

# 现代编程思想

哈希表与闭包

**Hongbo Zhang** 



#### 回顾

- 表
  - 。键值对的集合,其中键不重复
  - 。 简单实现: 二元组列表
    - 添加时向队首添加
    - 查询时从队首遍历
  - 树实现: 二叉平衡树
    - 基于第五节课介绍的二叉平衡树,每个节点的数据为键值对
    - 对树操作时比较第一个参数

# 哈希表



- 哈希函数/散列函数 Hash function
  - 将任意长度的数据映射到某一固定长度的数据
  - 在月兔的 Hash 接口中,数据被映射到整数范围内
    - trait Hash { hash(Self) -> Int }
    - "这是一个非常非常长的字符串" hash() == -900478401
- 哈希表
  - 利用哈希函数,将数据映射到数组索引中,进行快速的添加、查询、修改

```
1. // 对于 a: Array[(Key, Value)], key: Key, value: Value
2. let index = key.hash().mod_u(a.length()) // 键值--哈希-->哈希值--取模-->数组索引
3. a[ index ] = value // 添加或更新
4. let value = a[ index ] // 查询
```

理想情况下,操作均为常数时间(二叉平衡树操作均为对数时间)

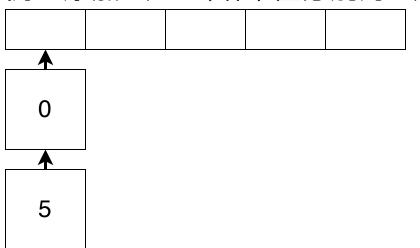
# 哈希冲突



- 根据抽屉原理/鸽巢原理/生日问题
  - 。 不同数据的哈希可能相同
  - 。 不同的哈希映射为数组索引时可能相同
- 解决哈希表的冲突
  - 直接寻址(分离链接): 同一索引下用另一数据结构存储
    - 列表
    - 二叉平衡搜索树等
  - 。 开放寻址
    - 线性探查: 当发现冲突后,索引递增,直到查找空位放入
    - 二次探查 (索引递增1<sup>2</sup> 2<sup>2</sup> 3<sup>2</sup>) 等



- 当发生哈希/索引冲突时,将相同索引的数据装进一个数据结构中
  - 例:添加0、5(哈希值分别为0、5)至长度为5的数组中时:



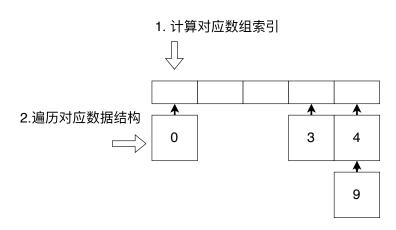


• 哈希表结构

```
1. struct Entry[K, V] { // 存储键值对
     key: K
3. mut value : V // 允许原地修改值
4. }
5.
6. struct Bucket[V] { // 存储键值对的集合
     mut val: Option[(V, Bucket[V])] // 允许原地进行增删操作
8. }
9.
10. struct HT_bucket[K, V] {
    mut values : Array[Bucket[Entry[K, V]]] // 存放键值对的列表,存放列表的数组
11.
12. mut length: Int // 数组长度, 动态维护
13. mut size: Int // 哈希表键值对数量, 动态维护
14. }
```



- 添加/更新操作
  - 添加时,根据键的哈希计算出应当存放的位置
  - 。 遍历集合查找键
    - 如果找到,修改值
    - 否则,添加键值对
- 删除操作类同





• 添加/更新操作

```
1. fn put[K : Hash + Eq, V](map : HT_bucket[K, V], key : K, value : V) -> Unit {
    let index = key.hash().mod_u(map.length) // 计算对应索引
     let mut bucket = map.values[index] // 找到对应数据结构
     while true {
5.
       match bucket.val {
6.
         None => { // 如果没有找到,添加并退出循环
7.
           bucket.val = Some({ key, value }, { val: None })
8.
          map.size = map.size + 1
9.
          break
10.
11. Some(entry, rest) => {
          if entry key == key { // 如果找到,则更新值
12.
            entry.value = value
13.
14.
            break
15.
          } else { // 否则,将bucket替换为更小的结构,保证循环会终结
16.
            bucket = rest
17.
    18.
     if map.size.to_double() / map.length.to_double() >= load { // 根据负载重新分配
19.
       resize()
20. }
21. }
```



- 虽然不存在数组用尽的问题,但仍需要扩容重新分配
- 负载:键值对数量与数组长度的比值
  - 当负载上升,哈希/索引冲突变多,链表增长,增查改删操作时间增长
  - 解决方案: 当负载超过阈值,重新分配更大的数组
    - 阈值过高: 寻址遍历时间变长
    - 阈值过低: 扩容分配时间变长



• 删除操作

```
1. fn remove[K : Hash + Eq, V](map : HT_bucket[K, V], key : K) -> Unit {
    let index = key.hash().mod_u(map.length) // 计算对应索引
    let mut bucket = map.values[index] // 找到对应数据结构
    while true {
5.
      match bucket.val {
6.
        None => break // 如果遍历完成则退出
7.
        Some(entry, rest) => {
          if entry key == key { // 如果找到,则删除对应结构
8.
            bucket.val = rest.val // { Some(entry, { val }) } -> { val }
9.
            map.size = map.size - 1
10.
11.
            break
12.
13. else { // 否则继续遍历
14. bucket = rest
```





- 线性探查: 发现哈希冲突后, 索引递增, 直到查找到空位放入
  - 不变性: 键值对应当存放的位置与实际的位置之间不存在空位
    - 否则确认键是否存在需遍历整个哈希表

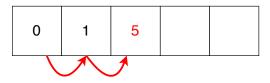
键: 0; 哈希值: 0; 索引: 0≡0 (mod 5)

0				
---	--	--	--	--

键: 1; 哈希值: 1; 索引: 1≡1 (mod 5)



键: 5; 哈希值: 5; 索引: 5=0 (mod 5)





- 哈希表结构定义
  - 我们采用基于默认值的数组;基于 Option 的实现可以自行尝试

```
    struct Entry[K, V] { // 键值对
    key: K
    mut value: V // 可原地修改值
    } derive(Default)
    struct HT_open[K, V] {
    mut values: Array[Entry[K, V]] // 存放键值对的数组
    mut occupied: Array[Bool] // 存放当前位置是否为空的数组
    mut length: Int // 数组长度, 动态维护
    mut size: Int // 哈希表键值对数量, 动态维护
    11. }
```



- 添加/更新操作
  - 。添加/更新时,根据键的哈希计算出应当存放的位置
  - 如果该位置被占用
    - 如果是对应的键,则更新对应的值
    - 否则,向后查找
  - 。 如果找到空位,则存放键值对
- 我们默认空位的存在



- 辅助函数: 查找键是否存在
  - 如果存在,返回键的索引;如果不存在,则返回第一个空位所在位置

```
    // 从键的哈希值向右查找,返回所查找的键或第一个找到的空位位置的索引
    fn find_slot[K: Hash + Eq, V](map: HT_open[K, V], key: K) -> Int {
    let hash = key.hash() // 键的哈希值
    let mut i = hash.mod_u(map.length) // 在无哈希冲突时应当放入的位置
    while map.occupied[i], i = (i + 1).mod_u(map.length) {
    if map.values[i].key == key { // 如果找到对应的键,则返回其索引
    return i
    }
    return i // 否则找到空位为止
    }
```



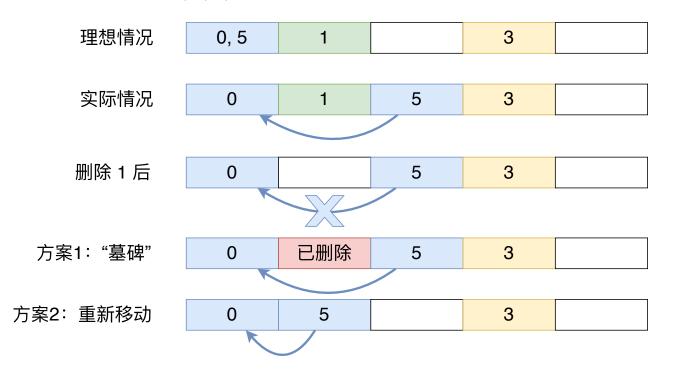
• 添加/更新操作

```
1. fn put[K : Hash + Eq + Default, V : Default](map : HT_open[K, V], key : K, value : V) -> Unit {
    let index = find_slot(map, key) // 利用辅助函数进行查找
     if map.occupied[index] { // 判断是找到了对应键还是找到了空位
       map.values[index].value = value // 找到了对应的键则进行更新
     } else { // 否则将键值对加入空位
6.
       map.occupied[index] = true
       map.values[index] = { key, value }
8.
       map.size = map.size + 1
9.
     // 确认负载是否需要扩容
10.
     if map.size.to_double() / map.length.to_double() >= 0.75 {
11.
12.
       resize(map) // fn resize(map) -> Unit
13.
14. }
```



• 删除操作需考虑不变性: 键值对应当存放位置与实际存放位置之间不存在空位

依次添加: 0, 1, 5, 3



- 解决方案
  - 将删除的位置设为"已删除",在查询的时候视为存在元素
  - 重新移动哈希表元素



• 将删除的位置设为"已删除"

```
1. enum Status {
2. Empty
3. Deleted // 增加"已删除"标记
4. Occupied
5. }
6.
7. struct HT_open[K, V] {
     mut values : Array[Entry[K, V]]
8.
     mut occupied: Array[Status] // 从布尔值改为状态标记
9.
10. mut length : Int
11. mut size : Int
12. }
```



- 查找键或空位时,记录遇到的第一个可以存放的空位: Empty 或 Deleted
  - 依然需要找到 Empty 为止来确定键不存在

```
1. // 从键的哈希值向右查找,返回键或第一个找到的空槽位置的索引
2. fn find_slot[K : Hash + Eq, V](map : HT_open[K, V], key : K) -> Int {
     let index = key.hash().mod u(map.length)
    let mut i = index
    let mut empty = −1 // 记录第一个遇到的空位: Empty或Deleted
     while (map.occupied[i] === Empty).not(), i = (i + 1).mod_u(map.length) {
6.
       if map.values[i].key == key {
7.
8.
         return i
9.
10.
      if map.occupied[i] === Deleted && empty != −1 { // 更新空位
11.
         empty = i
12.
13.
14.
     return if empty == -1 { i } else { empty } // 返回第一个空位
15. }
```



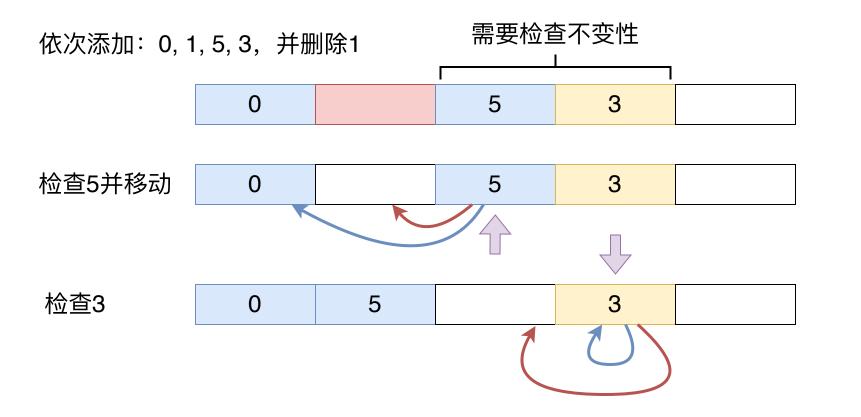
• 删除时,只需要更新标记即可

```
1. fn remove[K : Hash + Eq + Default, V : Default](map : HT_open[K, V], key : K) -> Unit {
2.  let index = find_slot(map, key)
3.  if map.occupied[index] === Occupied {
4.   map.values[index] = default()
5.   map.occupied[index] = Deleted
6.   map.size = map.size - 1
7.  }
8. }
```

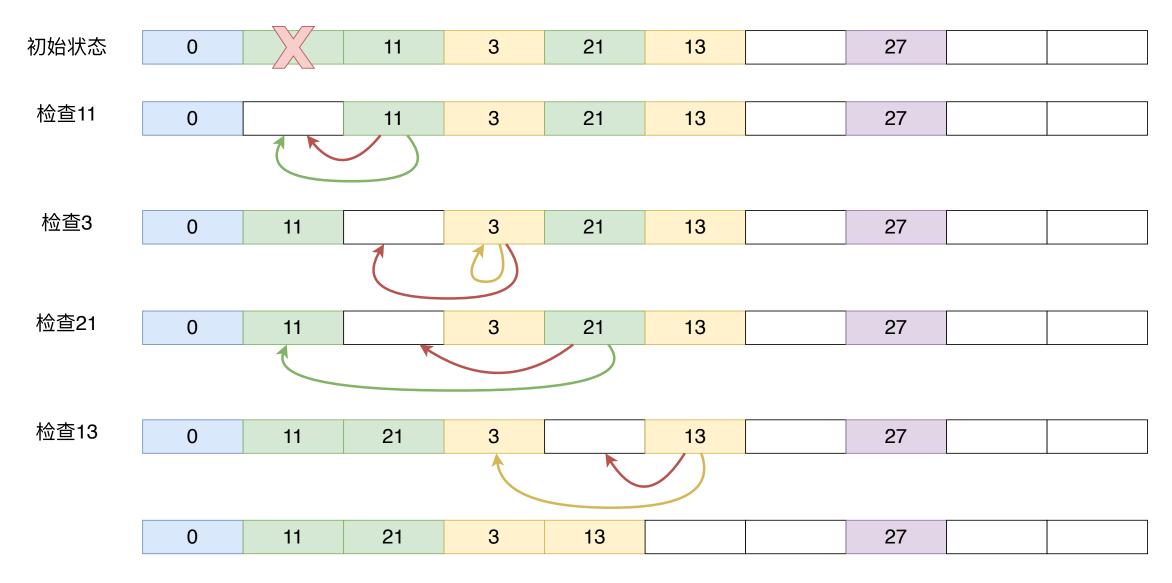
- 使用已删除标记
  - 多次添加删除后,会存在较多"已删除"标记,增加额外的查询时间
  - 。 需要一段时间后重新排列



- 开放寻址的另一种删除实现: 删除后压缩
  - 。 我们通过移动哈希表中的元素来保持不变性(而不是通过标记)
  - 。 填补被删除元素留下的空位









# 闭包

- 闭包: 一个函数及其捆绑的周边环境状态的引用的组合
- 闭包的环境状态
  - 。 词法环境: 与程序的结构对应, 在代码定义时决定

```
1. fn init {
2. let mut i = 2
3. fn debug_i() { debug(i) } // 捕获i
4. i = 3
5. debug_i() // 输出3
6. {
7. let i = 4 // 此i非彼i
8. debug_i() // 输出3
9. }
10. }
```

#### MoonBit **¥**月兔编程

# 闭包: 封装数据

- 我们可以利用闭包封装数据和行为
  - 使用者无法直接获得数据,必须通过提供的函数进行间接操作
  - 可以限制使用者的操作,对参数进行检验等,保证数据合法

```
1. fn natural number get and set()
2. -> ( () -> Int, (Int) -> Unit) { // (get, set)
 3. let mut i = 0 // 使用者无法直接读取
4. fn get() -> Int { i }
 5. fn set(new value: Int) -> Unit { if new value >= 0 { i = new value } } // 可以添加对于数据的校验
    (get, set)
7. }
8.
9. fn init {
    let (get, set) = natural_number_get_and_set()
   set(10)
11.
12. debug(get()) // 10
13. set(-100)
     debug(get()) // 10
14.
15. }
```

#### 闭包: 封装数据



• 我们可以利用闭包+结构体封装表的行为,使用者无需感知真正的数据结构

```
1. struct Map[K, V] {
2. get : (K) -> Option[V]
 3. put : (K, V) -> Unit
 4. remove : (K) -> Unit
 5. size: () -> Int
6. }
8. // 开放地址实现
9. fn Map::hash open address[K : Hash + Eq + Default, V : Default]() -> Map[K, V] { ... }
10. /// 直接寻址实现
11. fn Map::hash_bucket[K : Hash + Eq, V]() -> Map[K, V] { ... }
12. // 简易列表实现或树实现等等....
13.
14. fn init {
15. let map: Map[Int, Int] = Map::hash_bucket() // 仅需替换初始化函数,后续代码无需发生变化
16.
     // let map : Map[Int, Int] = Map::hash_open_address()
17. (map.put)(1, 1)
     debug((map.size)())
18.
19. }
```

#### 闭包: 封装数据



```
1. fn Map::hash_bucket[K : Hash + Eq, V]() -> Map[K, V] {
     let initial length = 10
3.
    let load = 0.75
4. let map = {
5.
       values: Array::make(initial_length, { val : None }), // 别名问题
6.
       size: 0,
7.
    length: initial_length,
8.
     fn initialize() { ... } // 需要对数组进行挨个初始化
9.
10.
     initialize()
11.
     fn resize() { ... }
12.
13.
14.
     fn get(key : K) -> Option[V] { ... }
     fn put(key : K, value : V) -> Unit { ... }
15.
     fn remove(key : K) -> Unit { ... }
16.
     fn size() -> Int { map.size }
17.
18.
19.
     { get, put, remove, size }
20. }
```

#### 闭包: 封装数据



• 我们可以基于结构体进行方法的拓展,方便使用

```
1. fn Map::is_empty[K, V](map : Map[K, V]) -> Bool {
     (map.size)() == 0
3. }
4.
5. fn Map::contains[K, V](map : Map[K, V], key : K) -> Bool {
     match (map.get)(key) {
6.
7. Some() => true
8. None => false
9. }
10. }
11.
12. fn init {
    let map : Map[Int, Int] = Map::hash_bucket()
13.
14. debug(map.is_empty()) // true
15. debug(map.contains(1)) // false
16. }
```



# 总结

- 本章节介绍了
  - 。 哈希表的两种实现
    - 开放寻址
    - 直接寻址
  - 。 闭包的概念及封装应用
- 推荐阅读
  - 。《算法导论》第十一章 或
  - 《算法》第3.4节