

Examen del Bloc 2 de Sistemes Intel·ligents (tipus B)  
ETSINF, UPV, 18 de desembre de 2017. Puntuació: nencerts - nerrors/3.

1 ☐ Quina de les següents expressions és *incorrecta*?

- A)  $\sum_x P(x | y) = 1, \forall y$
- B)  $\sum_y P(x | y) = 1, \forall x$
- C)  $\sum_x \sum_y P(x, y) = 1$
- D)  $\sum_x P(x | u) = \sum_y P(y | w), \forall u, w$

2 ☐ Es tenen dos magatzems de taronges: 1 i 2. El 65% de les taronges es troben al magatzem 1 i la resta al 2. Se sap que al magatzem 1 hi ha un 1% de taronges no aptes per al consum; i un 3% al 2. Supposeu que es distribueix una taronja no apta per al consum. Quina és la probabilitat  $P$  que siga del magatzem 1?

- A)  $0.00 \leq P < 0.25$
- B)  $0.25 \leq P < 0.50$
- C)  $0.50 \leq P < 0.75$
- D)  $0.75 \leq P$

3 ☐ Siga  $\mathbf{x} = (\mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_N)$  un objecte donat mitjançant una seqüència de  $N$  vectors de característiques, el qual es vol classificar en una  $C$  de classes. Indica quin dels següents classificadors *sí* és d'error mínim ( $\mathbf{x}_2^N$  denota  $\mathbf{x}_2, \dots, \mathbf{x}_N$ ):

- A)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1, \dots, C} p(\mathbf{x}_1 | c) p(\mathbf{x}_2^N | \mathbf{x}_1)$
- B)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1, \dots, C} p(\mathbf{x}_1 | c) p(\mathbf{x}_2^N | \mathbf{x}_1, c)$
- C)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1, \dots, C} p(\mathbf{x}_1, c) p(\mathbf{x}_2^N | \mathbf{x}_1)$
- D)  $c(\mathbf{x}) = \arg \max_{c=1, \dots, C} p(\mathbf{x}_1, c) p(\mathbf{x}_2^N | \mathbf{x}_1, c)$

4 ☐ Siga un classificador en 3 classes per a  $\mathbf{x} = (x_1, x_2)^t \in [0, 1]^2$  amb les distribucions de probabilitat donades a la dreta. Quina és la probabilitat d'error  $p_e$  del classificador?

- A)  $0.65 \leq p_e$
- B)  $0.45 \leq p_e < 0.65$
- C)  $0.35 \leq p_e < 0.45$
- D)  $p_e < 0.35$

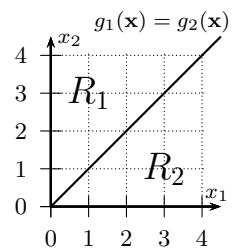
$x_1$	$x_2$	$p(c = 1   \mathbf{x})$	$p(c = 2   \mathbf{x})$	$p(c = 3   \mathbf{x})$	$p(\mathbf{x})$
0	0	1.0	0.0	0.0	0.1
0	1	0.01	0.01	0.98	0.2
1	0	0.25	0.5	0.25	0.3
1	1	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	0.4

5 ☐ Siga un problema de classificació en quatre classes d'objectes a  $\mathbb{R}^3$ . Es té un classificador de funcions discriminants lineals amb vectors de pesos (en notació homogènia):  $\mathbf{w}_1 = (-2, 1, 2, 0)^t$ ,  $\mathbf{w}_2 = (0, 2, 2, 0)^t$ ,  $\mathbf{w}_3 = (1, 1, 1, 0)^t$  i  $\mathbf{w}_4 = (3, 0, 0, 1)^t$ . Indica a quina classe s'assignarà l'objecte  $\mathbf{x} = (1, 2, 2)^t$  (*no* en notació homogènia).

- A) 4.
- B) 3.
- C) 2.
- D) 1.

6 ☐ En la figura es representen frontera i regions de decisió d'un classificador binari. Quin dels següents parells de vectors de pesos correspon al classificador de la figura?

- A)  $\mathbf{w}_1 = (-1, -1, -2)^t$  i  $\mathbf{w}_2 = (-1, -2, -1)^t$
- B)  $\mathbf{w}_1 = (1, -1, -2)^t$  i  $\mathbf{w}_2 = (0, -2, -1)^t$
- C)  $\mathbf{w}_1 = (-1, 1, 2)^t$  i  $\mathbf{w}_2 = (0, 2, 1)^t$
- D)  $\mathbf{w}_1 = (1, 1, 2)^t$  i  $\mathbf{w}_2 = (1, 2, 1)^t$



7 ☐ Siga un problema de classificació en 3 classes,  $c = 1, 2, 3$ , per a objectes representats mitjançant vectors de característiques bidimensionals. Es tenen 3 mostres d'entrenament representades en notació homogènia:  $\mathbf{x}_1 = (1, 1, 2)^t$  de la classe  $c_1 = 1$ ,  $\mathbf{x}_2 = (1, 2, 3)^t$  de la classe  $c_2 = 2$  i  $\mathbf{x}_3 = (1, 3, 1)^t$  de la classe  $c_3 = 3$ . Així mateix, es té un classificador lineal definit pels vectors de pesos:  $\mathbf{w}_1 = (w_{10}, w_{11}, w_{12}) = (2, -8, 0)^t$ ,  $\mathbf{w}_2 = (w_{20}, w_{21}, w_{22}) = (-5, -2, -1)^t$  i  $\mathbf{w}_3 = (w_{30}, w_{31}, w_{32}) = (-2, 1, -10)^t$ . Si apliquem una iteració de l'algorisme Perceptró a partir d'aquests vectors de pesos, amb factor d'aprenentatge  $\alpha = 1$  i marge  $b = 1.5$ , llavors:

- A) Es modificaran els vectors de pesos  $\mathbf{w}_1$  i  $\mathbf{w}_2$ .
- B) Es modificaran els vectors de pesos  $\mathbf{w}_1$  i  $\mathbf{w}_3$ .
- C) Es modificaran els vectors de pesos  $\mathbf{w}_2$  i  $\mathbf{w}_3$ .
- D) No es modificarà cap vector de pesos.

- 8 ☐ En el procés d'entrenament d'un arbre de classificació, un node intern  $t$  té un grau d'impuresa  $\mathcal{I}(t) > 0$ . Un dels "splits" produeix un decrement d'impuresa igual a  $\mathcal{I}(t)$ . Indica l'afirmació correcta:
- No és possible aconseguir aqueix decrement d'impuresa.
  - Aquest "split" genera dos nodes purs.
  - Aquest "split" genera un node pur i un altre impur.
  - Aquest "split" genera dos nodes impurs.
- 9 ☐ Per a un problema de classificació de dades bidimensionals  $\mathbf{x} = (x_1, x_2)$  en dues classes disposem d'un arbre de classificació. Quin tipus de fronteres de decisió defineix el node arrel?
- $a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c = 0$  on  $a \neq 0 \wedge b \neq 0$
  - $a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c = 0$  on  $a = 0 \vee b = 0$
  - $a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c = 0$  on  $a \neq 0 \vee b = 0$
  - $a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c = 0$  on  $a = 0 \vee b \neq 0$
- 10 ☐ Supposeu que estem aplicant l'algorisme d'aprenentatge d'arbres de classificació per a un problema de quatre classes: 1, 2, 3 i 4. L'algorisme ha aconseguit un node  $t$  que inclou una dada de cada classe, açò és, 4 en total. Es pretén avaluar la qualitat d'una partició del node  $t$  mitjançant un "split"  $s = (j, r)$ , que divideix les dades en dos nodes  $t_1$  i  $t_2$  de la següent forma: les dades de les classes 1 i 2 queden en el node  $t_1$  i les dades de les classes 3 i 4 queden en el node  $t_2$ . El decrement d'impuresa  $\Delta\mathcal{I}(j, r, t)$  (mesurat com entropia) per a quantificar la qualitat d'aquesta partició és:
- $\Delta\mathcal{I}(j, r, t) < 0.0$ .
  - $0.0 \leq \Delta\mathcal{I}(j, r, t) < 0.5$ .
  - $0.5 \leq \Delta\mathcal{I}(j, r, t) < 1.0$ .
  - $1.0 \leq \Delta\mathcal{I}(j, r, t)$ .
- 11 ☐ Indica quina de les següents afirmacions sobre un arbre de classificació construït mitjançant l'algorisme d'aprenentatge d'arbres és *incorrecta*.
- En cada node  $t$  la suma per a totes les classes de  $P(c | t)$  és 1.
  - En cada node  $t$ , la probabilitat a posteriori de qualsevol classe  $c$ ,  $P(c | t)$ , és sempre major o igual que el menor dels pesos o probabilitats de decisió dels seus dos fills.
  - La impuresa d'un node, mesurada com entropia, no pot ser menor que 0 ni major que  $\log_2 C$ , on  $C$  és el nombre de classes.
  - Si  $N$  és el nombre de dades d'aprenentatge, la profunditat de l'arbre no serà major que  $N$  encara que, en la pràctica, sol ser proporcional a  $\log_2 N$ .
- 12 ☐ En la figura de la dreta es representen 4 mostres bidimensionals. Quin és el nombre de clústers que minimitza la suma d'errors quadràtics per a les dites 4 mostres?
- 4
  - 3
  - 2
  - 1
- 13 ☐ La figura a la dreta mostra una partició de 4 punts bidimensionals en 2 clústers (representats mitjançant els símbols  $\bullet$  i  $\circ$ ). La transferència del punt  $(2, 3)^t$  del clúster  $\bullet$  al  $\circ$  condueix a una variació de la SEQ,  $\Delta J$ , tal que:
- $-1 \geq \Delta J$ .
  - $-\frac{1}{2} \geq \Delta J > -1$ .
  - $0 \geq \Delta J > -\frac{1}{2}$ .
  - $\Delta J > 0$ .
- 14 ☐ En la figura de la dreta es mostra una partició de 4 punts bidimensionals de 2 clústers. La transferència del punt  $(1, 1)^t$  del clúster  $\bullet$  al clúster  $\circ$
- produeix un decrement en la SEQ.
  - produeix un increment en la SEQ.
  - no altera la SEQ.
  - produeix una SEQ negativa.
- 15 ☐ Considereu l'algorisme  $C$ -mitjanes de Duda i Hart. Indiqueu quina de les següents afirmacions és *correcta*:
- Quan un clúster es queda buit, aquest clúster s'elimina.
  - La seua bona eficàcia computacional s'aconsegueix gràcies al càlcul incremental de la variació de distorsió i dels vectors mitjana de clúster.
  - Determina el nombre de clústers que minimitza la suma d'errors quadràtics (SEQ).
  - Cap de les anteriors.

