

Seminar 8

Matrice – part. I

1. Sa se realizeze programul care calculeaza suma elementelor unei matrice dreptunghiulare de dimensiune $m \times n$ - $A(m \times n)$. Elementele matricei se vor citi de la tastatura.

Indicatie:

$$\text{Fie matricea } A = \begin{pmatrix} a(1,1) & a(1,2) & \dots & a(1,n) \\ a(2,1) & a(2,2) & \dots & a(2,n) \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a(m,1) & a(m,2) & \dots & a(m,n) \end{pmatrix}.$$

Suma elementelor este:

- $S = a(1,1) + a(1,2) + \dots + a(1,n) + a(2,1) + a(2,2) + \dots + a(2,n) + \dots + a(m,1) + \dots + a(m,n)$ daca se insumeaza pe linii (lexicografic)
- Sau $S = a(1,1) + a(2,1) + \dots + a(m,1) + a(1,2) + \dots + a(m,2) + \dots + a(1,n) + \dots + a(m,n)$ daca se insumeaza pe coloane (invers lexicografic).

Matricea A poate fi privita ca un vector dimensiune $m \times n$ daca este liniarizat. (lexicografic sau invers lexicografic).

Algoritm:

S=0

i = 1

j=1 S=S+a(1,1)=a(1,1)
j=2 S=S+a(1,2)=a(1,1)+a(1,2)
...
j=n S=S+a(1,n)=a(1,1)+...+a(1,n)

i=2

j=1 S=S+a(2,1)=a(1,1)+...+a(2,1)
...
j=n S=S+a(2,n)=a(1,1)+...+a(2,n)

i=m

j=1 S=S+a(m,1)=a(1,1)+...+a(m,1)
...
j=n S=S+a(m,n)=a(1,1)+...+a(m,n)

Algoritmul recursiv poate fi scris astfel:

- formula de start: S=0;
- formula recursiva: S=S+a(i,j); i=1,m, j=1,n.

Elementele matricei se introduc de la tastatura, element cu element , cu ajutorul a doua structuri DO-FOR imbricate.

Obs: In C indicii incep de la 0.

Exemplu

Dati numarul de linii: 2

Dati numarul de coloane: 3

Dati elementele matricei:

a[1][1]=3

a[1][2]=2

a[1][3]=1

a[2][1]=5

a[2][2]=6

a[2][3]=8

3	2	1
5	6	8

Suma este: 25

Rezolvare:

```
INTREG n,m,i,j,s, a[100][100];
```

```
SCRIE("Nr. de linii si de coloane:");
```

```
CITESTE (m,n) ;
```

```
//citire matrice
```

```
DO-FOR i = 0,m-1,1
```

```
    DO-FOR j=0,n-1,1
```

```
        CITESTE (a[i][j]) ;
```

```
    ENDDO ;
```

```
ENDDO ;
```

```
//afisare matrice
```

```
DO-FOR i = 0,m-1,1
```

```
    DO-FOR j=0,n-1,1
```

```
        SCRIE (a[i][j]) ;
```

```
    ENDDO ;
```

```
ENDDO ;
```

```
//calcul suma
```

```
s=0 ;
```

```
DO-FOR i = 0,m-1,1
```

```
    DO-FOR j=0,n-1,1
```

```
        s= s + a[i][j] ;
```

```
    ENDDO ;
```

```
ENDDO ;
```

```
SCRIE("Suma este:", s);
```

STOP.

2.Sa se realizeze programul care determina elementele maxim si minim dintr-o matrice dreptunghiulara A(mxn).

Indicatie

Fie matricea $A = \begin{matrix} a(1,1) & a(1,2) & \dots & a(1,n) \\ a(2,1) & a(2,2) & \dots & a(2,n) \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a(m,1) & a(m,2) & \dots & a(m,n) \end{matrix}$. Liniarizand matricea lexicografic se obtine un vector de

dimensiune mxn: $A=(a(1,1), a(1,2), \dots, a(1,n), a(2,1), \dots, a(2,n), \dots, a(m,1), \dots, a(m,n))$. Elementele MAX si MIN se determina ca fiind valoare maxima si respectiv minima din vector.

Algoritmul recursiv poate fi descris astfel:

- formule de start: $MAX=a(1,1)$; $MIN=a(1,1)$;
- formule recursive : $MAX=\max\{MAX, a(i,j)\}$; $i=1, m$; $j=1, n$;
 $MIN = \min\{MIN, a(i,j)\}$; $i=1, m$; $j=1, n$;

Daca matricea se considera liniarizata invers lexicografic algoritmul este similar, cu deosebirea ca ordinea de variatie a indicilor este inversa. Maximul si minimul se vor determina concomitent, pornind de la ipoteza ca un element oarecare $a(i,j)$ se poate afla:

- in intervalul $(MAX, +\infty)$ si este noua valoare maxima;
- in intervalul $(-\infty, MIN)$ si este noua valoare minima;
- in intervalul $[MIN, MAX]$, caz in care nu afecteaza niciuna din valorile cautate.

Exemplu

Dati numarul de linii: 2

Dati numarul de coloane: 3

Dati elementele matricei:

$a[1][1]=3$

$a[1][2]=2$

$a[1][3]=1$

$a[2][1]=5$

$a[2][2]=6$

$a[2][3]=8$

3	2	1
5	6	8

Max. este: 8

Min. este: 1

Rezolvare

INTREG n,m,i,j,max,min, a[100][100];

```

SCRIE("Nr. de linii si de coloane:");
CITESTE (m,n) ;

//citire matrice
DO-FOR i = 0,m-1,1
    DO-FOR j=0,n-1,1
        CITESTE (a[i][j]) ;
    ENDDO ;
ENDDO ;

//afisare matrice
DO-FOR i = 0,m-1,1
    DO-FOR j=0,n-1,1
        SCRIE (a[i][j]) ;
    ENDDO ;
ENDDO ;

//calcul max si min
max=a[0][0];
min=a[0][0];

DO-FOR i = 0,m-1,1
    DO-FOR j=0,n-1,1
        { IF (max<a[i][j]) THEN max=a[i][j]; ENDIF;
          IF (min>a[i][j]) THEN min=a[i][j]; ENDIF;
        }
    ENDDO ;
ENDDO ;

SCRIE("Max. este:", max);
SCRIE("Min. este:", min) ;

STOP.

```

3. Sa se scrie programul care realizeaza determinarea pozitiei primei aparitii a unei valori date intr-o matrice dreptunghiulara A(mxn).

Indicatii

- Matricea se va parcurge lexicografic.
- Cand se identifica valoarea cautata se afiseaza pozitia (linia si coloana) si se abandoneaza parcurgerea matricei. Iesirea fortata din structurile repetitive se realizeza cu ajutorul unei variabile care ia valoarea 1 daca valoarea data a fost regasita printre elementele matrice sau 0 in caz contrar. Testarea suplimentara a variabilei, alaturi de conditia de sfarsit de linii ($i > m$) si sfarsit de coloane ($j > n$), transforma structurile repetitive cu numarator in doua structuri WHILE-DO imbricate.
- In final, daca variabila este egala cu 0, inseamna ca valoarea nu a fost regasita si se afiseaza un mesaj corespunzator

Obs: In C, indicii pleaca de la 0.

Exemplu

Dati numarul de linii: 2

Dati numarul de coloane: 3

Dati elementele matricei:

a[1][1]=3

a[1][2]=2

a[1][3]=1

a[2][1]=5

a[2][2]=6

a[2][3]=8

Valoarea cautata este: 2

3	2	1
5	6	8

Valoarea cautata se afla pe linia 0 si coloana 1

Rezolvare

```
INTREG n,m,i,j,pozl, pozc, gas, val, a[100][100];
```

```
SCRIE("Nr. de linii si de coloane:");
```

```
CITESTE (m,n) ;
```

```
//citire matrice
```

```
DO-FOR i = 0,m-1,1
```

```
    DO-FOR j=0,n-1,1
```

```
        CITESTE (a[i][j]) ;
```

```
    ENDDO ;
```

```
ENDDO ;
```

```
CITESTE (val);
```

```
//afisare matrice
```

```
DO-FOR i = 0,m-1,1
```

```
    DO-FOR j=0,n-1,1
```

```
        SCRIE (a[i][j]) ;
```

```
    ENDDO ;
```

```
ENDDO ;
```

```
//identificare valoare
```

```
gas=0;
```

```
i=0;
```

```
WHILE ((i<m) &&(!gas)) DO
```

```
    {    j=0;
```

```
        WHILE ((j<n) && (!gas)) DO
```

```
            {    IF (a[i][j]=val) THEN
```

```

                                { gas = 1;
                                pozl = i;
                                pozc = j;
                                }
                                ENDIF;
                                j=j+1;
                                }
                                ENDWHILE;
                                i=i+1;
                                }
ENDWHILE;

IF (gas) THEN SCRIE ("Val. cautata se afla pe linia si coloana:", pozl,pozc);
ENDIF;

STOP.

```

4. Sa se scrie programul care sorteaza elementele unei matrice A(mxn) in ordine crescatoare.

Indicatie

Se va apela la un artificiu de programare – copierea tuturor elementelor din matrice intr-un vector. Acest vector este sortat si ulterior, elementele sortate sunt redistribuite in matrice.

Rezolvare

```

INTREG n,m,i,j,k, l, a[10][10], c[10][10], v[100], aux;
SCRIE("Nr. de linii si de coloane:");
CITESTE (n,m) ;

```

```

//citire matrice
DO-FOR i = 0,n-1,1
    DO-FOR j=0,m-1,1
        CITESTE (a[i][j]) ;
    ENDDO ;
ENDDO ;

```

```

//afisare matrice
DO-FOR i = 0,n-1,1
    DO-FOR j=0,m-1,1
        SCRIE (a[i][j]) ;
    ENDDO ;
ENDDO ;

```

```

//sortare
k=0;
DO-FOR i = 0,n-1,1

```

```

DO-FOR j=0,m-1,1
    {
        v[k]=a[i][j];
        k=k+1;
    }
ENDDO ;
ENDDO ;

DO-FOR i = 0,k-2,1
    DO-FOR j=i+1,k,1
        IF (v[i]>v[j]) {
            aux= v[i];
            v[i]=v[j];
            v[j]=aux;
        }
    ENDIF;
ENDDO ;
ENDDO ;

DO-FOR i = 0,k-1,1 SCRIE (v[i]);
ENDDO ;

l=0;
WHILE (l<n*m)
    {
        i=0;
        WHILE (i<n)
            { j=0;
                WHILE (j<m)
                    { c[i][j]= v[l];
                        j=j+1;
                        l=l+1;
                    }
                ENDWHILE;
                i=i+1;
            }
        ENDWHILE;
    }
ENDWHILE;

DO-FOR i = 0,n-1,1
    { DO-FOR j=0,m-1,1
        SCRIE (c[i][j]) ;
    ENDDO ;
    }
ENDDO;

STOP.

```