Examen final de SIN: Test del bloque 2 (1,75 puntos)

ETSINF, Universitat Politècnica de València, 19 de diciembre de 2024

Grupo, apellidos y nombre: 1,

Marca cada recuadro con una única opción. Puntuación: $\max(0, (\text{aciertos} - \text{errores}/3) \cdot 1, 75/9)$.

- Supóngase que estamos aplicando el algoritmo Perceptrón, con factor de aprendizaje $\alpha=1$ y margen b=0.1, a un conjunto de 3 muestras bidimensionales de aprendizaje para un problema de 2 clases. Tras procesar las primeras 2 muestras se han obtenido los vectores de pesos $\mathbf{w}_1=(0,0,-2)^t$, $\mathbf{w}_2=(0,0,2)^t$. A continuación, se procesa la última muestra (\mathbf{x}_3,c_3) y se obtienen los mismos vectores de pesos, ¿cuál de las siguientes es esa última muestra?
 - A) $((5,5)^t,1)$
 - B) $((2,4)^t,1)$
 - C) $((2,5)^t,2)$
 - D) $((4,1)^t,1)$
- 2 Dada la siguiente tabla de probabilidades condicionales de las 3 variables de interés:

A	0	0	0	0	1	1	1	1
В	0	0	1	1	0	0	1	1
C	0	1	0	1	0	1	0	1
$P(A, B \mid C)$	0.449	0.173	0.051	0.327	0.343	0.027	0.157	0.473

Si P(C=0)=0.81, ¿cuál es el valor de $P(A=1\mid B=0,C=1)$?

- A) $P(A=1 \mid B=0, C=1) \le 0.25$
- B) $0.25 < P(A=1 \mid B=0, C=1) \le 0.50$
- C) $0.50 < P(A=1 \mid B=0, C=1) \le 0.75$
- D) $0.75 < P(A=1 \mid B=0, C=1) \le 1.00$
- 3 Sea un problema de clasificación en dos clases para datos del tipo $\mathbf{x} = (x_1, x_2)^t \in \{0, 1\}^2$, con las distribuciones de probabilidad de la tabla. Indica en qué intervalo se halla la probabilidad de error ε del clasificador $c(\mathbf{x})$ basado en la función discriminante $g(\mathbf{x}) = 0.5 + x_1 + x_2$ definido como

$$c(\mathbf{x}) = \begin{cases} 1 & \text{si } g(\mathbf{x}) < 0 \\ 2 & \text{en caso contrario} \end{cases}$$

A)	- /	0.25

- B) $0.25 \le \varepsilon < 0.50$.
- C) $0.50 \le \varepsilon < 0.75$.
- D) $0.75 < \varepsilon$.

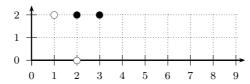
x	$P(c \mid \mathbf{x})$	
$x_1 x_2$	$c = 1 \ c = 2$	$P(\mathbf{x})$
0 0	0.4 0.6	0
0 1	0.5 0.5	0.1
1 0	0.5 0.5	0.4
1 1	0.8 0.2	0.5

4 La figura siguiente muestra una partición de 5 puntos bidimensionales en dos clústers, \bullet y \circ :



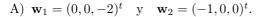
Si transferimos de clúster el punto $(9,2)^t$, se produce una variación de la suma de errores cuadráticos (SEC), $\Delta J = J - J'$ (SEC tras el intercambio menos SEC antes del intercambio), tal que:

- A) $\Delta J < -7$.
- B) $-7 \le \Delta J < 0$.
- C) $0 \le \Delta J < 7$.
- D) $\Delta J \geq 7$.

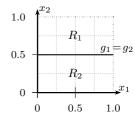


Indica cuál de los siguientes puntos se transfiere de clúster cuando aplicamos el algoritmo K-medias de Duda y Hart, pero no cuando aplicamos la versión convencional del algoritmo K-medias:

- A) $(2,0)^t$
- B) $(2,2)^t$
- C) $(3,2)^t$
- D) $(1,2)^t$
- Dado el clasificador en dos clases definido por su frontera y regiones de decisión de la figura de la derecha, ¿cuál de los siguientes vectores de pesos (en notación homogénea) define un clasificador equivalente al dado?



- B) $\mathbf{w}_1 = (1, 0, 0)^t$ y $\mathbf{w}_2 = (0, 0, 2)^t$.
- C) $\mathbf{w}_1 = (0,0,2)^t$ $\mathbf{y} \quad \mathbf{w}_2 = (1,0,0)^t$.
- D) Todos los vectores de pesos anteriores definen clasificadores equivalentes.



Supóngase que tenemos una caja con 10 naranjas que contiene 8 naranjas Washington (W) y 2 Cadenera (C) de la que extraemos dos naranjas, una detrás de otra sin reposición. Dadas las variables aleatorias: • N1: variedad de la primera naranja extraída. • N2: variedad de la segunda naranja extraída. ¿Cuál de las siguientes condiciones no es cierta? A) P(N1 = W, N2 = C) = P(N1 = C, N2 = W)B) $P(N2 = W) < P(N2 = W \mid N1 = C)$ C) $P(N1 = C) = P(N1 = C \mid N2 = W)$ D) $P(N2 = W) > P(N2 = W \mid N1 = W)$ Sea ${\bf x}$ un objeto a clasificar en una clase de C posibles. Indica cuál de los siguientes clasificadores no es de error mínimo (o escoge la última opción si ninguno de los tres es de error mínimo): A) $c(\mathbf{x}) = \arg\min_{\mathbf{x}} e^{p(c|\mathbf{x})} + e^{p(\mathbf{x})}$ c=1,...,CB) $c(\mathbf{x}) = \arg\min \ e^{p(\mathbf{x},c)}$ C) $c(\mathbf{x}) = \arg \max - \log p(\mathbf{x}, c)$ D) Ninguno de los tres clasificadores anteriores es de error mínimo. Sea $g(\mathbf{x})$ un clasificador. Indica cuál de las siguientes funciones no define un clasificador equivalente (o escoge la última opción si todas definen un clasificador equivalente):

A) $f(g(\mathbf{x})) = ag(\mathbf{x}) + b$ a > 0

D) Las tres funciones anteriores definen un clasificador equivalente.

B) $f(g(\mathbf{x})) = \log g(\mathbf{x})$ C) $f(g(\mathbf{x})) = \exp g(\mathbf{x})$

Examen final de SIN: Problema del bloque 2 (2 puntos)

ETSINF, Universitat Politècnica de València, 19 de diciembre de 2024

Grupo, apellidos y nombre: 1,

Problema sobre regresión logística

La siguiente tabla presenta por fila una muestra de entrenamiento de 2 dimensiones procedente de una clase:

Adicionalmente, la siguiente tabla representa una matriz de pesos iniciales con los pesos de cada clase dispuestos por columnas:

\mathbf{w}_1	\mathbf{w}_2
0.5	-0.5
0.5	-0.5
0.5	-0.5

Se pide:

- 1. (0.25 puntos) Calcula el vector de logits asociado a la muestra de entrenamiento.
- 2. (0.25 puntos) Aplica la función softmax al vector de logits de la muestra de entrenamiento.
- 3. (0.25 puntos) Calcula la neg-log-verosimilitud del conjunto de entrenamiento respecto a la matriz de pesos iniciales.
- 4. (0.25 puntos) Clasifica la muestra de entrenamiento. En caso de empate, elige cualquier clase.
- 5. (0.5 puntos) Calcula el gradiente de la función NLL en el punto de la matriz de pesos iniciales.
- 6. (0.5 puntos) Actualiza la matriz de pesos iniciales aplicando descenso por gradiente con factor de aprendizaje $\eta = 1.0$.