# Utilizando prioris de complexidade penalizada para estimação de tamanho de uma população a partir de filogenias

Cristiana Aparecida Nogueira Couto

Orientador: Luiz Max Carvalho

EMAp-FGV

25 de junho 2021



Introdução

Justificativa

Métodos

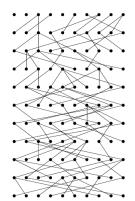
Cronograma

Considerações finais

Referências bibliográficas

1. Um apanhado geral

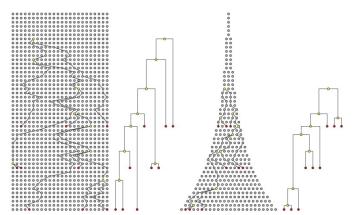
Figura: O processo genealógico.



Fonte: (NORDBORG, 2004)



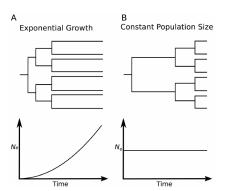
Figura: Amostra da população e árvore filogenética



Fonte: (KüHNERT; WU; DRUMMOND, 2011)

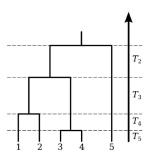


Figura: Crescimento da população



Fonte: (VOLZ; KOELLE; BEDFORD, 2013)

Figura: Tempos de coalescência



Fonte: (VOLZ; KOELLE; BEDFORD, 2013)

#### Tabela: Revisão de literatura

Conjunto de dados Descrição do objetivo Investigar a dinâmica 63 sequências de HCV, vírus transmissor da hepatite C, populacional do HCV no Egito amostrados em 1993 no Egito. (MININ; BLOOMQUIST; SUCHARD, 2008) Três conjuntos de dados correspondendo Investigar a dinâmica populacional intra-sazonal da influenza a três épocas gripais, período recorrente anual caracterizado pelos surtos de influenza (MININ; BLOOMQUIST; SUCHARD, 2008) 399 sequências de HIV-1, Inferir a função amostradas no Senegal entre 1990 e 2014. demográfica(DIDELOT; VOLZ, 2021) Todas as 179 sequências são do subtipo CRF02\_AG.

2.

# A motivação matemática

Qual é o problema e quais as motivações para investigá-lo?



## Modelo Demográfico por Partes:

Seja uma árvore filogenética T com n folhas. Seja  $s=(s_2,s_3,...,s_n)$  os intervalos de inter-coalescência de T, ou seja, intervalos entre os eventos de coalescência.

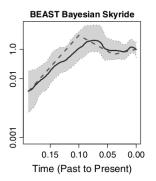
Seja  $\theta$  o tamanho da população, onde  $\theta = (\theta_2, ..., \theta_n)$ 

## Modelo Skyride

- Supõe que o tamanho da população muda suavemente ao longo do tempo;
- Define uma função priori no tamanho da população como um Processo Gaussiano suave.

Nesse modelo, precisamos inferir o parâmetro de precisão  $\tau$  que é desconhecido.

Figura: Estimação do tamanho efetivo de uma população com efeito gargalho



Fonte: (MININ; BLOOMQUIST; SUCHARD, 2008)



## Modelo Skyride

$$Pr(s|\theta) = \prod_{i=2}^{n} Pr(s_k|\theta_k)$$
 (1)

Transformação  $\gamma_k = log(\theta_k), k = 2, ..., n$ .

$$Pr(\gamma|\tau) \propto \tau^{\frac{n-2}{2}} exp\left(\frac{-\tau}{2} \sum_{k=2}^{n-1} \frac{(\gamma_{k+1} - \gamma_k)^2}{2\theta}\right)$$
 (2)

Fonte: (MININ; BLOOMQUIST; SUCHARD, 2008)



# Objetivo

Entender a influência da escolha da distribuição a priori nas inferências sobre a dinâmica populacional obtidas a partir de filogenias. Em particular, das chamadas prioris de complexidade penalizada (Penalised Complexity), PC.

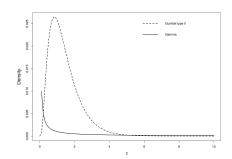
3

## Como fazer?

Experimentos e colocando a mão na massa.

Prioris de Complexidade Penalizada (SIMPSON et al., 2017) propõem um conceito para a construção de distribuições a priori que são robustas, invariantes à reparametrização e baseada em alguns princípios.

Figura: Prioris para o parâmetro de precisão au



Fonte: (CARVALHO, 2021)

#### Experimentos com dados simulados:

- População constante;
- População exponencial;
- População que teve um efeito gargalo, ou seja, um evento que reduz drasticamente o tamanho de uma população.
  - OS conjuntos de dados podem ser simulados com o pacote phylodyn do  $\mathbf{R}$ .

#### Experimentos com dados reais:

- Dengue do tipo 4;
- ► Influenza H3N2;
- Outros conjuntos de dados comumente usadas na literatura, como as sequências de HIV amostradas no Egito, por exemplo.

### Figura: Cronograma de atividades mensais

Tarefas\ Mês	Abril	Maio	Junho	Julho	Agosto	Setembro	Outubro	Novembro	Dezembr
Fundamentação teórica	x	x	×	x	x				
Estudar e compreender									
os principais conceitos									
de estatística bayesiana	×	x							
Compreender a teoria e									
utilização de prioris de									
complexidade penalizada									
		x							
Aprender os conceitos									
de filogenética e									
filodinâmica		x	x						
Escrita do relatório de									
entrega referente a A2		x	x						
Apresentação 1			х						
Experimentos com os									
dados				х	x				
Expandir experimentos					x	х			
Escrita da monografia			х	х	x	х	x		
Revisão de português e									
ABNT do texto final							x	х	
Preparar a apresentação									
(slides)								x	x
Entrega do relatório									x
Apresentação final									x

Fonte: Elaborado pela autora



Obrigada pela atenção!

Contato:

cristiana.couto@fgv.edu.br



CARVALHO, L. M. F. de. A better prior for the precision parameter in skyride/grid/track. 2021.

DIDELOT, X.; VOLZ, E. M. Maximum likelihood inference of pathogen population size history from a phylogeny. bioRxiv, Cold Spring Harbor Laboratory, 2021. Disponível em: <a href="https://www.biorxiv.org/content/early/2021/01/19/2021.01.18.427056">https://www.biorxiv.org/content/early/2021/01/19/2021.01.18.427056</a>.

KüHNERT, D.; WU, C.-H.; DRUMMOND, A. J. Phylogenetic and epidemic modeling of rapidly evolving infectious diseases. **Infection, Genetics and Evolution**, Elsevier BV, v. 11, n. 8, p. 1825–1841, dez. 2011. Disponível em: <a href="https://doi.org/10.1016/j.meegid.2011.08.005">https://doi.org/10.1016/j.meegid.2011.08.005</a>.

MININ, V. N.; BLOOMQUIST, E. W.; SUCHARD, M. A. Smooth skyride through a rough skyline: Bayesian coalescent-based inference of population dynamics. **Molecular Biology and Evolution**, Oxford University Press (OUP), v. 25, n. 7, p. 1459–1471, abr. 2008. Disponível em: <a href="https://doi.org/10.1093/molbev/msn090">https://doi.org/10.1093/molbev/msn090</a>>.



SIMPSON, D. et al. Penalising model component complexity: A principled, practical approach to constructing priors. **Statistical Science**, Institute of Mathematical Statistics, v. 32, n. 1, fev. 2017. Disponível em: <a href="https://doi.org/10.1214/16-sts576">https://doi.org/10.1214/16-sts576</a>.

VOLZ, E. M.; KOELLE, K.; BEDFORD, T. Viral phylodynamics. **PLoS Computational Biology**, Public Library of Science (PLoS), v. 9, n. 3, p. e1002947, mar. 2013. Disponível em: <a href="https://doi.org/10.1371/journal.pcbi.1002947">https://doi.org/10.1371/journal.pcbi.1002947</a>>.