Zadanie 1 {B}

- a) Orbita jest zawsze, ewolucja nie musi być do tego odwracalna.
- c) Może być krzywą zamkniętą, ale równie dobrze może się rozbiegać do $\pm$.
- d) Istnieje dla dyskretnych i ciągłych układów.

Zadanie 2 {A; D}

- b) Dla układu ciągłego powinna być ciągła.
- c) Reguła ewolucji dotyczy całego stanu, nie tylko w otoczeniu równwagi .

Zadanie 3 {B; C}

- a) Parametr układu nie musi być ściśle powiązany z jego stanem (tak mi się zdaje?).
- d) Może być nieskończenie wymiarowy.

Zadanie 4 {C}

- a) To robi równanie stanu (Macierze A i B).
- b) To jest akurat transmitancja.
- d) W tym równaniu nie ma żadnych różniczek, bierze się bezpośrenio stany, a nie ich pochodne.

Zadanie 5

$$\begin{aligned} \dot{} &= \quad + \\ &= \quad + \end{aligned}$$

Gdzie $\in \ ^{*}$ jest macierzą osobliwą. To znaczy, że $(\ ) = 0$

Zadanie 6

Automat komórkowy jest dyskretnie dyskretny, więc opisany jest w czasie dyskretnym a jego przestrzeń stanu jest również dyskretna,.

Zadanie 7 {A}

- b) Nie, ponieważ ma dodatkowe wejście w trzecim wierszu. W układzie wejście działa na tylko jedną zmienną stanu bezpośrednio
- c) Nie, ponieważ macierz jest stanowczo za duża, ponad wymiarowa wręcz. W tym układzie należy wziąć albo $_2$ albo . Nie oba.
- d) Nie, ponieważ zmienne stanu na siebie nie oddziałują nawzajem. $_1, \dot{}_1$ nie zawierają w sobie $_2, \dot{}_2$, a $_2, \dot{}_2$ nie zawierają $_1, \dot{}_1$. Na rysunku widać z koleii, że zmienne będą od siebie zależeć, ponieważ masy są ze sobą połączone.

Zadanie 8

$$\frac{^3 + 1}{2\ ^3 + \ ^2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{^3 + 1}{^3 + \frac{1}{2}\ ^2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{(\ ^3 + \frac{1}{2}\ ^2) - \frac{1}{2}\ ^2 + 1}{^3 + \frac{1}{2}\ ^2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{-\frac{1}{2}\ ^2 + 1}{^3 + \frac{1}{2}\ ^2} = \frac{1}{2} + \frac{-\frac{1}{4}\ ^2 + \frac{1}{2}}{^3 + \frac{1}{2}\ ^2}$$

$$= \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & -\frac{1}{2} \end{bmatrix} \quad = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \quad = \begin{bmatrix} -\frac{1}{4} & 0 & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \quad = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

Zadanie 9 {A}

Należy obliczyć wielomian charakterystyczny układu Σ_1 ze wzoru $(\ -\ )$. Z tego wychodzi $^2 - 4\ + 1$

Potem wystarczy obliczyć wielomian charakterystyczny dla Σ_2 dla podstawianych wartości (lub liczyć na symbolach i podstawić na koniec) i porównać wielomiany.

Zadanie 10 {B}

$$(\ ) = \ (\ -\ )^{-1}\ +$$

$$- \ = \begin{matrix} +3 & -1 \\ 0 & +3 \end{matrix}$$

$$(\ -\ )^{-1} = \frac{1}{(\ +3)^2} \begin{matrix} +3 & 1 \\ 0 & +3 \end{matrix}$$

$$(\ -\ )^{-1}\ +\ = \frac{1}{(\ +3)^2} \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{matrix} +3 & 1 \\ 0 & +3 \end{matrix} \begin{matrix} 1 \\ 0 \end{matrix} = \frac{+3}{(\ +3)^2} = \frac{1}{+3}$$

Zadanie 11

Wyliczyć równanie charakterystyczene z $\ -\ $, to wyjdzie $^2 + 2\ + 2$, i z niego spisać do postaci sterowalnej $=$

$\begin{matrix}0 & 1\\ -2 & -2\end{matrix}$, a $= \begin{matrix}0\\ 1\end{matrix}$.

Zadanie 12 {D}

$$= {}_1^2 + {}_2^2$$
$$\dot{} = 2\ {}_1\ \dot{}_1 + 2\ {}_2\ \dot{}_2$$
$$\dot{} = 2\ {}_1({}_1^2 + {}_2 - {}_1^2 - 8\ {}_1 - 2\ {}_2) + 2\ {}_2(-3\ {}_2^3)$$
$$= -16\ {}_1^2 - 2\ {}_1\ {}_2 + -6\ {}_2^4$$

Nie spełnia warunków lapunowa $\dot{}$ nie jest zawsze < 0 przez członw $-2\ {}_1\ {}_2$
Jak dla mnie to odp D

Zadanie 13 {A; D}

$\dot{} = -2\ {}_2^2$ nie jest zawsze < 0, a raczej ≤ 0, gdzyż przy ${}_2 = 0 \rightarrow \dot{} = 0$

Stąd jest to pochodna półujemnie określona zamiast ujemnie określonej, dlatego raczej odp. A i D

Zadanie 14

Warunek który spełnia: dla tego punktu ewolucja układu ustaje $\rightarrow$ A co z układami niestabilnymi, czy one mają punkt równowagi, dla którego ewolucja ustaje??

Zadanie 15

A więc układ jest stabilizowany, gdy część niesterowalna jest asymptotycznie stabilna.

Zadanie 16

Stan jest osiągalny, jeżeli istnieje funkcja sterowania u(t) taka, że przeprowadzia tranzycję z dowolnego punktu początkowego do zadanego stanu w skończonym czasie.

Zadanie 17 {B; D}

Sterowalność\osiągalność można liczyć z kalmana lub matlab ctrb $\rightarrow$ $(\quad) = 1$

Gdzie to macierz kalmana(ctrb)

Tutaj wg. **MATLABA** $([\quad {}^2]) = 1$, więc układ jest sterowalny do zera.

Zadanie 18

Trzeba policzyć gradient i podstawić ${}_0$ i ${}_0$. Z tego wychodzi macierz $= \begin{matrix}0 & 1\\ 1 & 0\end{matrix}$, $= \begin{matrix}0\\ 1\end{matrix}$. Następnie liczymy macierz $= \begin{matrix}0 & 1\\ 1 & 0\end{matrix}$. Sprawdzamy stopień i otrzymujemy $(\quad) = 2$, więc sterowlny.

Zadanie 19

W postaci normalnej sterowalnej wszystkie zmienne stanu zależą bezpośrednio lub pośrednio (przez poprzednie zmienne) od wejścia u, dzięki temu, jesteśmy wstanie ustalić dowolną wartość należącą przestrzeni stanu danej zmiennej wykorzystując zmieniające się sterowanie.

Zadanie 20

Nie mam pojęcia o co cman w tym zadaniu.

Zadanie 21

Nie mam pojęcia do końca o co cman, ale stawiałbym na to, że tam $\rightarrow$ jest też $\rightarrow \bar{}$ etc, więc może chodzi o to, że to po prostu liniowe przekształcenie takie jak do formy sterowalnej/obserwowalnej/modalnej?

Zadanie 22 {B}

Wyznaczyć wartości własne ${}_1 = 7$, ${}_2 = -2$, więc układ jest niestabilny - odpowiedzu C i D odpadają. Następnie wyznaczam wektory własne ${}_1 = \begin{matrix}1\\ 1\end{matrix}$ i ${}_2 = \begin{matrix}-\frac{4}{5}\\ 1\end{matrix}$, więc A ma zupełnie inne wektory narysowane, to bym odrzucił

Zadanie 23

Chyba strzelałbym w postać normalną Jordana rzeczywistą, gdzie rozkładamy dodatkowo bieguny zespolone poza główną przekątną... ale to nadal gówno a nie odp. Chyba że to po prostu jakaś forma normalna sterowalna\modalna\obserwowalna ale MIMO, czyli coś czego nie robiliśmy i nei robimy w sumie wcale...

Zadanie 24

Że co?

Zadanie 25

Że co? (ZNOWU?!)

Zadanie 26 {A}

Policzone $(\quad - (\quad - \quad))$ i wychodzi $_1 = -10.2$ i $_2 = 0.2$ no to jeden jest prawa półpłaszczyzna zespolona to niestabilny.

Zadanie 27 {B}

$\quad = \quad * \quad (\quad\quad + \quad)^{-1}$ więc jak R rośnie, to K maleje.

Zadanie 28

Zasada separacji mówi, że można projektować obserwator i regulator dla układu niezależnie. Można zatem dobrać wzmocnienia, a co za tym idzie bieguny układu dla obserwatora i regulatora niezależnie od siebie, gdyż nie mają na siebie wpływu.

Zadanie 29 {B}

Policzyć ładnie $(\quad - (\quad - \quad))$, i wychodzą równania na zawierające w sobie k, dzięki temu wiedząc, że < 0 możemy wyznaczyć k z nierówności i daje to $\in (3; \frac{21}{4})$

Zadanie 30

Że co? (ZNÓW ZNOWU?!)

Zadanie 31 {C}

r - y referencyjne

$$
\begin{gathered}
\dot{}_1 = 2 \; _2 \\
\dot{}_2 = -2 \; _1 - 4 \; _2 + \\
= \; _1 \\
_2 = \frac{1}{2} \dot{} \\
\dot{}_2 = \frac{1}{2} \ddot{} \\
= \frac{1}{2} \ddot{} + 2 \dot{} + 2 \\
\begin{bmatrix} _1 & _2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} & \frac{1}{2} \dot{} \end{bmatrix}
\end{gathered}
$$

Zadanie 32

Nie wiem

Zadanie 33

A - ponieważ warunki sterowalności i osiągalności są takie same (macierz ctrb etc) to odpada

B - bullshiet totalny

D - nie mam pojęcia jakie musi być Q

Na pewno C jest prawidłowa tbh

Zadanie 34

Droga $\rightarrow \quad \rightarrow \quad \rightarrow \quad \rightarrow$

Nie mam pojęcia co oznacza to coś pod spodem, ale jakbym miał zgadywać to byłby to najniższy koszt przejścia $\rightarrow$, więc

$= 5$		
$= 4$	$= 4$	$= 6$
$= 3$	$= 2$	$= 3$
$= 1$	$= 1$	$= 3$
$= 0$		

Ale to jest takie zgadywanie...