Gradient Descent

Por qué buscar otres formas de entrenar nuestro modelo si tenemos una formula?

La complejidad computacional de invertir

X^T X está entre O(n^{2.4}) y O(n³)

dependiendo de la implementación. Esto puede ser muy lento para grandes datos.

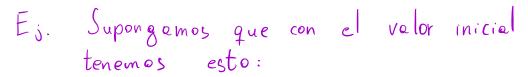
Gradient Descent es un algoritmo que encuentra óptimos mediante iteraciones. Así, si nuestre función objetivo es:

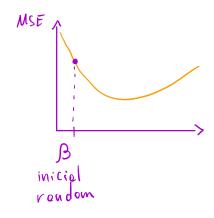
min
$$\sum_{i=1}^{n} (Y_i - \beta^T x_i)^2$$
 min $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (Y_i - \beta^T x_i)^2$

**Recordenos que

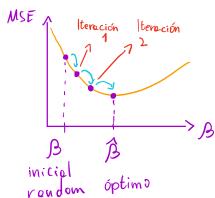
* Recordenos que B·Xi = BTXi

Nosotros quevenos encontrar los valores de B que minimizan el MSE. Este algoritmo inicializa B aleatorio y los empieza a mover en el sentido del gradiente.



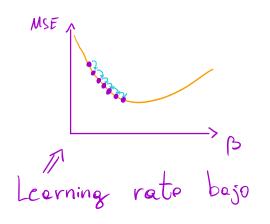


Así, nos moveremos en la dirección en la que decrece la función objetivo.



Esto es analogo o ir descendiendo un cerro por tanteo.

Ademós podemos controlar el tomeño de nuestros saltos. Esto se denomina Leernin rete.



Ojo! este método se puede quedar "estancado" en mínimos locales, pero como la función MSE es convexa, sabemos que llegaró a un mínimo global.

El método se llama bradient Descent porque en cada iteración nos mavemos en la dirección en la que va el gradiente. Precordemos que el MSE en este caso va de Par INTE con K número de features.

Observación:
$$\frac{SMSE}{SBj} = \frac{2}{n} \sum_{i=1}^{n} (\beta^{T} \chi_{i} - Y_{i}) \chi_{ij}$$

$$\sum_{\beta} MSE = \frac{2}{m} X^{T} (X\beta - Y)$$