

Examen del bloc 2 de SIN: Test (1,75 punts)

ETSINF, Universitat Politècnica de València, 13 de gener de 2022

Grup, cognoms i nom: 2,

Marca cada requadre amb una única opció. Puntuació: $\max(0, (\text{encerts} - \text{errors}) / 3) \cdot 1,75 / 9$.

- 1 ☒ A La probabilitat d'error d'un classificador s'estima que és del 2%. Determina quin és el nombre mínim de mostres de test necessari, M , per aconseguir que l'interval de confiança al 95% del dit error no supere el $\pm 1\%$; açò es, $I = [1\%, 3\%]$: $M = 753$

- A) $M < 2000$.
B) $2000 \leq M < 3500$.
C) $3500 \leq M < 5000$.
D) $M \geq 5000$.

- 2 ☒ B Es té una partició d'un conjunt de dades 3-dimensionals en un nombre de clústers donat, $C \geq 2$. Considereu la transferència de la dada $\mathbf{x} = (6, 1, 10)^t$ d'un clúster i a altre j , $j \neq i$. Se sap que el clúster i conté 4 dades (comptant \mathbf{x}) i el j 2. Així mateix, se sap que la mitjana del clúster i és $\mathbf{m}_i = (2, 3, 3)^t$ i la del j $\mathbf{m}_j = (7, 10, 9)^t$. Si es realitza la dita transferència, es produirà un increment de la suma d'errors quadràtics, ΔJ , tal que: $\Delta J = -36.7$

- A) $\Delta J < -70$
B) $-70 \leq \Delta J < -30$
C) $-30 \leq \Delta J < 0$
D) $\Delta J \geq 0$

- 3 ☒ A Siga el següent conjunt de dades utilitzat per a entrenar un arbre de classificació amb 5 mostres bidimensionals que pertanyen a 2 classes:

n	1	2	3	4	5
x_{n1}	4	2	1	2	2
x_{n2}	1	2	2	5	4
c_n	2	2	1	2	2

Quantes particions diferents es podrien generar en el node arrel? No consideres les particions en les quals totes les dades s'assignen al mateix node fill.

- A) 5
B) 3
C) 7
D) 4

- 4 **B** Siga M un model de Markov de conjunt d'estats $Q = \{1, 2, F\}$ i alfabet $\Sigma = \{a, b\}$. Durant l'aplicació d'una iteració de l'algorisme de reestimació per Viterbi, s'ha obtingut un parell "(cadena, camí més probable)" per cada cadena d'entrenament. Seguidament, a partir de tots els parells obtinguts, s'han obtingut els comptes (freqüències absolutes) de transició entre estats mostrats en la taula a la dreta. La normalització *correcta* d'aquests comptes resultarà en la taula de probabilitats de transició entre estats:

A	1	2	F
1	1	3	4
2	4	1	1

A)

A	1	2	F
1	$\frac{1}{14}$	$\frac{3}{14}$	$\frac{4}{14}$
2	$\frac{4}{14}$	$\frac{1}{14}$	$\frac{1}{14}$

B)

A	1	2	F
1	$\frac{1}{8}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{4}{8}$
2	$\frac{4}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$

C)

A	1	2	F
1	$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{4}{4}$
2	$\frac{4}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$

D)

A	1	2	F
1	$\frac{1}{5}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{4}{5}$
2	$\frac{4}{5}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$

- 5 **A** Siguen els següents 3 nodes d'un arbre de classificació amb mostres pertanyents a 3 classes:

c	n_1	n_2	n_3
1	2	5	3
2	2	4	1
3	1	5	3

on cada fila indica el nombre de mostres de cada classe en el node. Quina de les següents desigualtats és certa?

- A) $\mathcal{I}(n_3) < \mathcal{I}(n_1) < \mathcal{I}(n_2)$
 B) $\mathcal{I}(n_3) < \mathcal{I}(n_2) < \mathcal{I}(n_1)$
 C) $\mathcal{I}(n_1) < \mathcal{I}(n_3) < \mathcal{I}(n_2)$
 D) $\mathcal{I}(n_2) < \mathcal{I}(n_3) < \mathcal{I}(n_1)$
- 6 **A** Supposeu que estem aplicant l'algorisme Perceptró, amb factor d'aprenentatge $\alpha = 1$ i marge $b = 0.1$, a un conjunt de 3 mostres bidimensionals d'aprenentatge per a un problema de 2 classes. Se sap que, després de processar les primeres 2 mostres, s'han obtingut els vectors de pesos $\mathbf{w}_1 = (0, -1, -2)^t$, $\mathbf{w}_2 = (0, 1, 2)^t$. Així mateix, se sap que, després de processar l'última mostra, (\mathbf{x}_3, c_3) , s'obtenen els vectors de pesos $\mathbf{w}_1 = (1, 4, 0)^t$, $\mathbf{w}_2 = (-1, -4, 0)^t$. Quina de les següents mostres és eixa última mostra?
- A) $((5, 2)^t, 1)$
 B) $((4, 1)^t, 2)$
 C) $((1, 2)^t, 2)$
 D) $((4, 3)^t, 2)$

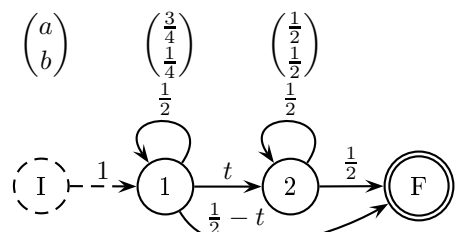
- 7 **D** En un problema de raonament probabilístic corresponent a desplaçaments per carretera, amb les variables aleatòries d'interès: Climatologia (C):{clar(CLA), ennuvolat (NUV), pluja (PLU)}; Lluminositat (L):{dia (DIA), nit (NIT)}; Seguretat (S):{segur (SEG), accident (ACC)}. La probabilitat conjunta de les tres variables ve donada en la taula:

$P(s, l, c)$	DIA			NIT		
	CLA	NUV	PLU	CLA	NUV	PLU
SEG	0.33	0.23	0.04	0.10	0.07	0.09
ACC	0.03	0.02	0.01	0.01	0.02	0.05

La probabilitat condicional $P(S = \text{ACC} \mid L = \text{DIA}, C = \text{CLA})$ és:

- A) 0.140
 B) 0.360
 C) 0.030
 D) 0.083
- 8 **B** Donat el classificador en 2 classes definit pels seus vectors de pesos $\mathbf{w}_1 = (-1, 0, 2)^t$, $\mathbf{w}_2 = (-1, 3, -1)^t$ en notació homogènia, quin dels següents conjunts de vectors **no** definix un classificador equivalent al donat?
- A) $\mathbf{w}_1 = (1, 0, 2)^t$, $\mathbf{w}_2 = (1, 3, -1)^t$
 B) $\mathbf{w}_1 = (2, 0, -4)^t$, $\mathbf{w}_2 = (2, -6, 2)^t$
 C) $\mathbf{w}_1 = (-3, 0, 6)^t$, $\mathbf{w}_2 = (-3, 9, -3)^t$
 D) $\mathbf{w}_1 = (-1, 0, 6)^t$, $\mathbf{w}_2 = (-1, 9, -3)^t$

- 9 **C** Siga M el model de Markov representat a la dreta, on t , $0 < t < \frac{1}{4}$, denota la probabilitat de transició de l'estat 1 al 2. Donada la cadena $x = \text{abb}$, la probabilitat de generar x mitjançant el camí $122F$, $P(\text{abb}, 122F)$, depèn de t . Anàlogament, la probabilitat de generar x mitjançant el camí $111F$, $P(\text{abb}, 111F)$, també depèn de t (a través de la probabilitat de transició de l'estat 1 al F). Indica en quin cas $P(\text{abb}, 111F) > P(\text{abb}, 122F)$:



- A) Mai.
 B) Si i només si $0 < t < \frac{1}{20}$.
 C) Si i només si $0 < t < \frac{1}{10}$.
 D) Sempre, és a dir, $0 < t < \frac{1}{4}$.

$$P(\text{abb}, 111F) = 1 \cdot \frac{3}{4} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} - t \right)$$

$$P(\text{abb}, 122F) = 1 \cdot \frac{3}{4} t \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$$

$$P(\text{abb}, 111F) > P(\text{abb}, 122F) \rightarrow t < \frac{1}{10}$$

Examen del bloc 2 de SIN: Problemes (2 punts)

ETSINF, Universitat Politècnica de València, 13 de gener de 2022

Grup, cognoms i nom: 2,

Problema sobre Forward i Viterbi

Siga M un model de Markov de conjunt d'estats $Q = \{1, 2, F\}$; alfabet $\Sigma = \{a, b\}$; probabilitats inicials $\pi_1 = \frac{1}{2}, \pi_2 = \frac{1}{2}$; i probabilitats de transició entre estats i d'emissió de símbols:

A	1	2	F
1	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$
2	$\frac{1}{7}$	$\frac{3}{7}$	$\frac{3}{7}$

B	a	b
1	$\frac{3}{6}$	$\frac{3}{6}$
2	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$

Siga $x=ab$. Es demana:

- (0,75 punts) Realitzeu una traça de l'algorisme *Forward* per a obtenir la probabilitat amb la qual M genera la cadena x , $P_M(x)$.
- (0,75 punts) Realitzeu una traça de l'algorisme de *Viterbi* per a obtenir l'aproximació de Viterbi a la probabilitat amb la qual M genera la cadena x , $\tilde{P}_M(x)$.
- (0,25 punts) A partir de la traça realitzada en l'apartat anterior, determineu un camí més probable amb el qual M genera x .
- (0,25 punts) Determineu la probabilitat amb la qual M genera x seguint un camí distint al més probable determinat en l'apartat anterior.

Solució:

- Forward:* $P_M(x) = 73/1176 = 0.06207$

	a	b	
1	1/4	3/56	
2	1/6	13/126	
F			73/1176

- Viterbi:* $\tilde{P}_M(x) = 1/42 = 0.02381$

	a	b	
1	1/4	1/24	
2	1/6	1/18	
F			1/42

- Camí més probable: $12F$
- $P_M(x) - \tilde{P}_M(x) = 15/392 = 0.03827$.