CAIET DE TEME- BCO-ID-AN 1 PENTRU GRUPA 1110

Problema 1 . Scrieţi dualele următoarelor programe liniare

$$(\max) f = 4x_1 + 5x_2$$

$$x_1 + x_2 \le 15$$

$$x_1 + 7x_2 \le 21$$

$$3x_1 - x_2 \le 6$$

$$2x_1 + x_2 \ge 2$$

$$x_1, x_2 \ge 0$$

$$(\min) f = x_1 + x_2 + x_3$$

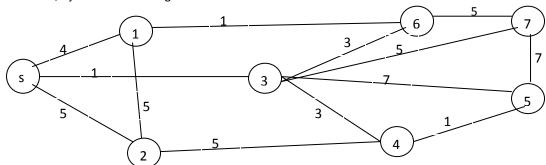
$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 6$$

$$4x_1 + 3x_2 + 2x_3 = 7$$

$$x_1, x_2, x_3 \ge 0$$

Problema 2.

a) O firmă specializată în asigurarea serviciilor de telecomunicații (s) trebuie să asigure serviciile specifice pentru 7 clienți situați într-un anumit cartier. Determinați modul de conectare a celor 7 clienți la rețeaua de telecomunicații astfel încât costul total de conectare să fie minim, cunoscând faptul că aceștia pot fi conectați în mai multe moduri, așa cum reiese din graful următor:



b) După realizarea conexiunilor departamentul ce asigură mentenanţa este solicitat de clientul care este identificat cu nodul 7 pentru a remedia o defecţiune apărută. Determinaţi drumul de valoare minimă de la nodul s (sediul companiei) la nodul 7 (sediul clientului), ştiind că valorile înscrise pe muchiile grafului reprezintă costurile deplasării între două noduri. Obţinerea soluţiei optime se va face prin aplicarea explicită a unuia din algoritmii studiaţi.

Problema 3.

Un proiect complex este identificat prin lista de activități descrisă de tabelul următor:

Activitate	Condiţionări	Durata	Resurse	
Activitate			R1	R2
Α	-	6	3	2
В	-	5	2	2
С	Α	7	2	3
D	A,B	4	3	3
E	A,B	3	1	6
F	С	8	3	3
	D1=3	D2 =6		

- a) Trasaţi graficul reţea asociat proiectului;
- b) Determinaţi drumul critic, durata minimă de execuţie a proiectului, termenele minime/ maxime de începere/terminare, rezervele totale de timp ale activităţilor, fără a ţine seama de resursele existente;
- c) Programați activitățile proiectului astfel încât durata de execuție a proiectului să fie minimă, fără ca disponibilul de resurse să fie depăşit.

Problema 4.

Aveți în vedere problema de transport dată prin tabelul alăturat.

- a) Scrieți modelul matematic al problemei date;
- b) Rezolvați problema de transport și interpretați economic soluția optimă obținută;
- c) Determinați soluția optimă știind ca ruta (1,4) nu mai poate fi folosită, fiind blocată.

	C _j	C ₁	C ₂	C ₃	C ₄	Disponibil
Fi						
F ₁		7	2	9	4	100
F ₂		6	4	3	8	300
F ₃		5	6	6	7	300
Necesar		125	275	100	200	

Problema 5.

Pentru asigurarea activității curente de producție, o firmă are nevoie de anumite cantități din trei repere. În principiu, firma are posibilitatea de a fabrica aceste repere cu mijloace proprii dar conducerea

este de părere că resursele disponibile nu sunt suficiente pentru producerea cantităților necesare astfel că se pune problema achiziționării unora de pe piață, cel puțin în parte. În procesul de fabricație al reperelor la firmă sunt implicate două utilaje, fiecare cu un număr limitat de ore disponibile de funcționare. Datele concrete ale situației sunt indicate în tabelul urmator:

Repere	Consumuri unit prelucrare	are de timp de (u.t./reper)	Cost intern de producție (u.m./reper)	Cost de achiziție de pe piață (u.m./reper)	Cantitatea necesară de repere (bucăţi)
	M ₁	M ₂			
R ₁	3	5	250	310	200
R ₂	3	6	440	470	100
R ₃	4	7	190	230	150
Timp disponibil (u.t.)	12340	13450			

Conducerea firmei este interesată în a stabili cât să producă și cât să cumpere de pe piață astfel încât totalul cheltuielilor să fie minim. Scrieți un program liniar in forma canonica care să răspundă acestui obiectiv. Aduceti problema la forma standard si dati semnificatia economica a variabilelor introduse.

NOTĂ:

- 1. Termenul de predare = la începutul examenului scris. Responsabilii de grupe vor colecta şi vor preda centralizat temele pentru toţi membrii grupei. Nu se vor accepta predări de teme după această data, indiferent de motiv.
- 2. Rezolvările vor fi scrise de mână, însoţite de o pagina pe care se specifică Numele + Prenumele + Grupa studentului +semnatura .
- 3. Paginile vor fi numerotate şi capsate sau prinse cu agrafă de birou şi apoi introduse într-o mapă simplă din plastic transparent.
- 4. Rezolvarea corecta si completa (facultativa) in QM sau win QSB a unora din aceste probleme si printarea rezultatelor constituie un argument pentru un bonus de 1 punct la nota finala.

Prof.univ.dr Badescu AdrianVictor