

## Санкт-Петербургский Государственный Политехнический Университет

Факультет Технической Кибернетики

Кафедра Компьютерные Системы и Программные Технологии

# ОТЧЁТ

# о лабораторной работе №6

«Настройка алгоритмов диагностирования»  $Bapuahm \, \mathcal{N}\!\!\!\! = \! 12$ 

Выполнили: гр. 5081/10 Туркин Е.А

Преподаватель: Сабонис С.С.

**Система диагностирования:** система с использованием фильтра Калмана, процесс авторегрессии 2 порядка (лабораторная работа №4).

Алгоритмы: Интервальный, АНОМ.

Вероятность ложного обнаружения: 0.01, 0.02.

### 1. АНАЛИТИЧЕСКИЙ РАСЧЁТ

### Алгоритм, основанный на интервальном подходе

Толерантный интервал — это интервал, который с заданной вероятностью  $\gamma$  покрывает  $\delta$  случайных величин из всей выборки,  $0 < \gamma < 1, \ 0 < \delta < 1$ . Т.е. часть измерений (выборки)  $\delta$  лежат в этом интервале с вероятностью  $\gamma$ .

Доверительный интервал — это интервал, который с заданной вероятностью q покрывает величину, 0 < q < 1. Задавая доверительную вероятность q, строим доверительный интервал  $\begin{bmatrix} u_1, u_2 \end{bmatrix}$  для сигнала  $z(n) \in N(\mu_1, \beta_1)$  с помощью квантилей распределения Стьюдента  $t_{\frac{1+q}{2}}(n-1)$ :

$$\begin{split} &u_1(n) = m_n - t_{\frac{1+q}{2}}(n-1)\frac{S_n}{\sqrt{n}}\,,\\ &u_2(n) = m_n + t_{\frac{1+q}{2}}(n-1)\frac{S_n}{\sqrt{n}}\,, \text{ где } m_n = \frac{1}{n}\sum_{1}^n z(i)\,,\\ &S_n^2 = \frac{1}{n-1}\sum_{1}^n \left(z(i) - m_n\right)^2\,, \ n > 1\,. \end{split}$$

Для нахождения  $m_n$  и  $S_n^2$  можно использовать «принцип движущегося окна»:

$$m_{n} = \frac{1}{M} \sum_{n=M+1}^{n} z(i)$$

$$S_{n}^{2} = \frac{1}{M-1} \sum_{i=1}^{n} (z(i) - m_{n})^{2}$$

Задавая  $\gamma$  и  $\delta$  , находим толерантный множитель  $\mathit{K}$  :

$$K_n = Z_{\infty} \left( 1 + \frac{Z_{\gamma}}{\sqrt{2n}} + \frac{5Z_{\gamma}^2 + 10}{12n} \right),$$

где  $Z_{\infty}, Z_{\gamma}$  – абсциссы нормированной функции Лапласа  $arPhi_0(Z)$  :

$$\delta = 2\Phi_0(Z_\infty)\,,\; \Phi_0(Z_\gamma) = \gamma - 0.5\,,$$

$$\Phi_0(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-\frac{1}{2}z^2} dz = \frac{1}{2} erf\left(\frac{x}{\sqrt{2}}\right).$$

Строим толерантный интервал  $[l_1, l_2]$ :

$$l_1(n) = m_n - K_n S_n,$$

$$l_2(n) = m_n + K_n S_n.$$

Решение принимается, исходя из анализа полученных интервалов:

$$u_2 \ge l_1, l_2 \ge u_1 = >$$
 дефекта нет,

$$u_2 < l_1$$
 или  $l_2 < u_1 = >$  есть дефект.

### Алгоритм, основанный на проверке нормализованной обновляющей матрицы

В алгоритме, основанном на проверке нормализованной обновляющей матрицы (AHOM), на каждом шаге формируется нормализованная обновляющая матрица  $A_n$ , составленная, из векторов z, соответствующим R разным моментам времени:

$$A_n = \begin{bmatrix} z_{n-R+1} & \dots & z_n \end{bmatrix},$$

где  $R \ge 2$  – глубина памяти обновляющей матрицы,

Решающая функция рассчитывается следующим образом:

$$G(n) = \frac{1}{M} \sum_{n=M+1}^{n} \sqrt{\max \lambda \left\{ A_n^T A_n \right\}},$$

где  $\lambda\{A\}$  – собственные числа матрицы A.

Порог срабатывания алгоритма:

$$h = \sqrt{\max(m, R)},$$

где m – размерность вектора z(n).

Решение о наличии или отсутствии дефекта в каждый момент времени принимается на основе результатов сравнения:

 $h < G < 2h \Rightarrow$  дефекта нет,

 $G \ge 2h, G \le h = >$  есть дефект.

# 2. ИМИТАЦИОННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ (ИНТЕРВАЛЬНЫЙ АЛГОРИТМ).

2.1 Составить план экспериментов, выбрать объем выборки и количество экспериментов, исходя из требуемого уровня доверительной вероятности для показателей качества обнаружения.

Объём выборки n = 1000; Количество экспериментов 10; Размер окна M = 100

# 2.2 Построить графики зависимостей вероятности ложного обнаружения от каждого параметра алгоритма

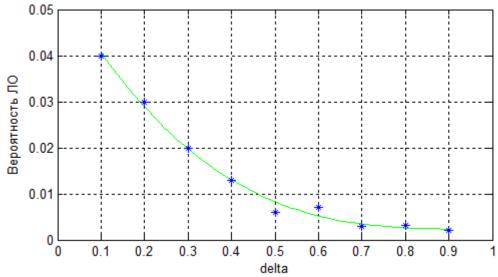


Рис. Зависимость вероятности ложного обнаружения от параметра  $\delta$  ( $\gamma = 0.4$  ,M =100)

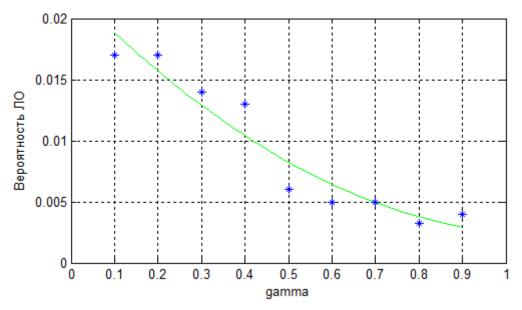


Рис. Зависимость вероятности ложного обнаружения от параметра  $\gamma$  ( $\delta = 0.5, M = 100$ )

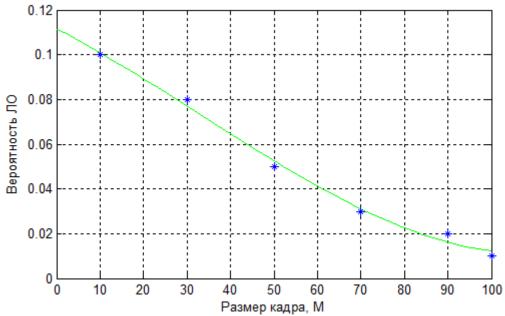


Рис. Зависимость ложного обнаружения от размера окна M ( $\gamma = 0.4, \, \delta = 0.5$ )

# 2.3 Выбрать наборы параметров, соответствующие заданным уровням вероятности ложного обнаружения.

$$\mbox{Ppo} = 0.01 \ \, => \ \, \gamma = 0.4, \ \, \delta = 0.5, \, M = 100. \label{eq:position}$$

Красным – толерантный интервал

Синим – доверительный интервал

Черным – решение о дефекте

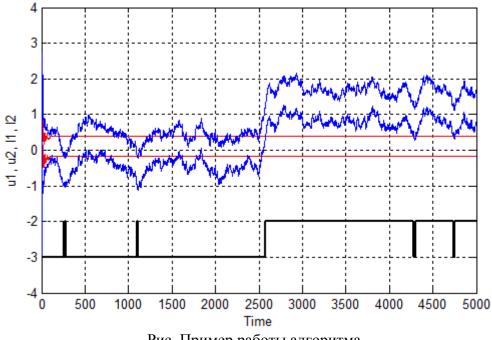


Рис. Пример работы алгоритма

## 3. ИМИТАЦИОННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ (АНОМ).

3.1 Составить план экспериментов, выбрать объем выборки и количество экспериментов, исходя из требуемого уровня доверительной вероятности для показателей качества обнаружения.

Объём выборки n = 1000; Количество экспериментов 10

3.2 Построить графики зависимостей вероятности ложного обнаружения от каждого параметра алгоритма

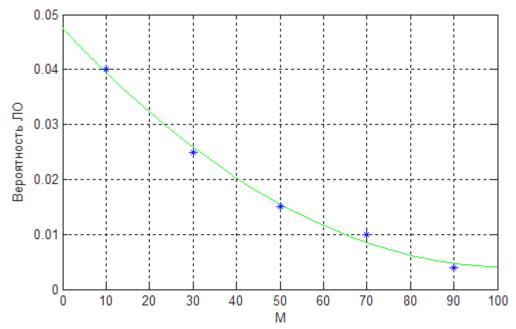


Рис. Зависимость ложного обнаружения от глубины памяти алгоритма M (R = 40)

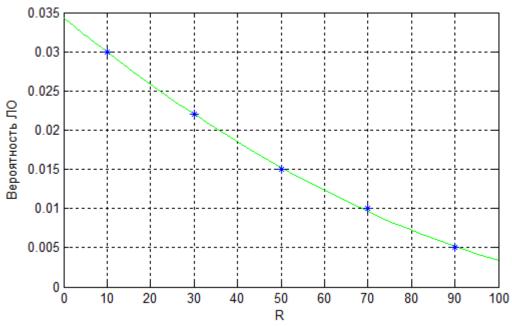


Рис. Зависимость ложного обнаружения от глубины памяти обновляющей матрицы M (R=40)

# 3.3 Выбрать наборы параметров, соответствующие заданным уровням вероятности ложного обнаружения.

 $P \pi o = 0.02 \implies M = 40, R = 40.$ 

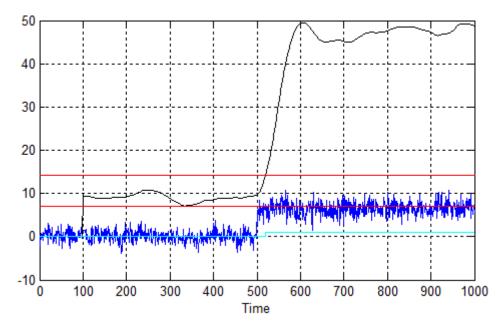


Рис. Пример работы алгоритма

Синий – нормализованная обновляющая последовательность

Красный – пороговые значения

Чёрный – решающая функция

Голубой – решение о дефекте.

## 4. ВЫВОДЫ

В лабораторной работе было рассмотрено два алгоритма диагностирования: алгоритм, основанный на принципе интервальных оценок и алгоритм, основанный на проверке нормализованной обновляющей матриц.

На практике алгоритм AHOM оказался более устойчивым к изменению настроек, этот вывод можно сделать, основываясь на графиках (диапазон изменения вероятности  $\Pi$ O для интервального алгоритма 0.1-0.001, для AHOM 0.04 – 0.005)