PROBLEMAS EDO DE SEGUNDO ORDEN

CRISTOPHER MORALES UBAL

mail:c.m.ubal@gmail.com

Ejercicio 1. Hallar la solucion general de la ecuación

$$xy'' - 2(x+1)y' + (x+2)y = x^3e^{2x}$$

para x>0 , sabiendo que la ecuación homogénea tiene una solución de la forma $y = e^{mx}$.

Ejercicio 2. Para x > -1 encuentre la solución general de la ecuación

$$(x+1)^3 y'' + 3(x+1)^2 y' + (x+1) y = 6 \ln(x+1)$$

sabiendo que una solución de la ecuación homogénea asociada es de la forma $y_1(x) = (x+1)^k$.

Ejercicio 3. Resolver las siguientes ecuaciones diferenciales

- a) $2y'' + 3y' 2y = 14x^2 4x 11$, y(0) = 0, y'(0) = 1
- b) $y'' + 2y' + y = (2 + 25x)\cos(2x) + sen(2x)$ c) $y'' 4y' + 13y = 3e^{2x} 5e^{3x}$ d) $y'' 2y' 3y = 4x 5 + 8xe^{3x}$

- e) $(3x-4)^2 y'' + 3(3x-4)y' + 36y = 0$, $y\left(\frac{5}{3}\right) = 3$, $y'\left(\frac{5}{3}\right) = 12$
- f) $x^2y'' + xy' 9y = 2 \ln x$ g) $y'' \frac{2}{x}y' + \frac{2}{x^2}y = \frac{\ln x}{x}$

Ejercicio 4. Para $x < \frac{1}{2}$ encuentre la solución general de la ecuación

$$(1-2x)^2 y'' + 4(1-2x) y' + 5y = (1-2x)^{5/2} (3 + \ln(1-2x))$$

Soluciones:

1.
$$y(x) = c_1 e^x + c_2 \frac{x^3}{3} e^x + (x^2 - 2x + 2) e^{2x}$$

2.
$$y(x) = \frac{c_1}{x+1} + c_2 \frac{\ln(x+1)}{x+1} + \frac{\ln^3(x+1)}{x+1}$$

3. $a) y(x) = \frac{188}{5} e^{-\frac{x}{2}} - \frac{3}{5} e^{-2x} - 7x^2 - 19x - 37$

3. a)
$$y(x) = \frac{188}{5}e^{-\frac{x}{2}} - \frac{3}{5}e^{-2x} - 7x^2 - 19x - 37$$

b)
$$y(x) = c_1 e^{-x} + c_2 x e^{-x} + \left(\frac{68}{29} - 3x\right) \cos(2x) + \left(-\frac{7}{29} + 4x\right) \sin(2x)$$

c) $y(x) = e^{2x} \left(c_1 \cos 3x + c_2 \sin 3x\right) + \frac{1}{3}e^{2x} - \frac{1}{2}e^{3x}$

c)
$$y(x) = e^{2x} (c_1 \cos 3x + c_2 \sin 3x) + \frac{1}{3} e^{2x} - \frac{1}{2} e^{3x}$$

d)
$$y(x) = c_1 e^{-x} + c_2 e^{3x} + \frac{23}{9} - \frac{4}{3}x + \left(x - \frac{1}{2}\right) x e^{3x}$$

e) $y(x) = 3\cos(2\ln(3x - 4)) + 2\sin(2\ln(3x - 4))$
f) $y(x) = c_1 x^3 + \frac{c_2}{x^3} - \frac{2}{9}\ln x$

e)
$$y(x) = 3\cos(2\ln(3x-4)) + 2\sin(2\ln(3x-4))$$

$$f(y)(x) = c_1 x^3 + \frac{c_2}{x^3} - \frac{2}{9} \ln x$$

g)
$$y(x) = c_1 x + c_2 x^2 - \left(\ln x + \frac{\ln^2 x}{2}\right) x$$

4.
$$y(x) = c_1 (1 - 2x)^{5/2} + c_2 (1 - 2x)^{1/2} + (1 - 2x)^{5/2} \left(\frac{3}{8} \ln (1 - 2x) - \frac{1}{16} \ln^2 (1 - 2x)\right) + (1 - 2x)^{1/2} \left(-\frac{3}{16} (1 - 2x)^2 + \frac{1}{8} (1 - 2x) - \frac{1}{8} (1 - 2x) \ln (1 - 2x)\right)$$