Calcolo delle Probabilità e Statistica Matematica – prototipo quesiti compito (negli appelli effettivi i punti saranno un po' meno e le domande teoriche tramite apposito modulo)

Analisi statistiche: Dopo aver importato nel dataframe totale i dati "inquinamento.txt" relativi a 1000 giornate estive in cui si sono registrati il quantitativo di plastica (in kg) recuperata in mare e il numero di **pesci** ritrovati morti per aver ingerito materiale plastico, svolgere i seguenti punti:

1. estrarre da totale un campione di 31 giornate con relativi valori di plastica e pesci. Con in dati di campione calcolare per pesci I e III quartile, mediana, media aritmetica e varianza campionaria della distribuzione unitaria, per plastica gli stessi indici ma per una distribuzione nelle classi:

$$[4, 9], [9, 12], [12, 18]$$
;

- 2. ipotizzando per la variabile plastica una distribuzione normale mentre per pesci una di Poisson, stimare i rispettivi parametri con il metodo dei momenti basandosi sui valori presenti in campione e tramite essi calcolare le probabilità di osservare una giornata con raccolta plastica superiore al 95° percentile di totale\$plastica e una con numero di pesci trovati morti per essa inferiore del 5° percentile di totale\$pesci;
- 3. utilizzando i dati per plastica in campione, condurre un test di adattamento delle frequenze registrate nella distribuzione in classi determinata al punto 1 con la distribuzione normale stimata al punto precedente;
- 4. Condurre un test d'indipendenza, con significatività del 5%, tra plastica e pesci usando i dati in campione;
- 5. Usando i dati di campione pesci e ipotizzando la loro provenienza da una distribuzione normale, condurre un test, con significatività dell' 1%, sull'ipotesi alternativa che la varianza della popolazione sia diverso dal valore σ_0 =4.19;
- 6. Prevedere, attraverso un modello di regressione lineare semplice basato su campione, il numero di pesci trovati intossicati in una giornata in cui si sono raccolti 15 Kg di plastica e commentare se il modello lineare sia buono o meno.

Problema di probabilità:

- 7. Se il tasso medio di accessi a un certo sito web è di 5 per minuto, si calcoli:
 - la probabilità che nei prossimi 3 minuti ci siano esattamente 15 accessi;
 - la probabilità che in mezz'ora non si superino i 100 accessi;
 - il numero massimo di accessi in un ora che si registrano nel 95% dei casi.

Do

in manifere massime at access in an ora one of regionality not yet a deficient
mande teoriche:
8. L'indice chi-quadro d'indipendenza è più vicino a 0 quanto più le coppie di dati sono vicine dall'essere perfettamente dipendenti \[\bigcup \] V \[\bigcup \] F, perché
9. L'indice di bontà d'adattamento R² può assumere valori tra [-1, 1] e in particolare -1 quando c'è perfetta dipendenza lineare negativa e 1 quando c'è perfetta dipendenza lineare positiva □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□
10. Un evento di probabilità nulla è certamente impossibile [] V [] F, perché
11. In un test d'ipotesi, il campione si dice significativo quando porta a confermare l'ipotesi nulla Holla V [] F, perché
12. Lo stimatore è un numero aleatorio mentre la stima un valore numerico \[\bigcup_\] \V \[\bigcup_\] \F, perché

ATTENZIONE: VISUALIZZARE a console E COMMENTARE I RISULTATI (# dopo i comandi)

SALVARE I DATI DI campione NEL FILE campione tuocognome.txt TRAMITE COMANDO write.table(campione, "campione tuocognome .txt", row.names=FALSE)

> SALVARE IL FILE COMANDI COME tuocognome.R e consegnare i DUE file tramite unistudium.