

八皇后问题(C++)

1、问题描述： 在一个 8×8 的棋盘上放置 8 个皇后，不允许任何两个皇后在棋盘的同一行、同一列和同一对角线上。

2、关键字： 递归、回溯

3、技巧：

1)、

经观察发现，对 8×8 的二维数组上的某点 $a[i][j]$ ($0 \leq i, j \leq 7$)

其主对角线（即左上至右下）上的每个点的 $i-j+7$ 的值（范围在 $(0,14)$ ）均相等；

其从对角线（即右上至左下）上的每个点的 $i+j$ 的值（范围在 $(0,14)$ ）均相等；

且每个主对角线之间的 $i-j+7$ 的值均不同，每个从对角线之间的 $i+j$ 的值亦不同；

如 $a[3][4]$:

主: $3-4+7=6$

从: $3+4=7$

因此可设两个数组 $b[15], c[15]$ 分别表示主、从对角线是否安全

（为 1 表示有皇后，不安全；为 0 表示安全）

2)、

每行有且仅有一个皇后：

每 i 个皇后放在每 i 行 ($0 \leq i \leq 7$)

`void eightQueens(int line);`

4、源码 (C++)

```
//eight_queens.cpp
```

```
#include <iostream>
```

```
using namespace std;
```

```
int data[ 8 ][ 8 ]; //chess(double dimensional array)
```

```
int a[ 8 ]; //column(列)
```

```
int b[ 15 ]; //主对角线(左上至右下)
```

```
int c[ 15 ]; //从对角线(右上至左下)
```

```
int count = 0;
```

```
void eightQueens( int );
```

```
void output( const int[][ 8 ], int );
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int i, j;
```

```
    for( i = 0; i < 15; ++i ) //主、从对角线
```

```

    b[ i ] = c[ i ] = 0; //表示安全

for( i = 0; i < 8; ++i )//chess
{
    a[ i ] = 0;    //i 列安全
    for( j = 0; j < 8; ++j )
        data[ i ][ j ] = 0;
}

eightQueens( 0 );

cout << "\ncount = " << count << endl;
return 0;
}

void eightQueens( int line )
{
    if( 8 == line )//八个皇后安置就位， 输出
    {
        output( data, 8 );
        cout << endl;
        return;
    }

    for( int column = 0; column < 8; ++column )
    {
        if( 0 == a[ column ] && 0 == b[ line - column + 7 ] && 0 == c[ line + column ] )
        {
            data[ line ][ column ] = 1; //
安置皇后
            a[ column ] = 1;    //此列被占
            b[ line - column + 7 ] = 1; //主对角线被占
            c[ line + column ] = 1;    //从对角线被占
            eightQueens( line + 1 ); //下一个皇后
            //重置
            data[ line ][ column ] = 0;
            a[ column ] = 0;
            b[ line - column + 7 ] = 0;
            c[ line + column ] = 0;
        }
    }
}
}

```

```
//output chess
void output( const int data[][ 8 ], int size )
{
    for( int i = 0; i < size; ++i )
    {
        for( int j = 0; j < size; ++j )
            cout << data[ i ][ j ] << ' ';
        cout << endl;
    }
    ++count;
}

```

5、性能：

时间复杂度 $O(n^2)$

6、测试

环境：VC++6.0



```

0 0 0 0 0 0 0 1
0 0 1 0 0 0 0 0
1 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 1 0 0
0 1 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 1 0 0 0
0 0 0 0 0 0 1 0
0 0 0 1 0 0 0 0

0 0 0 0 0 0 0 1
0 0 0 1 0 0 0 0
1 0 0 0 0 0 0 0
0 0 1 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 1 0 0
0 1 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 1 0
0 0 0 0 1 0 0 0

count = 92

```

7、后记：

此算法是我在《程序员面试宝典》第 8 章面试例题 2 的基础上，做了一定的修改。

此外，我还想做进一步修改：把 `eightQueens` 函数做成一个封装的函数，

`eightQueens(int a[][8], int n)`.