Examen final de SIN: Test del bloc 2 (1,75 punts)

ETSINF, Universitat Politècnica de València, 19 de desembre de 2024

Grup, cognoms i nom: 2,

Marca cada requadre amb una única opció. Puntuació: $\max(0, (\text{encerts} - \text{errors}/3) \cdot 1, 75/9)$.

Donada la següent taula de probabilitats condicionals de les 3 variables de interés:

A	0	0	0	0	1	1	1	1
В	0	0	1	1	0	0	1	1
C	0	1	0	1	0	1	0	1
$P(A, B \mid C)$	0.125	0.188	0.375	0.312	0.408	0.190	0.092	0.310

Si P(C = 0) = 0.72, quin és el valor de $P(A = 0 \mid B = 0, C = 1)$?

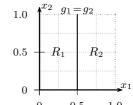
A)
$$P(A=0 \mid B=0, C=1) \le 0.25$$

B)
$$0.25 < P(A=0 \mid B=0, C=1) \le 0.50$$

C)
$$0.50 < P(A=0 \mid B=0, C=1) \le 0.75$$

D)
$$0.75 < P(A=0 \mid B=0, C=1) \le 1.00$$

Donat el classificador en dues classes definit per la seua frontera i regions de decisió de la figura de la dreta, ¿quin dels següents vectors de pesos (en notació homogènia) defineix un classificador equivalent al donat?



A)
$$\mathbf{w}_1 = (-0.5, 0, 0)^t$$
 i $\mathbf{w}_2 = (0, -1, 0)^t$.

B)
$$\mathbf{w}_1 = (0.5, 0, 0)^t$$
 i $\mathbf{w}_2 = (0, 1, 0)^t$.

C)
$$\mathbf{w}_1 = (0, 1, 0)^t$$
 i $\mathbf{w}_2 = (0.5, 0, 0)^t$.

D) Tots els vectors de pesos anteriors defineixen classificadors equivalents.

Siga un problema de classificació en dos classes per a dades del tipus $\mathbf{x} = (x_1, x_2)^t \in \{0, 1\}^2$, amb les distribucions de probabilitat de la taula. Indica en quin interval es troba la probabilitat de error ε del classificador $c(\mathbf{x})$ basat en la funció discriminant $g(\mathbf{x}) =$ $1.0 - x_1 + 0.5x_2$ definit com

$$c(\mathbf{x}) = \begin{cases} 1 & \text{si } g(\mathbf{x}) < 0 \\ 2 & \text{en cas contrari} \end{cases}$$

A)
$$\varepsilon < 0.25$$
.

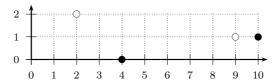
B)
$$0.25 \le \varepsilon < 0.50$$
.

C)
$$0.50 \le \varepsilon < 0.75$$
.

D)
$$0.75 \le \varepsilon$$
.

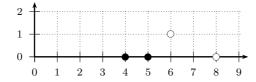
x	$P(c \mid \mathbf{x})$	
$x_1 x_2$	$c = 1 \ c = 2$	$P(\mathbf{x})$
0 0	0.9 0.1	0
0 1	0.8 0.2	0.1
1 0	0.1 - 0.9	0.5
1 1	0.6 - 0.4	0.4

4 La figura següent mostra una partició de 4 punts bidimensionals en dos clústers, \bullet i \circ :



Si transferim de clúster el punt $(10,1)^t$, es produeix una variació de la suma d'errors quadràtics (SEQ), $\Delta J = J - J'$ (SEQ després de l'intercanvi menys SEQ abans de l'intercanvi), tal que:

- A) $\Delta J < -7$.
- B) $-7 \le \Delta J < 0$.
- C) $0 \le \Delta J < 7$.
- D) $\Delta J \geq 7$.
- 5 Siga $g(\mathbf{x})$ un classificador. Indica quin de les següents funcions no definix un classificador equivalent (o escull l'última opció si totes definixen un classificador equivalent):
 - A) $f(g(\mathbf{x})) = ag(\mathbf{x}) + b$ a > 0
 - B) $f(g(\mathbf{x})) = a^{g(\mathbf{x})}$ a > 1
 - C) $f(g(\mathbf{x})) = ag(\mathbf{x})^3$ a > 0
 - D) Les tres funcions anteriors definixen un classificador equivalent.
- $6 \, \boxed{}$ La figura següent mostra una partició de 4 punts bidimensionals en dos clústers, \bullet i \circ :



Indica quin dels següents punts es transfereix de clúster quan apliquem l'algorisme K-mitjanes de Duda i Hart, però no quan apliquem la versió convencional de l'algorisme K-mitjanes:

- A) $(6,1)^t$
- B) $(4,0)^t$
- C) $(8,0)^t$
- D) $(5,0)^t$

7	Suposeu que estem aplicant l'algorisme Perceptró, amb factor d'aprenentatge $\alpha=1$ i marge $b=0.1,$ a un
	 conjunt de 3 mostres bidimensionals d'aprenentatge per a un problema de 2 classes. Se sap que, després de
	processar les primeres 2 mostres, s'han obtés els vectors de pesos $\mathbf{w}_1 = (0,1,-2)^t$, $\mathbf{w}_2 = (0,-1,2)^t$. Així
	mateix, se sap que, després de processar l'última mostra, (\mathbf{x}_3, c_3) , s'obtenen els mateixos vectors de pesos.
	Quina de les següents mostres és eixa última mostra?

- A) $((5,4)^t,1)$
- B) $((1,1)^t,2)$
- C) $((2,1)^t,1)$
- D) $((1,4)^t,1)$
- 8 Suposeu que tenim una caixa amb 10 taronges que conté 4 taronges Powell (P) i 6 Valencia (V) de la que hem tret dues taronges, una darrere d'una altra sense reposició. Donades les variables aleatòries:
 - T1: varietat de la primera taronja treta.
 - T2: varietat de la segona taronja treta.

Quina de les següents condicions no es certa?

- A) $P(T2 = P) < P(T2 = P \mid T1 = V)$
- B) P(T1 = P, T2 = V) = P(T1 = V, T2 = P)
- C) $P(T1 = V) = P(T1 = V \mid T2 = P)$
- D) $P(T2 = P) > P(T2 = P \mid T1 = P)$
- 9 Siga \mathbf{x} un objecte a classificar en una classe de C possibles. Indica quin dels següents classificadors no és (de risc) d'error mínim (o escull l'última opció si cap dels tres és d'error mínim):
 - A) $c(\mathbf{x}) = \underset{c=1,\dots,C}{\operatorname{arg\,min}} e^{p(\mathbf{x},c)}$
 - B) $c(\mathbf{x}) = \underset{c=1,...,C}{\operatorname{arg max}} \log p(\mathbf{x}, c)$
 - C) $c(\mathbf{x}) = \underset{c=1,...,C}{\operatorname{arg\,min}} \log p(\mathbf{x}, c)$
 - D) Cap dels tres classificadors anteriors és d'error mínim.

Examen final de SIN: Problema del bloc 2 (2 punts)

ETSINF, Universitat Politècnica de València, 19 de desembre de 2024

Grup, cognoms i nom: 2,

Problema sobre regressió logística

La següent taula presenta per fila una mostra d'entrenament de 2 dimensions procedent de una classe:

Addicionalment, la següent taula representa una matriu de pesos inicials amb els pesos de cadascuna de les classes per columnes::

\mathbf{w}_1	\mathbf{w}_2
-0.5	0.5
-0.5	0.5
-0.5	0.5

Es demana:

- 1. (0.25 punts) Calcula el vector de logits associat a la mostra d'entrenament.
- 2. (0.25 punts) Aplica la funció softmax al vector de logits de la mostra d'entrenament.
- 3. (0.25 punts) Calcula la neg-log-versemblança del conjunt d'entrenament respecte a la matriu de pesos inicials.
- 4. (0.25 punts) Classifica la mostra d'entrenament. En cas d'empat, tria qualsevol classe.
- 5. (0.5 punts) Calcula el gradient de la funció NLL en el punt de la matriu de pesos inicials.
- 6. (0.5 punts) Actualitza la matriu de pesos inicials aplicant descens per gradient amb factor d'aprenentatge $\eta=1.0$.