

判断债券被高估 or 被低估方法 2:

- 每支债券的波动率 (即, 标准差 σ)、市场组合 (债券指数: US Broad) 的波动率 (标准差 σ) 如下: (直接用 Excel 数据即可)

	A	B
1	Name	Volatility, Std Dev.1 年
2	US1MT=RR	1.5948%
3	US2MT=RR	1.2057%
4	US3MT=RR	1.0495%
5	US6MT=RR	0.9774%
6	US1YT=RR	1.3749%
7	US2YT=RR	0.1188%
8	US3YT=RR	0.1625%
9	US5YT=RR	0.3096%
10	US7YT=RR	0.4247%
11	US10YT=RR	0.6286%
12	US30YT=RR	1.2731%
13	.MERUS00 (US Broad Market市场组合)	0.1946%

- 每支债券的 r_i 、市场组合的 r_M 、无风险利率 r_f :

- ✓ 市场组合的 r_M 和 $\overline{r_M}$

	A	B	C
1	Name	Daily Avg Return	Yearly (Daily*260)
2	Rm(1) 2009~2010	0.0355%	0.0923
3	Rm(2) 2010~2011	0.0155%	0.0403
4	Rm(3) 2011~2012	0.0226%	0.05876
5	Rm(4) 2012~2013	-0.0069%	-0.01794
6	Rm(5) 2013~2014	0.0207%	0.05382
7	Rm(6) 2014~2015	0.0083%	0.02158
8	Rm(7) 2015~2016	0.0179%	0.04654
9	Rm(8) 2016~2017	0.0024%	0.00624
10	Rm(9) 2017~2018	-0.0080%	-0.0208
11	Rm(10) 2018~2019	0.0455%	0.1183
12	Rm平均 (十年)	0.0154%	0.03991
13			
14	Rf平均 (十年)	0.0185%	0.0481

- ✓ 每支债券的 r_i 和 $\overline{r_i}$

求法见视频, 得出像上图 Excel 的数据

- ✓ 无风险利率 $\overline{r_f}$

$$\overline{r_f} = 0.0481$$

❖ 计算出每个债券的 β :

$$\beta_i = \rho_{i,M} \cdot \frac{\sigma_i}{\sigma_M}$$

其中, $\rho_{i,M} = \frac{COV(r_i, r_M)}{\sigma_i \cdot \sigma_M}$

$$COV(r_i, r_M) = \sum_{i=1}^{10} \frac{(r_i - \bar{r}_i)(r_M - \bar{r}_M)}{10-1}$$

2007~2010

$r_i(t)$

eg: \uparrow

$$\frac{1}{9} \left[(r_1 - \bar{r}_1)(1.0923 - 1.03991) + (r_2 - \bar{r}_2)(0.0403 - 1.03991) + \dots \right]$$

✓ 用 CAPM, 算出每个债券的必要收益率 K (正确定价下的收益率)

0.0481 0.03991

$$K_i = \bar{r}_f + \beta_i(\bar{r}_M - \bar{r}_f)$$

再跟每个债券的实际收益率 (yield) 相比, 判断哪个被高估、哪个被低估
($K > \text{yield}$, 说明被高估; $K < \text{yield}$, 说明被低估)

✓ 算出两两债券之间 Yield 的相关系数 $\rho_{i,j}$, 后面构建 MPT 中的有效边界会用到。

$$\rho_{i,j} = \frac{COV(r_i, r_j)}{\sigma_i \cdot \sigma_j}$$