## Fondamenti di Informatica

Allievi Automatici A.A. 2015-16

Memoria Dinamica

#### Allocazione della memoria

- In C i dati hanno una dimensione nota a tempo di compilazione ( sizeof(...) )
  - La quantità di memoria necessaria per eseguire una funzione è nota al compilatore
    - dimensione di un record di attivazione
  - Non si conosce, però, il numero di "esemplari" da allocare (esempio: ricorsione)
- Come si gestiscono i dati la cui dimensione è nota solo a tempo di esecuzione?
  - Es: invertiamo una sequenza di interi letti da stdin

# Soluzione con array

- Si prealloca un'area dati sovradimensionata rispetto all'effettivo utilizzo
- Si tiene traccia di quanta parte di essa è effettivamente occupata
  - Nell'esempio della sequenza, l'indice che progredisce "conta" i valori validi inseriti
- → Problema: grande spreco di memoria
- → Soluzione: MEMORIA DINAMICA

## Memoria dinamica: motivazioni

- Dimensionamento "fisso" iniziale (ad esempio di array) – problemi tipici:
  - Spreco di memoria se a runtime i dati sono pochi
  - Violazione di memoria se i dati sono più del previsto
    - Un accesso oltre il limite dell'array ha effetti imprevedibili
  - Spreco di tempo per ricompattare/spostare i dati
    - Cancellazione di un elemento intermedio in un array ordinato
      - occorre far scorrere "indietro" tutti gli elementi successivi
    - Inserimento di un elemento intermedio in un array ordinato
      - occorre far scorrere "in avanti" i dati per creare spazio

## Variabili statiche, automatiche, dinamiche

- Statiche
  - allocate prima dell'esecuzione del programma
  - restano allocate per tutta l'esecuzione
- Automatiche
  - allocate e deallocate automaticamente
  - gestione della memoria a stack (LIFO)

#### Dinamiche

- Allocate e deallocate esplicitamente a run-time dal programma (= dal programmatore)
- Accessibili solo tramite puntatori
- Referenziabili "da ogni ambiente"
  - A patto di disporre di un puntatore che punti ad esse

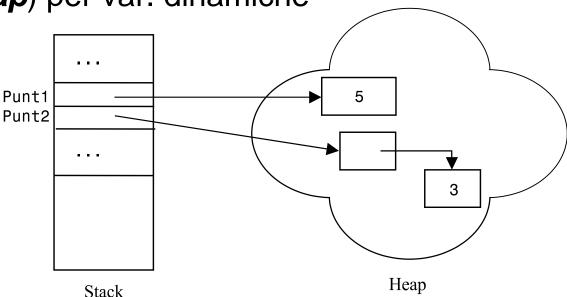
#### Gestione della memoria

La memoria riservata ai dati del programma è partizionata in due "zone"

- pila (stack) per var. statiche e automatiche

mucchio (*heap*) per var. dinamiche

Esempio int \* Punt1; int \*\* Punt2;



6

## Allocazione e Rilascio di memoria

 Apposite funzioni definite nella standard library <stdlib.h> si occupano della gestione della memoria dinamica:

```
malloc(...) memory allocation - per l'allocazionefree(...) per il rilascio
```

 Il programma le può invocare in qualsiasi momento per agire sullo heap

#### Puntatori e <stdlib.h>

- La libreria stdlib.h contiene:
  - I prototipi delle funzioni di allocazione dinamica della memoria
    - malloc(...)
    - free(...)
  - La dichiarazione della costante NULL
    - puntatore nullo
    - non punta ad alcuna area significativa di memoria
      - ANSI impone che rappresenti il valore 0

## Allocazione: malloc()

- La funzione malloc(...)
  - Prototipo: void \* malloc( int );
  - Riceve come parametro il numero di byte da allocare
    - Normalmente si usa la funzione sizeof() per indicare la dimensione dei dati da allocare
  - Restituisce un puntatore di tipo void \*
    - il puntatore di tipo void \* può essere poi assegnato a qualsiasi altro puntatore per usare la nuova variabile
    - se non c'è più memoria disponibile (perché lo heap è già pieno), malloc() restituisce NULL

## Allocazione: malloc()

```
typedef ...any definition... TipoDato;
typedef TipoDato * PTD;
PTD ref;
...
ref = (PTD) malloc( sizeof(TipoDato) );
```

- Alloca nello heap una variabile dinamica (grande quanto un **TipoDato**) e restituisce l'indirizzo della prima cella occupata da tale variabile
  - LA VARIABILE DI PER SÉ È ANONIMA!!!
  - Ovviamente ref perde il valore precedente, e punta alla nuova variabile, che è accessibile per dereferenziazione (\*ref)

#### **Attenzione**

- Lo spazio allocato da malloc() è per la nuova variabile, di tipo TipoDato
- Non è per il puntatore ref, che già esisteva!
  - ref è una variabile STATICA

**CAST ESPLICITO** 

- ref = (PTD) malloc( sizeof(TipoDato) );
  - Il cast esplicito specifica al compilatore che il programmatore è consapevole che il puntatore è convertito da void \* a PTD (cioè a puntatore a TipoDato)
  - Nel seguito a volte sarà omesso (come nel libro di testo)
    - Si tenga comunque presente che alcune piattaforme non segnalano nulla, altre segnalano un warning, altre ancora ne considerano l'omissione un vero e proprio errore

## Deallocazione: free()

## La funzione free()

- Prototipo: void free( void \* );
- Libera la memoria allocata tramite la malloc, che dopo l'esecuzione è pronta ad essere riusata
- Riceve un puntatore void \* come argomento
- -free( ref );
- N.B.: non serve specificare la dimensione in byte, che è derivabile automaticamente

## malloc() e free()

 Esempio: allocare una var. dinamica di tipo char, assegnarle 'a', stamparla e infine deallocarla

```
char * ptr;
ptr = (char *) malloc( sizeof(char) );
*ptr = 'a';
printf("Carattere: %c\n", *ptr);
free( ptr );
```

- Attenzione:
  - ptr NON è eliminato, e può essere riusato per una nuova malloc
    - INFATTI ptr E' UNA VARIABILE STATICA, QUINDI NON DEALLOCABILE

#### Confrontare ...

```
char c = 'a'; /* varibile char STATICA */
printf("Carattere: %c\n", c);
char c; /* varibile char STATICA */
void * ptr; /* puntatore "buono per tutti gli usi" */
ptr = &c; *ptr = 'a';
printf("Carattere: %c\n", *ptr);
void * ptr; /* puntatore "buono per tutti gli usi" */
ptr = malloc( sizeof(char) ); /* var. char DINAMICA */
*ptr = 'a';
printf("Carattere: %c\n", *ptr);
free( ptr );
```

# A volte ritornano: inversione di una sequenza di interi

- Avevamo imparato studiando questo problema che l'uso degli array può semplificare assai la scrittura dei programmi
- Restava però "irrisolto" il problema di dover scegliere a priori quante variabili allocare (la dimensione dell'array)
- Ora possiamo pensare di allocare un array dinamico "piccolo" e sostituirlo con uno più grande solo se necessario

#### ATTENZIONE:

- La malloc() alloca blocchi contigui di memoria ad ogni invocazione, ma invocazioni diverse restituiscono blocchi totalmente scorrelati
- Quando un vettore si riempie, quindi, occorre ricopiare nel nuovo vettore la sequenza memorizzata fino a quel punto

```
#define SENTINELLA -1
#define DIM INIZIALE 100
#define INCREMENTO 50
int main() { int n, *v, lung_max = DIM_INIZIALE, i=0;
            v = (int *) malloc(lung_max*sizeof(int));
            scanf("%d", &n);
            while( n != SENTINELLA ) {
                 v[i++] = n;
                 if( i == lung_max ) {
                      v = replace( v, lung_max, INCREMENTO );
                      lung_max += INCREMENTO;
                 scanf("%d", &n);
            printReverse(v, i-1);
            return 0;
```

```
int * replace( int * v, int l_max, int inc ) {
 int * vet, i;
  vet = (int *) malloc( sizeof(int)*(l_max+inc) );
 for( i=0; i<l_max; i++ )
   vet[i] = v[i];
 free(v);
  return vet;
void printReverse( int v[], int len ) {
  while(i>0)
    printf("%d", v[i--]);
```

# A volte ritornano: inversione di una sequenza di interi

- Ora sappiamo usare (quasi) solo la memoria realmente necessaria per la memorizzazione
- Lo schema di incremento è piuttosto rigido
  - Si può migliorare per cercare di limitare il numero di ricopiature,
     man mano che la sequenza si allunga
    - Incrementare / raddoppiare l'incremento a ogni incremento
    - Incrementare ogni volta di una percentuale (fissa o variabile)
- Possiamo ancora migliorare questa soluzione: impareremo come allocare le variabili una alla volta, senza ricopiare mai la sequenza

# Produzione di "spazzatura"

- La memoria allocata dinamicamente può diventare inaccessibile se nessun puntatore punta più ad essa
  - Risulta sprecata, e non è recuperabile
    - Per invocare free() è necessario un puntatore
  - È "spazzatura" (*garbage*) che non si può smaltire
- Esempio banale

```
TipoDato *P, *Q;
P = (TipoDato *) malloc(sizeof(TipoDato));
Q = (TipoDato *) malloc(sizeof(TipoDato));
P = Q; /* la variabile che era puntata da P è garbage */
```

#### Puntatori "ciondolanti"

- Detti abitualmente dangling references
- Sono puntatori a zone di memoria deallocate
   ( ) a variabili dinamiche "non più esistenti")
  - -P=Q;
  - free(Q); /\* ora accedere a \*P causa un errore \*/
- Sono più gravi della produzione di garbage: portano a veri e propri errori
  - Alcuni linguaggi (Java!) non hanno una operazione free(), ma un garbage collector
    - Un componente della macchina astratta che trova e riutilizza la memoria inaccessibile (non più referenziata)

## Un intermezzo: con i puntatori...

- …è possibile programmare molto male
  - in modo "criptico"
  - generando effetti difficili da "tracciare"
  - in modo che il funzionamento del programma dipenda da come uno specifico sistema gestisce la memoria
    - Lo stesso programma, se scritto "male", può funzionare in modo diverso su macchine diverse
- Si possono fare danni considerevoli
  - Non sempre la macchina reale si comporta come il modello suggerirebbe
- Vediamo due "esempi" di cosa "si riesce" a fare.. 21

## Puntatori a variabili automatiche

```
#include <stdio.h>
int * p;
                                      p è dangling dopo
void boh() {
                                     la chiamata di boh
 int x = 55;
 p = &x;
                                   in pratica, però, stampa 55
                                            Perché?
int main() {
 int x = 1;
 boh(); *
 printf("risultato= %d", *p);
 return 0;
```

## SONO ESEMPI DI QUELLO CHE NON SI DEVE FARE CON I PUNTATORI

(indipendentemente dalla memoria dinamica)

22

```
#include <stdio.h>
int * p;
void boh() { int x = 55;
                p = &x; 
void bohboh() { int y = 100; }
int main() {
 int x = 1;
 p = &x;
 boh();
 bohboh();
 printf("risultato= %d\n", *p);
 return 0;
```

#### Che cosa fa?

p è assegnato all'indirizzo della x "statica" del main, che ha valore 1. Poi la chiamata di boh() lo riassegna alla x "automatica" (p è globale!)

Poi boh termina, e il suo record di attivazione è sovrascritto da quello di bohboh, che è strutturalmente uguale

Quindi la y "cade" dove prima c'era la x, e la printf **stampa** il valore **100** 

SONO ESEMPI DI QUELLO CHE NON SI DEVE FARE CON I PUNTATORI

(indipendentemente dalla memoria dinamica)

23

#### **Avvertimento**

- Puntatori e variabili dinamiche portano a programmare a basso livello e "pericolosamente"
- →Sono da usare con parsimonia, solo quando è strettamente necessario, e cioè:
  - per passare parametri per indirizzo
  - per costruire strutture dati complesse
    - Liste, alberi, grafi, ... (che studiamo subito)
  - In pochi altri casi di uso della mem. dinamica

#### Strutture dati dinamiche

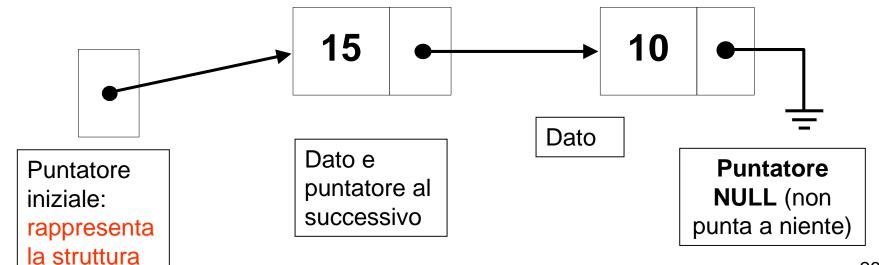
#### Crescono e decrescono durante l'esecuzione:

- Lista concatenata (linked list)
  - Inserimenti/cancellazioni facili in qualsiasi punto
- Pila (stack)
  - Inserimenti/cancellazioni solo in cima (accesso LIFO)
- Coda (queue)
  - inserimenti "in coda" e cancellazioni "in testa" (FIFO)
- Albero binaro (binary tree)
  - ricerca e ordinamento veloce di dati
  - rimozione efficiente dei duplicati

#### Strutture dati ricorsive

(o auto-referenziali)

- Strutture con puntatori a strutture dello stesso tipo
- Si possono concatenare per ottenere strutture dati utili come: liste, code, pile, alberi, ...
- "terminano" con NULL



26

## La Lista

- Composta da *elementi* allocati dinamicamente, il cui numero cambia durante l'esecuzione
- Si accede agli elementi tramite puntatori
- Ogni elemento contiene un puntatore al prossimo elemento della lista
  - Il primo deve essere puntato "a parte"
    - Non ha un precedente
  - L'ultimo non deve puntare "a niente"
    - Non ha un successivo

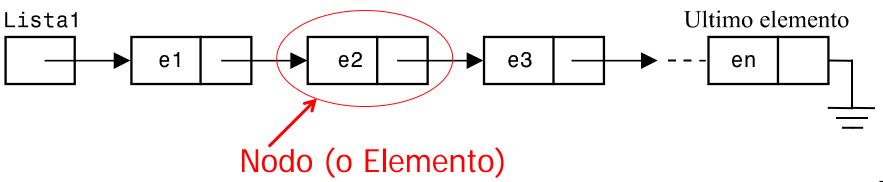
#### La Lista

#### **Inizio** della lista:

Variabile di tipo puntatore a elemento della lista

#### **Fine** della lista:

- Puntatore nell'ultimo elemento vale NULL
- NULL è interpretabile anche come "lista vuota"



28

## Strutture dati ricorsive (dichiaraz.)

Si definiscono il tipo del nodo...

```
typedef struct EL {
   TipoElemento info;
   struct EL * prox;
   } ElemLista;
   Notare la sintassi!
```

...e il tipo del puntatore

```
typedef ElemLista * ListaDiElem;
```

Definizione Ricorsiva!!!

## Strutture dati ricorsive (variante)

```
struct El {
    TipoElemento dato;
    struct El * prox;
};
typedef struct El ElemLista;
typedef struct El * ListaDiElem;
```

#### Il puntatore prox:

- punta a un oggetto di tipo struct El
- si chiama *link*
- lega oggetti di tipo struct El tra di loro

# Liste concatenate (linked lists)

#### Lista concatenata:

- Collezione lineare di oggetti di tipo auto-referenziale, chiamati *nodi*, collegati tramite puntatori (*link*)
- Vi si accede mediante un puntatore al primo nodo della lista (la *testa* della lista)
- Gli elementi successivi al primo (la *coda* della lista) si raggiungono attraversando i puntatori (link) da un oggetto all'altro
  - Osservazione utile in seguito: la coda di una lista è una lista
- Il puntatore (link) contenuto nell'ultimo elemento ha valore NULL

# Liste concatenate (linked lists)

- Si usano (al posto degli array) quando:
  - Il numero degli elementi non è noto a priori, e/o
  - La lista deve essere mantenuta ordinata
- Al prezzo di una gestione un po' più complessa, risolviamo i problemi di "spreco" di spazio e di tempo descritti all'inizio
- NOTA: gli elementi di una lista non sono necessariamente memorizzati in modo contiguo!
  - I nodi sono anzi di solito "sparpagliati" nello heap, e i link li "cuciono" in una sequenza che dalla testa arriva all'ultimo nodo

#### Modi di concatenare le liste

- Liste semplicemente concatenate:
  - Comincia con un puntatore al primo
  - Termina col puntatore nullo
  - Si attraversa solo in un solo verso (dalla testa fino in fondo)
- Liste semplicemente concatenate circolari:
  - Il puntatore contenuto nell'ultimo nodo punta di nuovo al primo
- Liste doppiamente concatenate:
  - Due puntatori di "inizio", uno al primo e uno all'ultimo elemento
  - Ogni nodo ha un puntatore "in avanti" e uno "indietro"
  - Permette l'attraversamento nelle due direzioni
- Liste doppiamente concatenate circolari:
  - Il puntatore "in avanti" dell'ultimo nodo punta al primo nodo
  - Il puntatore "indietro" del primo nodo punta all'ultimo nodo

# Creare un singolo nodo

```
typedef struct Nd {
    int dato;
    struct Nd * next;
  } Nodo;
typedef Nodo * ptrNodo;
ptrNodo ptr;
                             /* puntatore a nodo */
ptr = malloc(sizeof(Nodo)); /* crea nodo */
ptr->dato = 10; /* inizializza nodo (dato) */
ptr->next = NULL; /* inizializza nodo (link) */
```

#### Creare una lista di due nodi

ptrNodo Lista; /\* puntatore alla testa della lista \*/ Lista = malloc(sizeof(Nodo)); /\* crea 1° nodo \*/ Lista->dato = 10; /\* inizializza 1° nodo \*/ ptr->dato = 20; /\* inizializza 2º nodo \*/ /\* collega il 1° al 2° \*/ Lista->next = ptr; ptr->next = NULL; /\* "chiusura" lista al 2º nodo \*/

35

## Creare una lista di due nodi (variante)

```
ptrNodo Lista; /* puntatore alla testa della lista */
Lista = malloc(sizeof(Nodo)); /* crea 1° nodo */
Lista->dato = 10; /* inizializza 1° nodo */
Lista->next = malloc(sizeof(Nodo);
    /* crea E ATTACCA il 2° nodo in coda al primo */
Lista->next->dato = 20; /*inizializza 2° nodo */
Lista->next->next = NULL; /*"chiusura" al 2° nodo */
```

## Cancellare un nodo interno

```
ptrNodo ptr; /* puntatore al nodo iº da cancellare */
ptrNodo prec_ptr; /* puntatore al nodo (i-1)° che
                 precede il nodo i° da cancellare */
     /* qui si inizializzano ptr e prec_ptr ... */
prec ptr->next = ptr->next;
/* collega il nodo (i-1)° all' (i+1)°, saltando il nodo i° */
free (ptr); /* elimina il nodo io*/
prec_ptr
                    ptr
               i - 1
                                                i + 1
                                                              37
```

## Cercare un nodo nella lista

```
int d;
                /* il dato da cercare
                                                            * /
ptrNodo Lista; /* puntatore alla radice della lista
                                                            */
ptrNodo ptr; /* puntatore ausiliario a nodo
                                                            */
                 /* Lista e d sono inizializzati (omesso)
. . .
ptr = Lista;
while( ptr != NULL && ptr->dato != d )
  /* entra nel ciclo se ptr NON punta al dato cercato */
  ptr = ptr->next;
                                avanzare = aggiornare il puntatore
/* all'uscita ptr vale NULL o punta al dato cercato */
int d;
ptrNodo Lista, ptr;
for( ptr=Lista; ptr!=NULL && ptr->dato!=d; ptr=ptr->next )
/* Variante sintattica: con FOR invece che con WHILE */
```

38

## Lunghezza della lista

```
int numeronodi = 0;
ptrNodo Lista, ptr;
Lista = ... /* costruzione della lista */
for( ptr=Lista; ptr!=NULL; ptr=ptr->next )
  numeronodi++;
```

- Per CONTARE i nodi dobbiamo necessariamente SCANDIRE la lista
- Anche per accedere a ogni nodo occorre partire dall'inizio, se si dispone soltanto del puntatore alla testa
- Non è possibile accedere alla lista se non scandendola in ordine, seguendo i puntatori

## Inserire un nodo interno alla lista

```
ptrNodp prec_ptr; /* puntatore al nodo i esimo, che precede
                 il nuovo nodo da inserire */
ptrNodo ptr; /* puntatore ausiliario a nodo */
... /* qui prec_ptr è inizializzato (trovare il nodo) */
ptr = malloc (sizeof (Nodo));
ptr->next = prec_ptr->next;
prec ptr->next = ptr;
prec_ptr
                               i + 1
                                                                40
```

## Gestione degli errori

• • •

```
/* puntatore a nodo */
ptrNodo ptr;
ptr = malloc(sizeof(Nodo));     /* alloca un nodo */
if( ptr == NULL ) {
  printf("malloc: memoria insufficiente!\n");
} else {
                               /* inizializza dato */
  ptr->dato = 10;
                               /* inizializza link */
  ptr->next = NULL;
```

## Attenzione ....

ptrNodo ptr;
ptr = malloc(sizeof(Nodo));
if( ptr == NULL ) {
 ptr->dato = 10; /\* ERRORE GRAVE !!!!!!! \*/
 ...
}

- SI STA TENTANDO DI APPLICARE L'OPERATORE "FRECCIA" A UN PUNTATORE NULL, OVVERO SI STA TENTANDO DI ACCEDERE A UN CAMPO DI UNA STRUCT INESISTENTE!
- Dereferenziare un puntatore a NULL genera un errore

#### Le liste e la ricorsione...

- Che cos'è una lista (di nodi)??
- Dicesi lista:
  - Il **niente**, se è una lista vuota!
    - Questo è un caso veramente base!!!
       altrimenti...
  - Un nodo, seguito da... una lista!
    - Questo è un passo veramente... induttivo!

# UNA LISTA È UNA STRUTTURA RICORSIVA

## Operazioni su liste (un "TDA"!)

## (su liste semplicemente concatenate)

- Inizializzazione
- Inserimento
  - in prima posizione
  - in ultima posizione
  - ordinato
- Eliminazione

#### Come facciamo?

- Le operazioni sono tutte funzioni
- Ricevono come parametro un puntatore al primo elemento (la testa della lista su cui operare)
- Le scriviamo in modo che, se la lista deve essere modificata, restituiscano al programma chiamante un puntatore alla testa della lista modificata
  - Questo impatta sul modo in cui faremo le chiamate
- Così tutti i parametri sono passati per valore

## Usiamo questa formulazione

```
typedef struct EL {
  TipoElemento info;
  struct EL * prox;
 } ElemLista;
typedef ElemLista * ListaDiElem;
```

#### Inizializzazione

```
ListaDiElem Inizializza( void ) {
    return NULL;
}
```

```
listal ____
```

## Esempio di chiamata:

```
. . .
```

ListaDiElem lista1;

. . .

lista1 = Inizializza();

#### **NOTA BENE**

- 1. Se voglio di inizializzare diversamente... basta cambiare la funzione Inizializza e non il resto del programma!
- 2. Se Lista1 puntava a una lista, dopo Inizializza quella lista diventa garbage

#### Controllo lista vuota

```
int ListaVuota( ListaDiElem lista ) {
  if ( lista == NULL )
       return 1;
  else
      return 0;
Oppure, più direttamente:
int ListaVuota( ListaDiElem lista ) {
  return lista == NULL;
```

## Dimensione della lista (iter. e ric.)

```
int Dimensione(ListaDiElem lista) {
  int count = 0;
  while(! ListaVuota(lista)) {
     lista = lista->prox; /* "distruggiamo" il parametro */
     count + +;
  return count;
int DimensioneRic(ListaDiElem lista) {
 if ( ListaVuota(lista) )
      return 0;
 return 1 + DimensioneRic(lista->prox);
                                                             49
```

## Controllo presenza di un elemento

```
int VerificaPresenza (ListaDiElem lista, TipoElemento elem) {
      ListaDiElem cursore;
      if (! ListaVuota(lista) ) {
             cursore = lista; /* La lista non è vuota */
             while(! ListaVuota(cursore) ) {
                    if ( cursore->info == elem )
                           return 1;
                    cursore = cursore->prox;
                       /* Falso: l'elemento Elem non c'è */
      return 0;
```

## Versione ricorsiva!

```
int VerificaPresenza(ListaDiElem lista, TipoElemento elem) {
    if( ListaVuota( lista ) )
        return 0;
    if( lista->info == elem )
        return 1;
    return VerificaPresenza( lista->prox, elem );
}
```

## Inserimento in prima posizione

```
ListaDiElem InsInTesta (ListaDiElem lista,
                          TipoElemento elem ) {
  ListaDiElem punt;
  punt = (ListaDiElem) malloc(sizeof(ElemLista));
  punt->info = elem;
  punt->prox = lista;
  return punt;
```

Chiamata: lista1 = InsInTesta( lista1, elemento );

#### ATTENZIONE: l'inserimento modifica la lista

(non solo in quanto aggiunge un nodo, ma anche in quanto deve modificare il valore del puntatore al primo elemento nell'ambiente del main) 52

#### Visualizzazione lista1 lista punt Ultimo elemento e 1 en lista punt elem Ultimo elemento e 1 e2 е3 en punt

elem

e2

еЗ

e 1

lista1

Ultimo elemento

en

## Inserimento in ultima posizione (iter.)

```
ListaDiElem InsInFondo(ListaDiElem lista, TipoElemento elem) {
  ListaDiElem punt, cur = lista;
  punt = (ListaDiElem) malloc( sizeof(ElemLista) );
  punt->prox = NULL;
  punt->info = elem;
                                      /* Crea il nuovo nodo */
  if ( ListaVuota(lista) )
      return punt;
                                      /* => punt è la nuova lista */
  else {
      while( cur->prox != NULL ) /* Trova l'ultimo nodo */
         cur = cur -> prox;
                                      /* Aggancio all'ultimo nodo */
      cur->prox = punt;
  return lista;
                  <u>Chiamata</u>: lista1 = InsInCoda(lista1, elemento);
```

# Inserimento in ultima posizione (ric.)

```
ListaDiElem InsInFondo (ListaDiElem lista, TipoElemento elem )
                                Alternativa:
                                           return InsInTesta( lista, elem );
  ListaDiElem punt;
  if( ListaVuota(lista) ) {
      punt = malloc( sizeof(ElemLista) );
      punt->prox = NULL;
      punt->info = elem;
      return punt;
         lista->prox = InsInFondo( lista->prox, elem );
          return lista;
        <u>Chiamata</u>:
                     lista1 = InsInFondo(lista1, Elemento);
                                                                            55
```

## Inserimento in ultima posizione (ric.)

```
ListaDiElem InsInFondo( ListaDiElem lista, TipoElemento elem ) {
   if( ListaVuota(lista) )
     return InsInTesta( lista, elem );
   lista->prox = InsInFondo( lista->prox, elem );
   return lista;
}
```

## Inserimento in lista ordinata

```
ListaDiElem InsInOrd(ListaDiElem lista, TipoElemento elem) {
      ListaDiElem punt, puntCor = lista, puntPrec = NULL;
     while ( puntCor != NULL && elem > puntCor->info ) {
          puntPrec = puntCor;
          puntCor = puntCor->prox;
      punt = (ListaDiElem) malloc(sizeof(ElemLista));
      punt->info = elem;
      punt->prox = PuntCor;
     if ( puntPrec != NULL ) { /* Inserimento interno alla lista */
          puntPrec->prox = punt;
          return lista;
      } else
                                    /* Inserimento in testa alla lista */
          return punt;
```

57

Chiamata : lista1 = InsInOrd( lista1, elemento );

**ESERCIZIO**: scriverne una versione ricorsiva

## Una riflessione sulle liste ordinate

- Se consideriamo una lista inizialmente vuota e operiamo sempre e solo inserimenti ordinati...
  - In ogni momento la lista sarà ordinata
  - Questa assunzione può essere sfruttata
- Ma...
  - Se anche una sola volta facciamo un inserimento in testa o in coda
  - Se la lista inizialmente non è vuota
  - **–** ...
- Allora (nel caso più generale)
  - Non vale più l'assunzione che la lista sia ordinata
  - L'effetto di "InsInOrd" non è nemmeno ben definito!

## Cancellazione di un elemento

```
ListaDiElem Cancella (ListaDiElem lista, TipoElemento elem ) {
        ListaDiElem puntTemp;
        if(!ListaVuota(lista))
                                                       Che cosa succede se
                                                       nella lista ci sono
                if( lista->info == elem ) {
                                                       valori duplicati?
                        puntTemp = lista->prox;
                        free(lista);
                        return puntTemp;
                else
                        lista->prox = Cancella( lista->prox, elem );
        return lista;
<u>Chiamata</u>: lista1 = Cancella(lista1, elemento);
```

## Variante: elimina tutte le occorrenze

```
ListaDiElem Cancella (ListaDiElem lista, TipoElemento elem) {
        ListaDiElem puntTemp;
        if(!ListaVuota(lista))
                if( lista->info == elem ) {
                        puntTemp = lista->prox;
                        free( lista );
                        return Cancella(PuntTemp, Elem);
                else
                        lista->prox = Cancella( lista->prox, elem );
        return lista;
```

## Deallocare completamente la lista

```
void DistruggiLista( ListaDiElem lista ) {
  ListaDiElem temp;
  while(lista!= NULL) {
     temp = lista->prox;
     free(lista);
     lista = temp;
void DistruggiListaRic( ListaDiElem lista ) {
  if (!ListaVuota(lista))
        DistruggiListaRic( lista->prox );
  free(lista);
```

#### Visualizzare la lista

```
void VisualizzaLista( ListaDiElem lista ) {
    if ( ListaVuota(lista) )
        printf(" ---| \n");
    else {
        printf(" %d\n ---> ", lista->info);
        VisualizzaLista( lista->prox );
    }
}
```

È un po' "brutto" il rendering dell'ultimo elemento... Esercizio: migliorarlo

# A volte ritornano: inversione di una sequenza di interi

- Utilizzando una lista, possiamo memorizzare la sequenza allocando un nodo per ogni intero
- Dove inseriamo i nodi via via che leggiamo gli interi?
  - In coda? (ultima posizione)
    - Ma per generare la sequenza invertita....
  - In testa? (prima posizione)
    - Infatti per generare la sequenza invertita....

```
#define SENTINELLA -1
typedef int TipoElemento;
int main() {
  int n;
  ListaDiElem lista = Inizializza();
  scanf("%d", &n);
  while( n != SENTINELLA ) {
     lista = InsInTesta( lista, n );
     scanf("%d", &n);
  VisualizzaLista(lista);
  return 0;
```

Questo è un programma che, mentre acquisisce la sequenza, ha l'accortezza di memorizzarla "al contrario"

Possiamo sfruttare il principio per una funzione che realizzi l' inversione di una lista data?

#### Reverse di lista

```
ListaDiElem Reverse1( ListaDiElem lista, int keepSource ) {
   ListaDiElem temp = Inizializza(), curr = lista;
   while(! ListaVuota(curr))
      temp = InsInTesta( temp, curr->info );
      curr = curr->prox;
   }
   if(! keepSource)
      DistruggiLista( lista );
   return temp;

      Cuesta versione alloca, un nodo alla volta,
      una nuova lista ricopiando via via i valori
      del campo info nei nuovi nodi.
      Alla fine, si può deallocare la lista originale
      o conservarla, in base alla scelta effettuata
```

```
Chiamate: ListaDiElem s1, s2, s3;
s1 = Reverse1(s1, 0); s2 = Reverse1(s3, 1);
```

dal programma chiamante.

65

#### Reverse di lista

```
ListaDiElem Reverse2(ListaDiElem lista) {
  ListaDiElem temp, prec = NULL;
  if(!ListaVuota(lista)) {
         while( lista->prox != NULL ) {
           temp = prec;
           prec = lista;
           lista = lista->prox;
                                       Questa versione riusa i nodi
           prec->prox = temp;
                                       della lista passata come
                                       parametro, e li "rimonta"
                                       in ordine inverso
         lista->prox = prec;
  return lista;
```

## Inversione RICORSIVA...

- Se la lista ha 0 o 1 elementi, allora è pari alla sua inversa (e la restituiamo inalterata)
- Diversamente... <u>supponiamo</u> di saper <u>invertire la coda</u> (riduciamo il problema da "N" a "N-1"!!!)
  - 1-2-3-4-5-6-**\**
  - 1 6-5-4-3-2-**\**
  - Dobbiamo inserire <u>il primo</u> elemento <u>in fondo</u> alla <u>coda invertita</u>
  - Scriviamo una versione che sfrutti bene i puntatori...
    - Prima della chiamata ricorsiva possiamo mettere da parte un puntatore al secondo elemento [2], confidando che dopo l'inversione esso [2] sarà diventato l'ultimo elemento della "coda invertita", e attaccargli (in coda) il primo elemento [1]

```
ListaDiElem ReverseRic(ListaDiElem lista) {
      ListaDiElem p, ris;
      if ( ListaVuota(lista) || ListaVuota(lista->prox) )
             return lista;
      else {
             p = lista->prox;
             ris = ReverseRic(p);
             p->prox = lista;
             lista->prox = NULL;
             return ris;
```

## Liste e array

- Quando si deve operare su una lista di elementi di dimensione ignota
  - se si usa un array
    - occorre fissare una dimensione massima
    - si spreca la memoria non usata
    - ...ma la gestione è semplice
  - se si usa una lista con puntatori
    - vale esattamente il viceversa!
      - Si usa solamente la memoria strettamante necessaria,
         ma la sua gestione può essere complicata

# A volte ritornano (poi però basta): inversione di una sequenza di interi

 Vediamo come si può invertire la sequenza "SENZA MEMORIZZARLA" (cioè... senza usare né array né liste)

Ma... è proprio vero che la sequenza non è stata memorizzata?
 Qual è lo stato dello stack dei record di attivazione nel momento in cui si esegue la prima printf?

70

#### La soluzione del testo

- Considera le operazioni di inizializzazione, inserimento e cancellazione come delle PROCEDURE
  - cioè funzioni che restituiscono void
- Realizza il passaggio per indirizzo della lista su cui si vuole operare, invece di restituire la lista attraverso la return (per le op. di modifica)
  - La chiamata lista1 = f (lista1, ...) diventa
  - f ( &lista1, ... ) il puntatore è passato per indirizzo
  - Il parametro formale è un **puntatore a puntatore a** elemento

## Inizializzazione

```
void Inizializza( ListaDiElem * lista ) {
    *lista = NULL;
}
dichiarazione della variabile testa della lista
    ListaDiElem lista1;
Chiamata di Inizializza: Inizializza( &lista1 );
```

## Controllo di lista vuota

```
boolean ListaVuota( ListaDiElem lista ) {
/* true sse la lista parametro è vuota */
    return lista == NULL;
}
```

#### **Chiamata**

```
boolean vuota; /*boolean definito come enumerazione*/
... /* typedef enum {false, true} boolean */
vuota = ListaVuota( lista1 );
```

## Inserimento in prima posizione

```
void InsInTesta( ListaDiElem * lista, TipoElemento elem ) {
       ListaDiElem punt;
       punt = (ListaDiElem) malloc(sizeof(ElemLista));
       punt->info = elem;
       punt->prox = *lista;
       *lista = punt;
<u>Chiamata</u>: InsInTesta( &lista1, elemento );
```

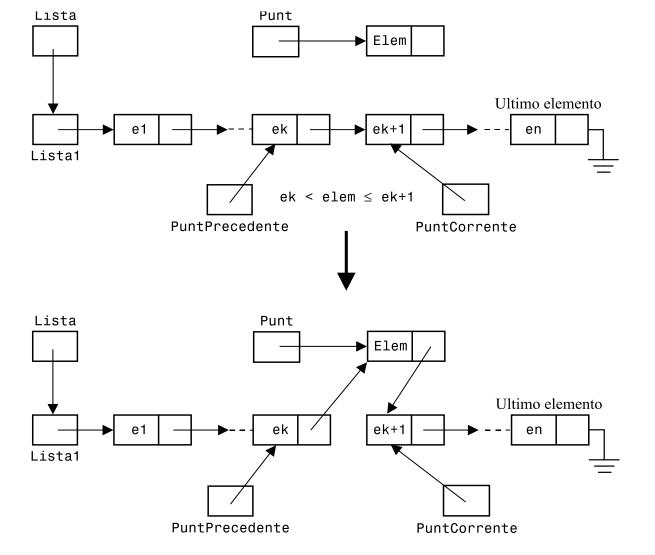
## Inserimento in ultima posizione

```
void InsInCoda( ListaDiElem * lista, TipoElemento elem ) {
      ListaDiElem punt;
      if ( ListaVuota(*lista) ) {
             punt = (ListaDiElem) malloc(sizeof(ElemLista));
             punt->prox = NULL;
             punt->info = elem;
             *lista = punt;
      else InsIncoda( &((*lista)->prox), elem );
```

75

#### Inserimento in ordine

```
void InsInOrd( ListaDiElem * lista, TipoElemento elem ) {
        ListaDiElem punt, puntCor, puntPrec=NULL;
        puntCor = *lista;
        while ( puntCor != NULL && elem > puntCor->info ) {
             puntPrec = puntCor;
             puntCor = puntCor->prox;
        punt = (ListaDiElem) malloc(sizeof(ElemLista));
        punt->info = elem;
        punt->prox = puntCor;
        if( puntPrec != NULL )
                                 /* Ins. interno alla lista */
             puntPrec->prox = punt;
                                       /* Ins. in testa alla lista */
        else
             *lista = punt;
```



#### Cancellazione

```
/* Cancella Elem, se esiste, assumendo non vi siano ripetizioni */
void Cancella (ListaDiElem *lista, TipoElemento elem ) {
      ListaDiElem puntTemp;
      if( ! ListaVuota(*lista) )
             if((*lista)->info==elem)
                    puntTemp = *lista;
                    *lista = CodaLista(*lista);
                    free( puntTemp );
             else Cancella (&((*lista)->prox), elem);
```

78