UNIVERSIDAD DE CHILE Facultad de Ciencias Agronómicas Escuela de Pregrado de Ciclo Básico

CALCULO II

Profesores Responsables : Jorge Alfaro C.

.

Código : CB2011

Semestre : Otoño - Primavera

Tipo de asignatura : Obligatoria

Requisito : Cálculo I y Geometría Análitica

Nº horas teóricas: 4Nº horas prácticas: 2Nº horas alumno: 6Unidades docentes: 12Página WEB:

Objetivos Generales:

1.- Comprender el concepto de integral de una función, manejar los métodos de integración y aplicarlos a cálculos geométricos y a problemas de Física, Química, Economía e Ingeniería.

- 2.- Comprender el concepto de serie y los criterios más usuales de convergencia, para aplicarlos en el cálculo de la suma de la serie y en la aproximación o representación de funciones.
- 3.- Manejar la representación gráfica de lugares geométricos del espacio.
- 4.- Aplicar el cálculo de derivadas parciales, de diferenciales e integrales iteradas en el estudio de propiedades de campos escalares y de superficies.

Objetivos Especificos:

- Conocer y manejar los métodos de integración.
- Calcular, usando integrales, áreas de superficies planas y de revolución, volúmenes de sólidos de revolución, longitud de un arco, masa, centro de masas, momento estático y de inercia de una lámina plana, el trabajo realizado por una fuerza.
- Conocer y aplicar criterios de convergencia para calcular sumas de series y desarrollar funciones en series de potencias.
- Representar geométricamente rectas, planos y superficies y determinar sus propiedades de intersecciones, simetrías y extensión.
- Conocer y aplicar las operaciones con vectores del plano y del espacio.
- Calcular el límite de una función escalar y analizar su continuidad en un punto.
 Operar con límites y funciones continuas.
- Calcular e interpretar las derivadas parciales y direccionales la diferencial y el gradiente de una función escalar.
- Calcular e interpretar el valor de una integral iterada de una función escalar.
 Invertir el orden de integración. Calcular áreas y volúmenes por medio de integración iterada.

Unidades Didácticas:

I.-Cálculo integral: a) <u>Integral indefinida</u>: Concepto. Propiedades. Métodos de integración.

Horas asignadas: 2 semanas /6 sesiones. 12 horas pedagógicas.

b) <u>Integral definida</u>: Integral de Riemann. Funciones R-integrables. Valor medio. Función definida por integral. Teorema fundamental del Cálculo. Integración por partes. Cambio variable.

Horas asignadas: 3 semanas / 6 sesiones. 12 horas pedagógicas.

c) Aplicaciones de la integración definida.

Cálculo de longitud de arco de curva, de área y volumen de sólidos de revolución, masa, centro de masas, momento estático y de inercia de láminas planas. Trabajo fuerzas.

Horas: 2 semanas / 6 sesiones. 12 horas pedagógicas.

II.- Series: a) <u>Concepto</u>. Sucesión de sumas parciales. Suma de una serie. b) <u>Tipos de series</u>. Series notables. Series telescópicas. c) <u>Algebra de series convergentes</u> (suma, múltiplos, producto). d) <u>Criterios de convergencia</u> (Comparación, cuociente, razón)

H de horas: 2 semanas / 6 sesiones. 12 horas pedagógicas.

III.- Geometría análitica del espacio: a) Sistemas de coordenadas y conceptos básicos: Coordenadas rectangulares. Distancia entre dos puntos. División de segmentos. Angulos, cosenos y números directores de una recta. Angulo entre dos rectas.

Horas asignadas: 1 semana / 3 sesiones. 6 horas pedagógicas.

b) <u>Planos, rectas y superficies</u>: Formas de la ecuación de un plano. Posiciones relativas de dos planos. Distancia de un punto a un plano. Familias. Formas de las ecuaciones de la recta. Planos proyectantes de una recta. Angulo entre una recta y un plano. Ecuación general de una superficie. Intersección con ejes y planos coordenados. Simetría respecto al origen, ejes y planos coordenados. Trazas y secciones planas. Extensión.

Horas asignadas: 2 semanas / 6 sesiones. 12 horas pedagógicas.

- **IV.- Funciones escalares de varias variables:** a) <u>El espacio n-dimensional real</u>: Vectores del plano y del espacio. Algebra vectorial. Productos escalar y vectorial. Norma. Distancia. Vecindades. Propiedades topológicas de puntos y conjuntos. Horas asignadas: 3 semanas / 9 sesiones. 18 horas pedagógicas.
- b) <u>Gráficas de funciones escalares y curvas de nivel</u>. c) <u>Límites y continuidad de funciones escalares</u>: Definición. Unicidad. Algebra de límites. Límites iterados. Función continua. Continuidad y límites. Propiedades. d) <u>Diferenciación de funciones escalares</u>: Derivada parcial, diferencial, derivada direccional y gradiante de una función escalar: Conceptos, propiedades y aplicaciones geométricas, físicas y económicas. Derivadas y diferenciales de funciones compuestas. e) <u>Integración iterada</u>: Integrales iteradas, Inversión del orden de integración. Cálculo de áreas, volúmenes, masa, centro de masa.

Horas: 3 semanas / 9 sesiones. 18 horas pedagógicas.

Metodología:

Este curso se realiza eminentemente en forma expositiva. Las clases de acuerdo a la complejidad de sus materías se dictan en forma teórico práctico. Se pretende que cada contenido teórico este relacionado con casos prácticos asociados a la Carrera para la cuál se entregan, permitiendo que el estudiante tempranamente se situe y familiarice con el quehacer profesional inherente.

Evaluación:

Esta asignatura será evaluada a través de tres pruebas de cátedra con una ponderación de un 25% cada una, pruebas de práctica equivalentes a un 25% y una prueba recuperativa al final del semestre, que reemplaza a alguna de las primeras pruebas de cátedra. El examen final tendrá una ponderación de un 30%.

Asistencia:

El alumno debe asistir a lo menos a un 75% de clases teóricas y a un 100% a las clases prácticas.

Bibliografía:

LARSON-HOSTETLER. 1995. Cálculo y Geo. Analítica. Ed. McGraw-Hill

GEORGE THOMAS 1984. Cálculo Infinitesimal y Geo. Analítica Ed. Aguilar

JACK BRITTON 1972. Matemáticas Universitarias. Tomo II. Ed.

C.E.C.S.A.

TOM APOSTOL 1995. Cálculo. Tomo II. Ed. Reverté S.A.

GRANVILLE 1982. Cálculo Diferencial e Integral. Ed. Trillas.

KITCHEN 1990. Cálculo en una variable. Ed. Addison Wesley