請回答以下問題: (每題 50 分)

1. 如果 x(n) 是實數訊號,那麼是否為真?

$$x(n) = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} [X_R(\omega) \cos \omega n - X_I(\omega) \sin \omega n] d\omega$$

- a) True
- b) False
- 2. If x(n)=xR(n)+jxI(n) 是給定傅立葉轉換的複數序列,後者形式為 $X(\omega)=XR(\omega)+jXI(\omega)$, 那麼 $XR(\omega)$ 的數值為何?
- a) $\sum_{n=0}^{\infty} x_R(n) cos \omega n x_I(n) sin \omega n$ b) $\sum_{n=0}^{\infty} x_R(n) cos \omega n + x_I(n) sin \omega n$ c) $\sum_{n=-\infty}^{\infty} x_R(n) cos \omega n + x_I(n) sin \omega n$ d) $\sum_{n=-\infty}^{\infty} x_R(n) cos \omega n x_I(n) sin \omega n$

- 3. 若 $x(n)=x_R(n)+j_X(n)$ 是給定傅立葉轉換的複數序列,後者的形式為 $X(\omega)=X_R(\omega)+j_X(\omega)$, 那麼 $x_I(n)$ 的數值為何?
- $\begin{array}{l} a) \; \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} [X_R(\omega) \; \text{sin}\omega n + \; X_I(\omega) \; \text{cos}\omega n] \; d\omega \\ b) \; \int_0^{2\pi} [X_R(\omega) \; \text{sin}\omega n + \; X_I(\omega) \; \text{cos}\omega n] \; d\omega \end{array}$
- c) $\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} [X_R(\omega) \sin \omega n X_I(\omega) \cos \omega n] d\omega$