Electrónica Digital 1

Lógica combinacional -tiempos de propagación

Ferney Alberto Beltrán Molina



Marzo 2020



Contacto

Nombre: Ferney Alberto Beltrán Molina, Ing, MSc, PhD(c)

Email: fabeltranm@unal.edu.co

oficina: Centro de Investigación e Innovación

Contenido

Recordando

ejemplo comparador 1bit

Mapas de karnaugh

Tiempos de propagación

Multiplexores / demultiplexores

Índice

Recordando

ejemplo comparador 1bit

Mapas de karnaugh

Tiempos de propagación

Multiplexores / demultiplexores

Tipos de circuitos digitales

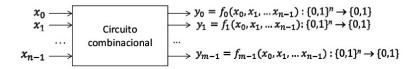
Circuitos combinacionales

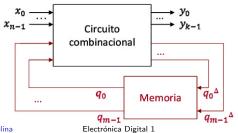
Las salidas del circuito en cada instante de tiempo dependen única de los valores de entrada. combina los valores de entrada en un intante de tiempo para calcular la salida

Circuitos secuenciales.

Las salidas del circuito secuencial dependen tanto de los valores actuales como de los anteriores de las entradas; en otras palabras, depende de la secuencia de entrada.

Tipos de circuitos digitales

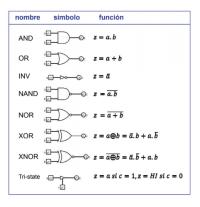




Álgebra de Boole propiedades

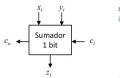
- 1 Elemento inverso, $\overline{0} = 1$, $\overline{1} = 0$
- 2 Idempotencia, a+a=a, $a\cdot a=a$
- 3 Involución, $\overline{a} = a$
- 4 Asociatividad, a+(b+c)=(a+b)+c, $a\cdot(b.c)=(a.b).c$
- 5 Absorción, a + a.b = a, $a \cdot (a + b) = a$
- 6 (sin nombre), $a + \overline{a}b = a + b$, $a \cdot (\overline{a} + b) = a.b$
- 7 de Morgan, $(\overline{a+b}) = \overline{a}.\overline{b}, \quad \overline{a.b} = \overline{a} + \overline{b}$
- 8 de Morgan generalizada, $(\overline{a_1 + a_2 + ... + a_n}) = \overline{a_1}.\overline{a_2}...\overline{a_n}$, $\overline{a_1.a_2...a_n} = \overline{a_1} + \overline{a_2} + ... + \overline{a_n}$

Álgebra de Boole propiedades



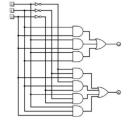
Funciones Booleanas - Resumiendo

► DescripciónFuncional ► TabladeVerdad ► función(s)Booleana(s) ► CircuitoDigital



$$\begin{split} s &<= x_1 + y_1 + c_1; \\ \text{if } s &= 0 \text{ then } z_i <= 0; c_o = 0; \\ \text{elsif } s &= 1 \text{ then } z_i <= 1; c_o <= 0; \\ \text{elsif } s &= 2 \text{ then } z_i <= 0; c_o <= 1; \\ \text{else } z_i <= 1; c_o <= 1; \\ \text{end if;} \end{split}$$

end if;



x_i	y_i	c_i	c_o	z_i
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

$$\begin{split} c_o &= y.\,c_i + x.\,c_i + x.\,y\\ z &= \bar{x}.\,\bar{y}.\,c_i + \bar{x}.\,y.\,\bar{c_i} + x.\,\bar{y}.\,\bar{c_i} + x.\,y.\,c_i \end{split}$$

respuesta - Ejemplo BCD2SSEG

$$b = \overline{x_2} + \overline{x_1} * \overline{x_0} + x_1 * x_0$$

$$c = \overline{x_1} + x_0 + x_2$$

$$\bullet \ \mathsf{e} = \overline{x_2} * \overline{x_0} + \overline{x_0} * x_1$$

$$f = \overline{x_0} * \overline{x_1} + \overline{x_1} * x_2 + x_2 * \overline{x_0} + x_3$$

Índice

Recordando

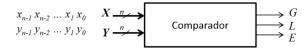
ejemplo comparador 1bit

Mapas de karnaugh

Tiempos de propagación

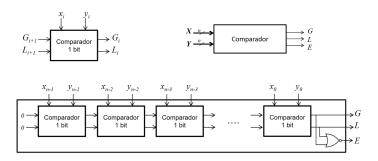
Multiplexores / demultiplexores

Comparador 1bit

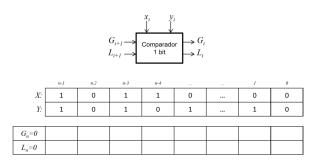


```
if X > Y then G <= 1;
    elsif X < Y then L <= 1;
    else E <= 1;
    end if;
end if;</pre>
```

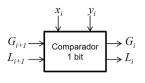
Comparador 1bit



Comparador 1bit

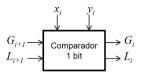


Comparador 1bit resultado de G_i



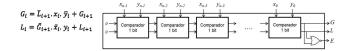
G_{i+I}	L_{i+1}	x_i	y_i	G_i	L_i
0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	1
0	0	1	0	1	0
0	0	1	1	0	0
0	1	х	х	0	1
1	0	х	х	1	0
1	1	х	х	х	х

Comparador 1bit resultado de L_i



G_{i+1}	L_{i+1}	x_i	y_i	G_i	L_i
0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	1
0	0	1	0	1	0
0	0	1	1	0	0
0	1	х	х	0	1
1	0	х	х	1	0
1	1	х	х	х	х

Comparador 1bit puertas lógicas



Índice

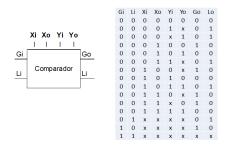
Recordando

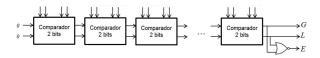
ejemplo comparador 1bit

Mapas de karnaugh

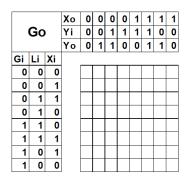
Tiempos de propagación

Multiplexores / demultiplexores

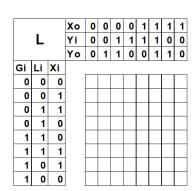




Gi	Li	Xi	Xo	Yi	Yo	Go	Lo
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	х	0	1
0	0	0	0	х	1	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	0	1	0	1	0	0
0	0	0	1	1	х	0	1
0	0	1	0	0	х	1	0
0	0	1	0	1	0	0	0
0	0	1	0	1	1	0	1
0	0	1	1	0	х	1	0
0	0	1	1	х	0	1	0
0	0	1	1	1	1	0	0
0	1	х	х	х	х	0	1
1	0	х	х	х	х	1	0
1	1	v	v	v	v	v	v



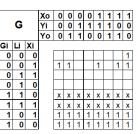
Gi	Li	Xi	Xo	Yi	Yo	Go	Lo
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	х	0	1
0	0	0	0	х	1	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	0	1	0	1	0	0
0	0	0	1	1	х	0	1
0	0	1	0	0	х	1	0
0	0	1	0	1	0	0	0
0	0	1	0	1	1	0	1
0	0	1	1	0	х	1	0
0	0	1	1	х	0	1	0
0	0	1	1	1	1	0	0
0	1	х	х	х	Х	0	1
1	0	х	х	х	х	1	0
1	1	х	х	х	Х	Х	х



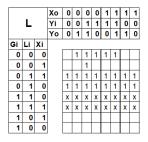
G		Хо	0	0	0	0	1	1	1	1	
		Υi	0	0	1	1	1	1	0	0	
			Yο	0	1	1	0	0	1	1	0
Gi	Ξ	Χi									
0	0	0									1
0	0	1		1	1			1		1	1
0	1	1									
0	1	0									
1	1	0		X	X	х	х	X	X	X	X
1	1	1		X	X	X	х	X	X	X	X
1	0	1		1	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0		1	1	1	1	1	1	1	1

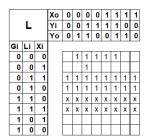
_		Хо	0	0	0	0	1	1	1	1	
G			Υi	0	0	1	1	1	1	0	0
			Yο	0	1	1	0	0	1	1	0
Gi	Li	Χi									
0	0	0									1
0	0	1		1	1			1		1	1
0	1	1									
0	1	0									
1	1	0		X	х	х	х	х	X	х	X
1	1	1		X	X	х	Х	х	X	х	x
1	0	1		1	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0		1	1	1	1	1	1	1	1

	_		Χo	0	0	0	0	1	1	1	1
	G			0	0	1	1	1	1	0	0
			Υo	0	1	1	0	0	1	1	0
Gi	Li	Χi									
0	0	0									1
0	0	1		1	1			1		1	1
0	1	1									
0	1	0									
1	1	0		X	Х	х	х	х	Х	Х	Х
1	1	1		X	X	X	х	Х	X	X	X
1	0	1		1	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0		1	1	1	1	1	1	1	1

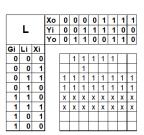


$$G_o =$$



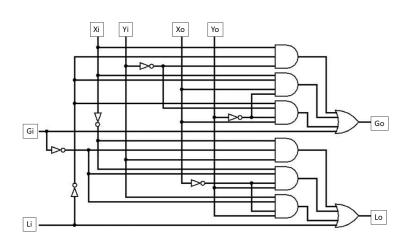


L			Χo	0	0	0	0	1	1	1	1
			Yi	0	0	1	1	1	1	0	0
			Υo	0	1	1	0	0	1	1	0
Gi	Li	Χi									
0	0	0			1	1	1	1	1		
0	0	1				1					
0	1	1		1	1	1	1	1	1	1	1
0	1	0		1	1	1	1	1	1	1	1
1	1	0		X	X	Х	X	X	X	X	X
1	1	1		Х	X	Х	X	X	X	X	X
1	0	1									
1	0	0									

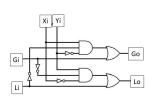


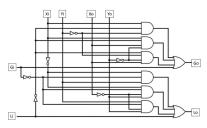
$$L_o =$$

Resultado



Comparativa de puertas



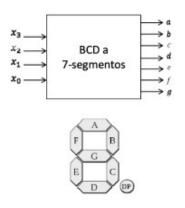


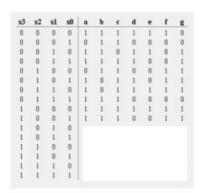
Número de puertas por cada implementación

Comparador de 1 bit

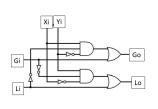
Comparador de 2 bit

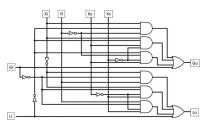
mapas K - Ejemplo BCD2SSEG





comparativa de tiempos





Tiempo de propagación en cada implementación ?

Comparador de 1 bit

Comparador de 2 bit

Índice

Recordando

ejemplo comparador 1bit

Mapas de karnaugh

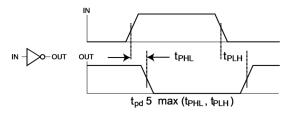
Tiempos de propagación

Multiplexores / demultiplexores

Tiempos de propagación

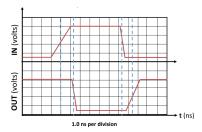
El tiempo de propagación es el tiempo que tarda un cambio en una entrada de una puerta para verse reflejado a la salida.

- 1. El retraso generalmente se mide al 50 % con respecto a los niveles de voltaje de salida H y L.
- 2. La señal de salida de alto a bajo (t_{PLH}) y de bajo a alto (t_{PLH}) . los cambios pueden tener diferentes retrasos de propagación.
- 3. Los cambio de alto a bajo (HL) y de bajo a alto (LH) son definido con respecto a la salida, no a la entrada.



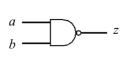
Ejercicio: Tiempos de propagación

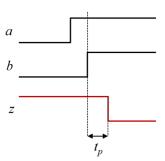
Cuál es el tiempo de propagación de 4 inversores idénticos según la gráfica ?



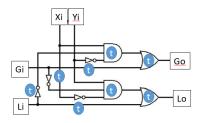
Tiempos de propagación

1. Toda puerta lógica tiene un tiempo de retraso en la salida respecto a la entrada

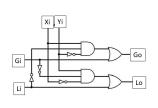


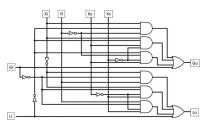


Tiempos de propagación



comparativa de tiempos



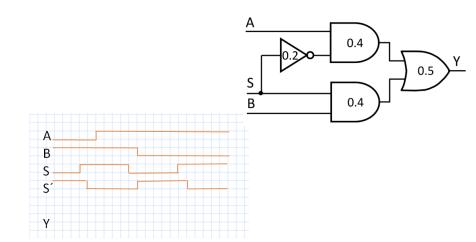


Tiempo de propagación en cada implementación ?

Comparador de 1 bit

Comparador de 2 bit

Ejercicio



Índice

Recordando

ejemplo comparador 1bit

Mapas de karnaugh

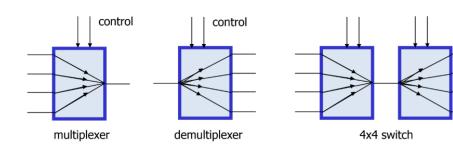
Tiempos de propagación

Multiplexores / demultiplexores

descripción

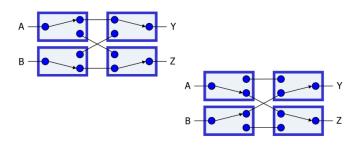
Son una conexiones directas punto a punto entre puertas

- multiplexor Enrutar una de muchas entradas a una sola salida
- demultiplexor Enrutar una sola entrada a una de las muchas salidas



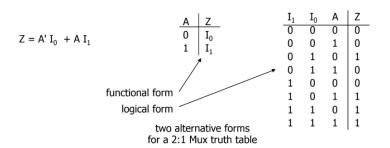
conmutación

Son una conexiones directas punto a punto entre puertas Se puede usar para hacer redes de conmutación de tamaño arbitrario: se usa para implementar interconexión de múltiples fuentes / múltiples destinos

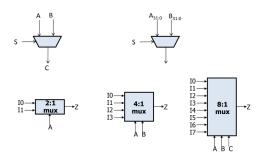


concepto general

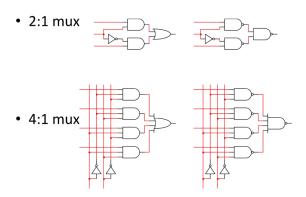
- 2ⁿ entradas de datos, n entradas de control (llamadas "selección"), 1 salida
- Se usa para conectar 2^n puntos a un solo punto
- El patrón de señal de control forma un índice binario de entrada conectada a la salida



concepto general



implementación con puertas



Tablas de verdad

Α	В	С	F
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

$$F(A,B,C) = m0 + m2 + m6 + m7$$

$$= A'B'C' + A'BC' + ABC' + ABC$$

$$= A'B'(C') + A'B(C') + AB'(0) + AB(1)$$

Tablas de verdad

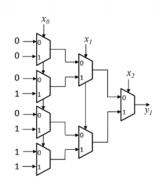
Toda función booleana puede implementarse con multiplexores 2-a-1 de 1 bit utilizando reiteradamente la siguiente regla (Ley de Shannon)

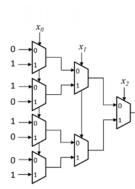
$$f(x_0, x_1, ...x_n) = \overline{x_0} * f(0, x_1, ...x_n) + x_0 * f(1, x_1, ...x_n)$$

.

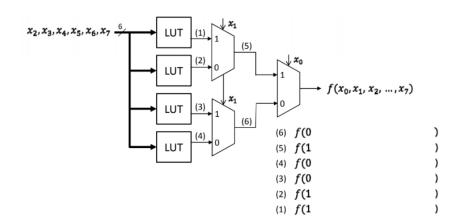
Tablas de verdad

x2	x1	x0	y1 y0
0	0	0	0 0
0	0	1	0 1
0	1	0	0 1
0	1	1	1 0
1	0	0	0 1
1	0	1	1 0
1	1	0	1 0
1	1	1	1 1



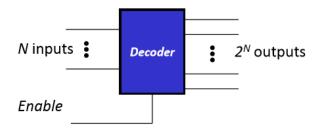


look Uo Table



Decodificador/demultiplexor

- n entradas
- ightharpoonup m=2'm salidas



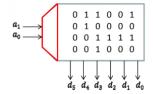
Decodificador/demultiplexor



$x_I x_\theta$	$y_0 y_1 y_2 y_3$	
0 0	1000	
0 1	0100	
1 0	0010	
1 1	l nn n 1 l	

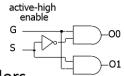
$$y_0 = \bar{x}_1.\bar{x}_0 = m_0; \ y_1 = \bar{x}_1.x_0 = m_1$$

 $y_2 = x_1.\bar{x}_0 = m_2; \ y_3 = x_1.x_0 = m_3$

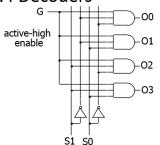


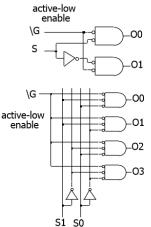
Decodificador con puertas lógicas

1:2 Decoders

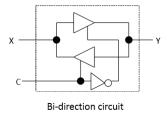


2:4 Decoders





Bidireccional



PREGUNTAS