## Secuencia numérica

Contribución de Jorge Arroyuelo

## Descripción del problema

Observe la siguiente secuencia:

22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1 cada número de la misma se ha obtenido como la mitad del anterior si éste era par o el triple más uno si era impar.

Por ejemplo, el 34 es par, luego le sigue el 17 que es su mitad; el 5 es impar, luego le sigue su triple 15 aumentado en 1 o sea 16. El número que encabeza la secuencia lo denominamos **S**, semilla de la misma, en este caso el 22.

Existe la conjetura de que estas secuencias, cualquiera sea la semilla pasan por el valor 1 antes de entrar en un ciclo. A pesar de la simplicidad de la regla de formación no ha sido demostrada, con lo cual existe el riesgo de entrar en otro ciclo o divergir.

Hay un matemático que quiere estudiarla y pide tu ayuda. Le interesa averiguar en cada ensayo para una semilla dada, que largo tiene la secuencia cuando ella llega a 1; pero, para evitar que entre en un ciclo descontrolado te dará un largo L de modo tal que si tras L términos no llegaste a 1 te detengas y des el valor del L-ésimo término.

Además le interesa averiguar, dentro de la secuencia, ya sea completa, ya sea truncada por largo:

- a) ¿Cuantos números pares contiene y cuantos impares?
- b) Cómo a un ascenso le sigue un descenso, ¿Qué largo tuvo la mayor seguidilla de ascenso-descenso, ascenso-descenso...?

Para contestar estas preguntas deberás escribir un subprograma.

secuencia( S, L, LoF, P, I, N )
siendo:

**S**: Un *entero* que provee la semilla de la secuencia; (  $1 \le S \le 10.000$  )

**L**: Un *entero* que especifica el largo máximo que debe ser estudiado; (  $1 \le L \le 1.000$  )

**LoF**: Una variable para retornar en un *entero* el largo o último valor;

**P**: Una variable para retornar un *entero* la cantidad de valores pares;

**l**: Un *entero* con la cantidad de valores impares;

**N**: Un *entero* con el largo máximo de seguidillas ascenso-descenso.

Por ejemplo, para la secuencia mostrada, engendrada con  $\mathbf{S}=22$  si recibe además  $\mathbf{L}=100$  la respuesta correcta es:  $\mathbf{LoF}=16$ ,  $\mathbf{P}=11$ ,  $\mathbf{I}=5$  y  $\mathbf{N}=2$  que corresponde a la subsecuencia "34–17 52–26". De haber comenzado con  $\mathbf{S}=34$  no lo hubiéramos contabilizado como comienzo de la seguidilla por no saber si se llega a él subiendo o bajando.

Si en cambio hubiera sido **L**=7 la respuesta correcta hubiera sido **LoF**= 13, **P**=4, **I**=3 y **N**=2.

Observa que de acuerdo al texto con L=16 la respuesta correcta tiene LoF=1.

## **Evaluador local**

El evaluador local lee la entrada por stdin la que debe contener en una única línea los valores L y S.

El evaluador reproducirá en una línea las variables involucradas en el problema.

El archivo **secuencia1.in** suministrado contiene:

#este es el primer ejemplo
22 100

De aportarlo como entrada a un programa correcto devolvería en pantalla:

S=22 L=100 LoF=16 P=11 I=5 N=2

Los archivos **secuencia2.in** y **secuencia3.in** contienen los otros dos ejemplos.

## **Subtareas**

La mitad del puntaje corresponderá a casos en los cuales se llega al 1 y la mitad a casos donde se corta por largo.

versión 1.3 hoja 1 de 1