄ |
|---|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 3 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 4 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 5 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 6 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 7 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 8 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 9 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |

La disposition est choisie de telle façon que le nombre binaire $(T_3 T_2 T_1)_2$ formé par les résultats des tests T_1 à T_3 donne la position de l'élément binaire (k_i, m_i) où se trouve l'erreur.

Question 1 : Effectuer les trois tests sur le résultat suivant.

| k ₁ | k ₂ | m ₁ | k ₃ | m ₂ | m ₃ | m ₄ | T ₁ | T ₂ | T ₃ |
|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | | | |

Où se trouve l'erreur, à quelle ligne du tableau initial cet envoi correspond-t-il ?

Question 2 : Déterminer les fonctions logiques permettant de produire k_1 , k_2 , k_3 . Montrer qu'un seul type de porte logique est utilisable.

Question 3 : En déduire le schéma du dispositif émetteur de k_1 .

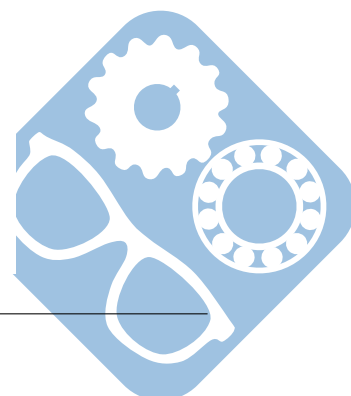
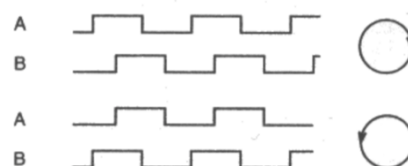
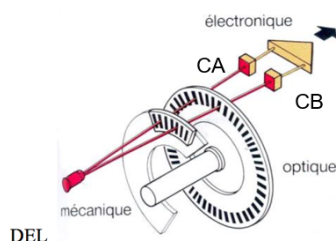
Question 4 : Proposer les pistes de la réalisation du schéma du dispositif récepteur.

3 Codeur incrémental

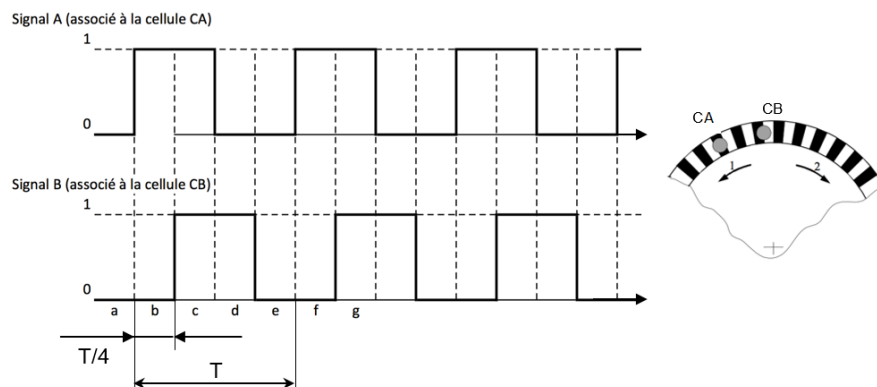
La mesure de déplacement en rotation d'une vis et de sa vitesse est réalisée grâce à un capteur incrémental 500 points par tour.

Le schéma ci-dessous représente partiellement le disque du capteur incrémental et les 2 cellules photoélectriques CA et CB.

Ce disque comporte une piste où alternent zones opaques (noires sur le schéma) et zones transparentes (blanches que le schéma). Les cellules CA et CB renvoient un signal 0 ou 1 selon qu'elles se trouvent respectivement en face d'une zone opaque ou d'une zone transparente. Les 2 cellules CA et CB sont placées de telle manière que les signaux A et B qu'elles délivrent sont décalés d'un quart de période.



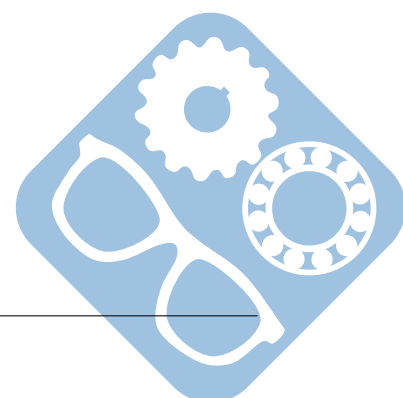
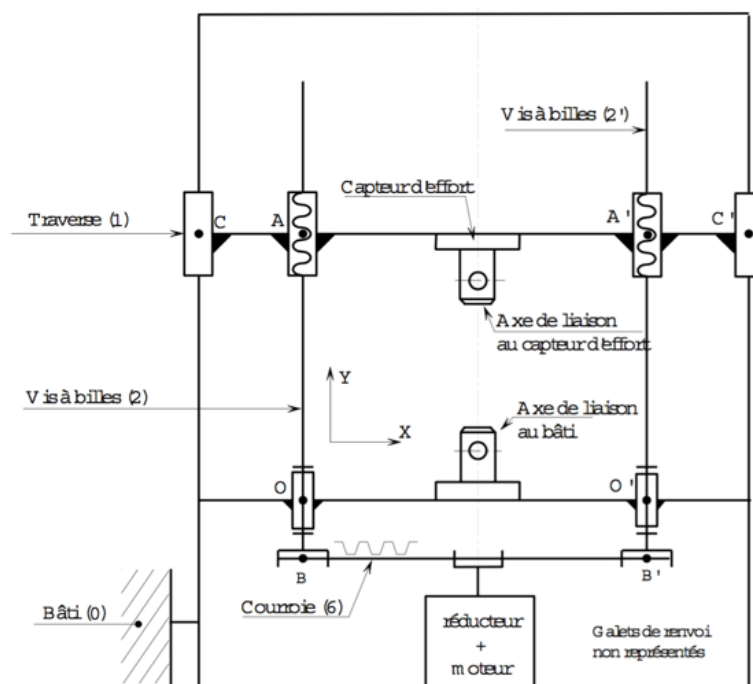
Question 1 : Donner l'état des signaux binaires A et B respectivement associés à CA et CB pour les zones a, b, c, d, e, f, g.



Question 2 : Le capteur incrémental utilisé sur la machine délivre 500 points par tour. Combien doit-il y avoir de couples de zones sur la piste du disque ?

Question 3 : Le capteur incrémental est monté directement en bout de l'une des vis de déplacement de la traverse dont le pas est de 5 mm. Avec quelle précision peut-on connaître la position de la traverse ?

Question 4 : Une période correspond à l'intervalle T sur le schéma. L'intérêt de décaler les deux signaux d'un quart de période est de pouvoir détecter le sens de rotation du disque. Compte tenu de la forme proposée des signaux et de la position des deux cellules CA et CB, dans quel sens le disque tourne-t-il (sens 1 ou 2, voir schéma du capteur incrémental en haut de page) ? Justifier la réponse.



4 Code à barres

Le laboratoire utilisateur de la machine étudiée, réalise différents essais sur des éprouvettes de matériaux différents, provenant de fournisseurs différents. Pour un matériau, un fournisseur et un type d'essai donnés, on réalise 5 essais. Chaque éprouvette de l'essai est répertoriée par un code à barre composé de caractères alphanumériques propres à l'entreprise. Ce code renseigne sur le fournisseur (1 caractère), le matériau (1 caractère), l'essai (1 caractère) et le numéro de l'éprouvette (1 chiffre 1, 2, 3, 4, 5).





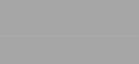
Le code à barres retenu est le code « 39 », voir annexe 2. Ce code est constitué pour chaque caractère alphanumérique de 5 barres étroites ou larges et de 4 espaces étroits ou larges. Une barre étroite correspond à la valeur binaire 0, une large à la valeur 1. De même un espace étroit correspond à 0 et un large à 1. On code donc un caractère alphanumérique sur 9 digits (5 barres et 4 espaces) dont 3 sont à 1 et les autres à 0.

Les digits sont regroupés en deux mots, l'un, B, de 5 bits (correspondant aux 5 barres), l'autre, E, de 4 bits (correspondant aux 4 espaces). On associe de plus à chaque caractère alphanumérique un nombre X. Voir annexe 2.

Chaque code est constitué d'un espace, d'un caractère de début, **des caractères du code proprement dit**, d'un caractère de contrôle et d'un caractère de fin.

Le caractère de contrôle est tel que son nombre X est égal à la somme modulo 43 des nombres X **des caractères du code proprement dit**.

Pour ce qui suit, on ne tient pas compte des espaces et caractères de début et de fin. Le lecteur de code à barres renvoie pour une éprouvette le code figurant sur la figure ci-dessous.

| | Fournisseur | | Matière | | Essai | | N° éprouvette | | Caractère de contrôle | |
|------|---|------|---|--|---|--|--|--|---|--|
| |  | |  | |  | |  | |  | |
| B/E | 10001 | 0010 | | | | | | | | |
| Car. | A | | | | | | | | | |
| X | 10 | | | | | | | | | |

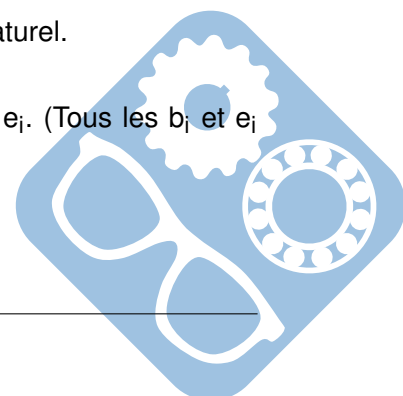
Question 1 : Compléter le tableau figurant sur la feuille réponse. Donner pour chaque code à barres et pour le caractère de contrôle les mots B et E. le caractère alphanumérique correspondant et la valeur de X.

On s'intéresse maintenant au transcodeur permettant de passer pour les numéros d'éprouvette du code "39" au code binaire naturel. Les seuls chiffres utilisés pour le numéro de l'éprouvette sont 1, 2, 3, 4 et 5.

Question 2 : Combien un mot, en binaire naturel, doit-il comporter de bits pour coder les chiffres de 1 à 5 ?

On note $B = b_4b_3b_2b_1b_0$, $E = e_3e_2e_1e_0$ et $N = n_n n_{n-1} \dots n_1 n_0$ le mot binaire naturel.

Question 3 : Donner les équations de $n_n, n_{n-1}, \dots, n_1, n_0$ en fonction des b_i et e_i . (Tous les b_i et e_i n'interviennent pas forcément).



| | b ₄ | b ₃ | b ₂ | b ₁ | b ₀ | e ₃ | e ₂ | e ₁ | e ₀ | | | | | |
|---|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|--|--|--|--|--|
| 1 | | | | | | | | | | | | | | |
| 2 | | | | | | | | | | | | | | |
| 3 | | | | | | | | | | | | | | |
| 4 | | | | | | | | | | | | | | |
| 5 | | | | | | | | | | | | | | |

Annexe 2

| α | B | E | X | α | B | E | X |
|---|-------|------|----|-----|-------|------|----|
| 1 | 10001 | 0100 | 1 | M | 11000 | 0001 | 22 |
| 2 | 01001 | 0100 | 2 | N | 00101 | 0001 | 23 |
| 3 | 11000 | 0100 | 3 | O | 10100 | 0001 | 24 |
| 4 | 00101 | 0100 | 4 | P | 01100 | 0001 | 25 |
| 5 | 10100 | 0100 | 5 | Q | 00011 | 0001 | 26 |
| 6 | 01100 | 0100 | 6 | R | 10010 | 0001 | 27 |
| 7 | 00011 | 0100 | 7 | S | 01010 | 0001 | 28 |
| 8 | 10010 | 0100 | 8 | T | 00110 | 0001 | 29 |
| 9 | 01010 | 0100 | 9 | U | 10001 | 1000 | 30 |
| 0 | 00110 | 0100 | 0 | V | 01001 | 1000 | 31 |
| A | 10001 | 0010 | 10 | W | 11000 | 1000 | 32 |
| B | 01001 | 0010 | 11 | X | 00101 | 1000 | 33 |
| C | 11000 | 0010 | 12 | Y | 10100 | 1000 | 34 |
| D | 00101 | 0010 | 13 | Z | 01100 | 1000 | 35 |
| E | 10100 | 0010 | 14 | - | 00011 | 1000 | 36 |
| F | 01100 | 0010 | 15 | . | 10010 | 1000 | 37 |
| G | 00011 | 0010 | 16 | Esp | 01010 | 1000 | 38 |
| H | 10010 | 0010 | 17 | * | 00110 | 1000 | |
| I | 01010 | 0010 | 18 | \$ | 00000 | 1110 | 39 |
| J | 00110 | 0010 | 19 | / | 00000 | 1101 | 40 |
| K | 10001 | 0001 | 20 | + | 00000 | 1011 | 41 |
| L | 01001 | 0001 | 21 | % | 00000 | 0111 | 42 |

5 Conversion de nombre

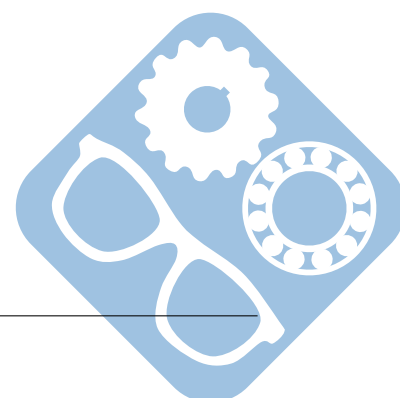
Question 1 : Convertir, $(010011)_2$:

- en décimal,
- en octal,
- en hexadécimal.

Question 2 : Convertir le nombre suivant $(145)_{10}$ en binaire.

Question 3 : Convertir, $(746)_8$ en binaire.

Question 4 : Convertir, $(A35F)_{16}$ en binaire.



6 Opérations sur les nombres binaires

Question 1 : Calculer, $(010110)_2 + (110100)_2$.

Question 2 : Calculer, $(110100)_2 - (001010)_2$.

Question 3 : Calculer, $(10010)_2 * (101)_2$.

Question 4 : Calculer, $\frac{(11110)_2}{(110)_2}$.

7 Opérateur OU Exclusif

Question 1 : Développer sous la forme canonique $S = a \oplus b \oplus c$.

Question 2 : Représenter sous la forme d'un tableau de Karnaugh

| c\ab | 00 | 01 | 11 | 10 |
|------|----|----|----|----|
| 0 | | | | |
| 1 | | | | |

Question 3 : Déterminer \overline{S} .

