

Zadanie 1 {B}

- a) Orbita jest zawsze, ewolucja nie musi być do tego odwracalna.
- c) Może być krzywą zamkniętą, ale równie dobrze może się rozbiegać do $\pm\infty$.
- d) Istnieje dla dyskretnych i ciągłych układów.

Zadanie 2 {A; D}

- b) Dla układu ciągłego powinna być ciągła.
- c) Reguła ewolucji dotyczy całego stanu, nie tylko w otoczeniu równowagi.

Zadanie 3 {B; C}

- a) Parametr układu nie musi być ściśle powiązany z jego stanem (tak mi się zdaje?).
- d) Może być nieskończenie wymiarowy.

Zadanie 4 {C}

- a) To robi równanie stanu (Macierze A i B).
- b) To jest akurat transmitancja.
- d) W tym równaniu nie ma żadnych różniczek, bierze się bezpośrednio stany, a nie ich pochodne.

Zadanie 5

$$\begin{aligned}E\dot{x} &= Ax + Bu \\ y &= Cx + Du\end{aligned}$$

Gdzie $E \in R^{n \times m}$ jest macierzą osobliwą. To znaczy, że $\det(E) = 0$

Zadanie 6

Automat komórkowy jest dyskretnie dyskretny, więc opisany jest w czasie dyskretnym a jego przestrzeń stanu jest również dyskretna,.

Zadanie 7 {A}

- b) Nie, ponieważ ma dodatkowe wejście w trzecim wierszu. W układzie wejście działa na tylko jedną zmienną stanu bezpośrednio
- c) Nie, ponieważ macierz jest stanowczo za duża, ponad wymiarowa wręcz. W tym układzie należy wziąć albo ξ_2 albo ϕ . Nie oba.
- d) Nie, ponieważ zmienne stanu na siebie nie oddziałują nawzajem. $\xi_1, \dot{\xi}_1$ nie zawierają w sobie $\xi_2, \dot{\xi}_2$, a $\xi_2, \dot{\xi}_2$ nie zawierają $\xi_1, \dot{\xi}_1$. Na rysunku widać z kolei, że zmienne będą od siebie zależeć, ponieważ masy są ze sobą połączone.

Zadanie 8

$$\begin{aligned}\frac{s^3 + 1}{2s^3 + s^2} &= \frac{1}{2} \cdot \frac{s^3 + 1}{s^3 + \frac{1}{2}s^2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{(s^3 + \frac{1}{2}s^2) - \frac{1}{2}s^2 + 1}{-\frac{1}{2}s^2 + 1} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{-\frac{1}{2}s^2 + 1}{s^3 + \frac{1}{2}s^2} = \frac{1}{2} + \frac{-\frac{1}{4}s^2 + \frac{1}{2}}{s^3 + \frac{1}{2}s^2} \\ A &= \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & -\frac{1}{2} \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \quad C = \begin{bmatrix} -\frac{1}{4} & 0 & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \quad D = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \end{bmatrix}\end{aligned}$$

Zadanie 9 {A}

Należy obliczyć wielomian charakterystyczny układu Σ_1 ze wzoru $\det(I\lambda - A)$. Z tego wychodzi $\lambda^2 - 4\lambda + 1$

Potem wystarczy obliczyć wielomian charakterystyczny dla Σ_2 dla podstawianych wartości (lub liczyć na symbolach i podstawić na koniec) i porównać wielomiany.

Zadanie 10 {B}

$$\begin{aligned}G(s) &= C(sI - A)^{-1}B + D \\ sI - A &= \begin{bmatrix} s+3 & -1 \\ 0 & s+3 \end{bmatrix} \\ (sI - A)^{-1} &= \frac{1}{(s+3)^2} \begin{bmatrix} s+3 & 1 \\ 0 & s+3 \end{bmatrix} \\ C(sI - A)^{-1}B + D &= \frac{1}{(s+3)^2} \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} s+3 & 1 \\ 0 & s+3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \frac{s+3}{(s+3)^2} = \frac{1}{s+3}\end{aligned}$$

Zadanie 11

Wyzliczyć równanie charakterystyczne z $I\lambda - A$, to wyjdzie $\lambda^2 + 2\lambda + 2$, i z niego spisać do postaci sterowalnej $A =$

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -2 \end{bmatrix}, a \ B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}.$$

Zadanie 12 {D}

$$\begin{aligned} V &= x_1^2 + x_2^2 \\ \dot{V} &= 2x_1\dot{x}_1 + 2x_2\dot{x}_2 \\ \dot{V} &= 2x_1(x_1^2 + x_2 - x_1^2 - 8x_1 - 2x_2) + 2x_2(-3x_2^3) \\ \dot{V} &= -16x_1^2 - 2x_1x_2 + -6x_2^4 \end{aligned}$$

Nie spełnia warunków lapunowa \dot{V} nie jest zawsze < 0 przez człon $-2x_1x_2$

Jak dla mnie to odp D

Zadanie 13 {A; D}

$\dot{V} = -2x_2^2$ nie jest zawsze < 0 , a raczej ≤ 0 , gdyż przy $x_2 = 0 \rightarrow \dot{V} = 0$

Stąd jest to pochodna półujemnie określona zamiast ujemnie określonej, dlatego raczej odp. A i D

Zadanie 14

Warunek który spełnia: dla tego punktu ewolucja układu ustaje \rightarrow A co z układami niestabilnymi, czy one mają punkt równowagi, dla którego ewolucja ustaje??

Zadanie 15

A więc układ jest stabilizowany, gdy część niesterowalna jest asymptotycznie stabilna.

Zadanie 16

Stan jest osiągalny, jeżeli istnieje funkcja sterowania $u(t)$ taka, że przeprowadza tranzycję z dowolnego punktu początkowego do zadanego stanu w skończonym czasie.

Zadanie 17 {B; D}

Sterowalność\osiągalność można liczyć z kalmana lub matlab ctrb $\rightarrow rank(ctrb) = 1$

Gdzie Q_r to macierz kalmana(ctrb)

Tutaj wg. **MATLABA** $rank(\begin{bmatrix} Q_R & A^2 \end{bmatrix}) = 1$, więc układ jest sterowalny do zera.

Zadanie 18

Trzeba policzyć gradient i podstawić x_0 i u_0 . Z tego wychodzi macierz $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$. Następnie liczymy macierz $ctrb = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$. Sprawdzamy stopień i otrzymujemy $rank(ctrb) = 2$, więc sterowalny.

Zadanie 19

W postaci normalnej sterowalnej wszystkie zmienne stanu zależą bezpośrednio lub pośrednio (przez poprzednie zmienne) od wejścia u , dzięki temu, jesteśmy w stanie ustalić dowolną wartość należącą przestrzeni stanu danej zmiennej wykorzystując zmieniające się sterowanie.

Zadanie 20

Nie mam pojęcia o co cman w tym zadaniu.

Zadanie 21

Nie mam pojęcia do końca o co cman, ale stawiałbym na to, że tam $x \rightarrow z$ jest też $A \rightarrow \bar{A}$ etc, więc może chodzi o to, że to po prostu liniowe przekształcenie takie jak do formy sterowalnej/obserwowalnej/modalnej?

Zadanie 22 {B}

Wyznaczyć wartości własne λ macierzy A $\lambda_1 = 7, \lambda_2 = -2$, więc układ jest niestabilny - odpowiedzi C i D odpadają. Następnie wyznaczam wektory własne $V_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$ i $V_2 = \begin{bmatrix} -\frac{4}{5} \\ 1 \end{bmatrix}$, więc A ma zupełnie inne wektory narysowane, to bym odrzucił

Zadanie 23

Chyba strzelałbym w postać normalną Jordana rzeczywistą, gdzie rozkładamy dodatkowo bieguny zespolone poza główną przekątną... ale to nadal gówno a nie odp. Chyba że to po prostu jakaś forma normalna sterowalna\modalna\obserwowalna

ale MIMO, czyli coś czego nie robiliśmy i nie robimy w sumie wcale...

Zadanie 24

Że co?

Zadanie 25

Że co? (ZNOWU?!)

Zadanie 26 {A}

Policzone $\det(\lambda I - (A - LC))$ i wychodzi $\lambda_1 = -10.2$ i $\lambda_2 = 0.2$ no to jeden jest prawa półpłaszczyzna zespolona to niestabilny.

Zadanie 27 {B}

$K = P * C^T (CPC^T + R)^{-1}$ więc jak R rośnie, to K maleje.

Zadanie 28

Zasada separacji mówi, że można projektować obserwator i regulator dla układu niezależnie. Można zatem dobrać wzmacnienia, a co za tym idzie bieguny układu dla obserwatora i regulatora niezależnie od siebie, gdyż nie mają na siebie wpływu.

Zadanie 29 {B}

Policzyć ładnie $\det(\lambda I - (A - LB))$, i wychodzą równania na λ zawierające w sobie k, dzięki temu wiedząc, że $\lambda < 0$ możemy wyznaczyć k z nierówności i daje to $k \in (3; \frac{21}{4})$

Zadanie 30

Że co? (ZNÓW ZNOWU?!)

Zadanie 31 {C}

r - y referencyjne

$$\begin{aligned} \dot{x}_1 &= 2x_2 \\ \dot{x}_2 &= -2x_1 - 4x_2 + u \\ r &= x_1 \\ x_2 &= \frac{1}{2}\dot{r} \\ \dot{x}_2 &= \frac{1}{2}\ddot{r} \\ u &= \frac{1}{2}\ddot{r} + 2\dot{r} + 2r \\ \begin{bmatrix} x_1 & x_2 \end{bmatrix} &= \begin{bmatrix} r & \frac{1}{2}\dot{r} \end{bmatrix} \end{aligned}$$

Zadanie 32

Nie wiem

Zadanie 33

A - ponieważ warunki sterowalności i osiągalności są takie same (macierz ctrb etc) to odpada

B - bullshiet totalny

D - nie mam pojęcia jakie musi być Q

Na pewno C jest prawidłowa tbh

Zadanie 34

Droga $A \rightarrow B \rightarrow F \rightarrow H \rightarrow K$

Nie mam pojęcia co oznacza to coś pod spodem, ale jakbym miał zgadywać to byłby to najniższy koszt przejścia $V_N \rightarrow V_K$, więc

$V_A = 5$		
$V_B = 4$	$V_C = 4$	$V_D = 6$
$V_E = 3$	$V_F = 2$	$V_G = 3$
$V_H = 1$	$V_I = 1$	$V_J = 3$

$$V_K = 0$$

Ale to jest takie zgadywanie...