מבני נתונים – 0368215809

תרגיל מעשי 1

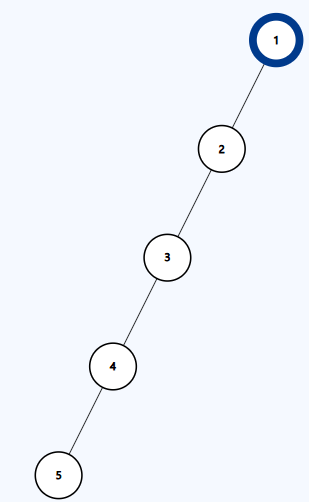
**מגישים:** דני ליברמן – 217416866; ליאם ישי – 332090224.

**תאריך הגשה:** 25.05.2025.

פתרון:

**חלק א'**

1. מדד איזון גלובלי
2. התנאי ההכרחי על עבורו קיים עץ עם צמתים המקיים הוא שקיים כך ש- . תנאי זה הכרחי משום שצריך שלכל צומת בעץ יהיה bf = 0, כלומר נקבל שלכל צומת צריכים להיות בדיוק שני בנים. כלומר ברמה ה-0 יש , צמתים, הרמה ה-1 יש ,..., ברמה האחרונה שנסמן k-1 יש , כלומר סה"כ נקבל צמתים. TODO לא מספיק



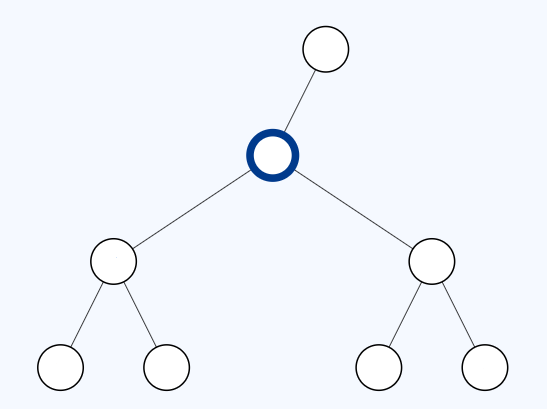
1. הערך המינימלי הוא . ניתן להוכיח (לדעתנו לא צריך) שבכל עץ יש לפחות עלה אחד. לעלה זה אין בנים לכן ערך הbf שלו הוא 0. כלומר לא יכולים להיות פחות מ-1 צמתים בעלי ערך bf = 0. העץ הכללי שמקיים זאת הוא שרוך שמאלי, למשל. נראה דוגמה לעץ כזה עבור n = 5:

לכל צומת מלבד העלה האחרון, גובה העץ

הימני הוא 0 והשמאלי גדול ממש מ-0, מה

שיוצר bf ≠ 0. רק לעלה יש bf = 0, לכן

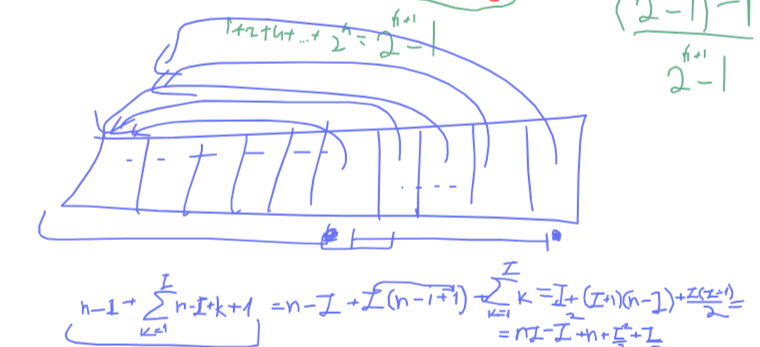
סה"כ נקבל .

1. דוגמה עבור עץ לא מאוזן עם :

בדוגמה המצורפת בצד שמאל, נראה שמבנה העץ הוא תת עץ מושלם (שהשורש שלו מסומן בכחול) שמחובר לקודקוד אחר. נשים לב שבגלל שתת העץ הזה מושלם, כל הצמתים בו הם בעלי bf = 0, ויש 7 כאלה. סה"כ בדוגמה יש 8 צמתים ומתוכם 7 בעלי bf = 0, לכן . העץ לא מאוזן כי גובה תת העץ הימני היוצא מהשורש הוא 0, וגובה תת העץ השמאלי הוא 3, כלומר .

1. דוגמה נגדית עבור עץ מאוזן עם : ניקח עץ פיבונאצ'י. לפי ההגדרה, כל הצמתים מלבד העלים הם בעלי BF!=0.
2. B)T( = 1 אם מאוזן, 0.5 אם קצת מאוזן, 0 אם בכלל לא מאוזן.
3. מיון הכנסה

מימוש סטנדרטי במערך:

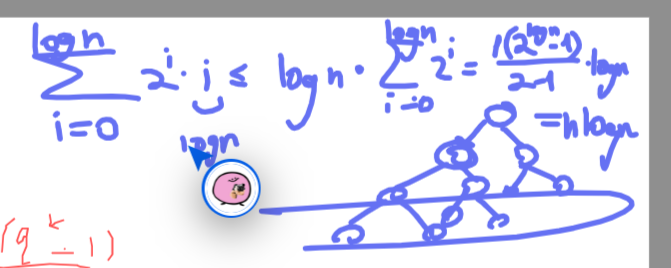
1. 
2. מינימלי: 0 היפוכים בסיבוכיות O(n)

מקסימלי: n היפוכים בסיבוכיות O( n choose 2) = O(n^2).

1. ניתן לומר שהמערך עד k האיברים הראשונים הוא ממוין.
2. הסיבוכיות לא משתנה כי במקרה הכי גרוע, חישוב הסיבוכיות הוא N איטרציות כפול זמן לינארי בשני המקרים, במקורי זמן לינארי גם עבור חיפוש האינדקס וגם עבור דחיפת האיבר למערך, ובהצעה של אמיר החיפוש אומנם בזמן לוגריתמי אבל דחיפת האיברים נשארת לינארית והסיבוכיות האסימפטוטית שלה גוברת על זמן החיפוש, לכן זה נשאר O)N^2(

מימוש בעזרת עץ חיפוש:

1. במקרה הכי גרוע: O(n^2) כאשר המערך כבר ממוין וניצור שרוך, ההכנסה תדרוש סכום מ1 עד N.

במקרה הכי טוב: העץ יוצא מושלם, ההכנסות יהיו 

1. את ההכנסות נחסום מלמעלה על ידי nlogn. גם את הסיור. המקרה הכי טוב זהה לסעיף הקודם.
2. TODO
3. TODO

**חלק ג'**

1. מדד איזון גלובלי

TODO

1. מיון הכנסה

TODO

1. TODO
2. TODO