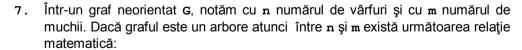
Grafuri neorientate - Bac 2007

1.			ul minim de no e muchii, şi în care					onţine	un graf
a.	25	b.	66		c. 6!	5	d.	26	
2.		7],	af neorientat cu r [2,6], [3,7] e are graful?					-	
a.	2	b	. 3		c.	8	(d. 1	
3.	[1,3], [1,7],	af neorientat cu r [2,6], [3,7] muchii ce pot fi	, [5,2],	[5,6]	, [8,	4]. Ca	are este
a.	0	b.	2	c.	3		d. 4	<u>l</u>	
4 . a.	Care este numa neorientat cu 8 i 0			i izo c.		e care le	poate		un graf
5.	Numărul maxim graf astfel încâ conex este:	de àt în	neorientat din figu muchii ce pot fi graful parţial re	elim ezult	ninate at să	din	1)————————————————————————————————————	3	5
a.	0	b.	T	C.	2		a.	3	
6. a.	Numărul maxim	de	neorientat din figu muchii ce pot fi ful parţial rezultat	elin	ninate	din onex	d.		2 3
a.	-	ν.	_		U.		ч.	_	



a. m=n+2b. n=m-1 d. n=m+2c. n=m+1

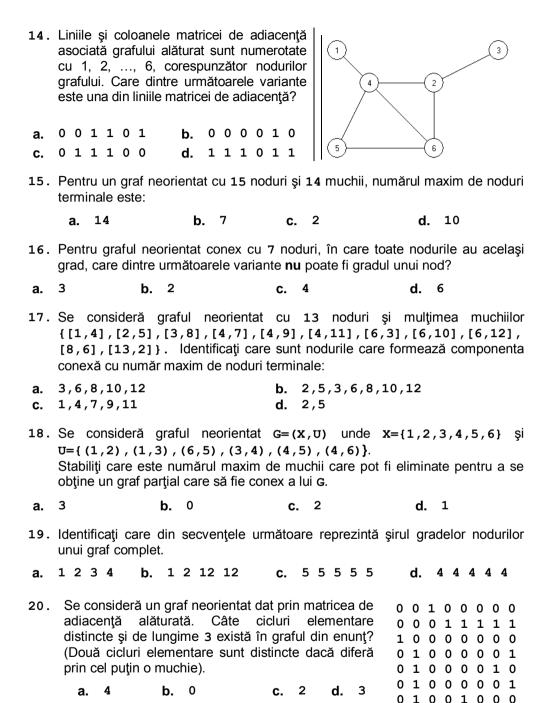
8.	Care este numărul minim de muchii care trebuie eliminate astfel încât graful neorientat din figura alăturată să aibă două componente conexe?													
a.	5	b.	2	c.	3			3	d.		4			
9.	Se consideră gr muchii dat prin Care este număi elimina astfel înc	liste rul n	ele de adia naxim de m	acenţă al uchii care	ăturate. e se pot	2 3 4 5	: 1 : 2 : 2	2 5 L 3 2 4 2 3 L 4	4 6 5					
a.	3	b.	6	c.	5	ı			d		4			
10. a. b. c. d.	este conex este arbore este acicilic dacă și numai dacă are 2 componente conexe													
11.	. Fie graful neorientat $G(X,V)$, cu $X=\{1,2,3,4,5\}$ şi $V=\{[1,2],[2,3],[3,1],[3,4],[4,5],[5,1],[5,3]\}$. Stabiliţi care dintre propoziţiile următoare este adevărată:													
a. b.	Numărul vârfurilor de grad par este egal cu numărul vârfurilor de grad impar. Matricea de adiacență asociată grafului G nu este simetrică față de diagonala secundară.													
C.	Cel mai scurt lar	ıţ de	la vârful 1	la vârful 4	are lun	ngim	ea	3						
d.	Subgraful genera	at de	e vârfurile {	1,2,4}	nu este	cone	ex.							
12.	Determinaţi câte neorientat, a că dată alăturat:					1 0 0 0 1	0 0 0 0	0 0 1 0	0 1 0 0	0 0 0 0	0 0 0	1 0 0 0 1		
a.	1	b.	4	c.	3	•			d		2			
13.	Numărul maxin şi 4 muchii este		componen	te conex	e ale un	ui g	raf	ned	orie	ent	at	cu 5	noc	luri

b. 2 c. 3

a. 4

2

d. 1

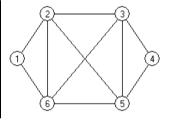


0 1 0 1 0 1 0 0

- Se consideră un graf neorientat cu nodurile: 1,2,3,4,5,6,7,8 și muchiile 21. [1,5], [2,8], [3,7], [4,5], [5,7], [6,4], [8,3], [8,7]. Care este numărul minim de muchii ce pot fi eliminate astfel încât graful obtinut să aibă trei componente conexe?
 - a. 3
- h.

- d. 5
- 22. Un graf neorientat și conex are n noduri și n-1 muchii. Care este numărul minim de muchii ce trebuie adăugate astfel încât să se obțină un ciclu?
- $n^2 3 \cdot n 2$
- b. $n \cdot (n-1)$
- C.
- d. 1
- 23. Pentru graful neorientat G=(X,U) unde $X=\{1,2,3,4,5,6,7\}$ și $U=\{(1,2),(2,3),(2,7),(1,7),(7,4),(3,4),(4,5),(7,6),(6,5)\}$ care este numărul minim de muchii care se elimină pentru a obtine un graf cu trei componente conexe?
- 1 a.
- **b**. 3
- C. 2

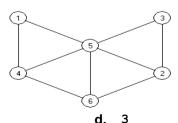
- d. 4
- 24. Se consideră graful neorientat din figura alăturată. Care dintre succesiunile următoare de noduri reprezintă un lanţ elementar de la nodul 1 la nodul 5?
- 1, 6, 2, 3, 6, 5 c. 1, 3, 6, 5
- 1, 2, 6, 3, 5 d. 1, 5



- Se consideră graful neorientat dat prin lista de muchii: (1,2), (1,3), 25. (3,4), (3,5), (3,6), (4,8), (4,7). Care este numărul minim de muchii ce trebuie eliminate din graf astfel încât acesta să nu mai fie conex?
 - 3 a.
- b. nicio muchie
- d. 1
- 26. Un graf neorientat cu 9 noduri are 2 componente conexe. Știind ca în graf nu există noduri izolate, care este numărul maxim de muchii din graf?
 - 22 a.
- b. 29
- 18 C.

d. 16

27. Pentru graful neorientat reprezentat în figura alăturată determinati numărul minim de muchii care pot fi eliminate astfel încât graful rămas să nu contină noduri izolate şi să fie neconex.



a.

- b. 5
- C.

2

d.

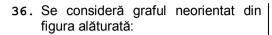
28.	Fie un graf neorientat cu n=30 noduri și m=15 muchii. Numărul componentelor conexe pe care le poate avea acest graf este:											
a. c.	cel puţin 1 şi cel mult 30 b. cel puţin 10 şi cel mult 15 exact 15 d. cel puţin 15 şi cel mult 25											
29.	Graful neorientat este dat prin matricea de adiacenţă alăturată. Stabiliţi care dintre următoarele afirmaţii este adevărată: 0 1 1 0 0 1 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 0 1 0											
a.	nodurile 2, 3, 4 formează un ciclu hamiltonian											
b.												
C.	nodul 1 este legat printr-un lanţ de nodul 4											
d.	nodurile 4 și 5 aparțin aceleiași componente conexe											
30.	Un graf neorientat cu n vârfuri care are proprietatea că oricare două noduri diferite sunt adiacente are un număr de muchii egal cu:											
a.												
C.	n*(n+1)/2 d. n*n											
31.	Într-un graf neorientat cu 6 noduri oricare două noduri x, y sunt adiacente dacă și numai dacă											
	$x \mod 2 = y \mod 2$ $x \% 2 = = y \% 2$											
	Care este numărul de componente conexe din graf?											
a.	1 b. 6 c. 3 d. 2											
32.	Matricea de adiacență alăturată corespunde unui graf neorientat care NU este de tip: 0 1 0 0 1 1 0 1 1 0 0 1 0 1 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1											
a.	ciclic b. hamiltonian c. eulerian d. conex											
33.	Se consideră graful neorientat $G = (X, U)$ unde $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ şi $U = \{(3,4), (4,6), (3,5), (1,2), (1,3), (6,5), (2,3), (2,5), (1,4)\}$. Identificați care este numărul minim de noduri care trebuie eliminate pentru a se obține un subgraf eulerian al lui G .											
a.	0 b. 2 c. 1 d. 3											
34.	Dacă un graf neorientat are n noduri și p componente conexe atunci numărul minim de muchii care trebuie adăugate astfel încât graful să devină conex											

b. p-1 c. n-1 d. n

este:

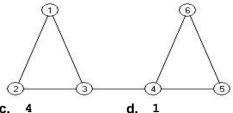
a. p

	ac macini care nebale	aua	agaic peni	i u ca	i graidi sa de	viila cai	man colc.	
	[2,3],[7,8], [3,7] de muchii care trebuie							n
35.	Se consideră un graf r	neori	entat cu 9	nodu	ıri şi muchiile	[1,2],	[4,8], [5,9]	,



Care este numărul cel mai mic de muchii care trebuie adăugate pentru ca graful să devină eulerian ?

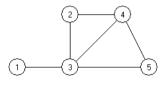
b.



37. Precizaţi care este numărul minim de muchii care trebuie adăugate grafului din figura

alăturată, astfel încât acesta să devină eulerian.

2



- a. 0 b. 4 c. 2 d. 1
- 38. Se consideră graful neorientat cu 7 noduri şi muchiile: [1,2], [1,4], [1,5], [1,7], [2,3],,7], [3,4], [3,5], [3,7], [4,5], [5,6], [6,7]. Care este numărul minim de muchii ce trebuie înlăturate din graf astfel încât să devină eulerian?
- numărul minim de muchii ce trebuie înlăturate din graf astfel încât să devină eulerian?

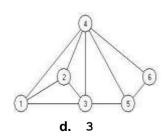
 a. 3 b. 2 c. 1 d. 4
- 39. Se consideră graful neorientat din figura alăturată. Câte grafuri parţiale distincte, diferite de el însuşi, fără vârfuri izolate, se pot obţine? Două grafuri sunt distincte dacă matricele lor de adiacenţă sunt diferite.



40. Specificaţi care este numărul maxim de muchii care pot fi eliminate din graful alăturat, astfel încât acesta să-şi menţină proprietatea de graf hamiltonian

13

b.



a. 4

3

a.

a. 3

b. 2

c. 1

5

C.

a. c.	6 linii şi 3coloane 6 linii şi 4 coloane		b. d.	4 linii şi 4 coloane 6 linii şi 6 coloane			
42.	Un graf neorientat listelor de adiacenţă			1: (3,5); 5: (2: (4); 6: (3: (1,5); 7: (4: (2); 8:	7);		
a. c.	2 componente cone4 componente cone	•	at b. d.	1 componentă cone 3 componente cone			
43.	Fie G un graf neorie muchii ale grafului G		0 de vârfuri.0	Care este numărul m	inim de		
a.	20 b.	10	c . 19	d. 190			
44. a. c.	Graful neorientat cu este reprezentat cu alăturate. Numărul adăugate pentru ca elementare de lung este: 4 2	u ajutorul matrio minim de mu a nodul 2 să fie	cei de adiac uchii ce tre Iegat prin la	ență 1 0 1 0 1 1 buie 1 0 0 0 0 1 nțuri 0 1 0 1 1 0 1 1 ului, 0 1 0 1 1 0	0 0 0 0 0 0 0 0		
45.	45. Se dă un graf neorientat cu 75 de noduri numerotate de la 1 la 75, şi muchiile [21,40], [30,38], [21,30], [60,75]. Atunci numărul de componente conexe ale grafului este:						
a.	69 b.	. 71	c. 2	d. 7	3		
46.	46. Câte grafuri neorientate distincte cu trei noduri numerotate de la 1 la 3 au muchie între nodul 1 şi nodul 2 ? Două grafuri se consideră distincte dacă matricele lor de adiacență sunt diferite.						
a.	2 b.	4	c. 5	d. 8			
47.	Câte grafuri neorien între nodul 1 și nodu			erotate 1,2n au á distincte dacă matri			

a. $2^{n(n-1)/2}$ b. $2^{n(n+1)/2}$ c. $2^{n(n-1)/2}$ d. $2^{n(n-1)/2}$ -1

41. Dintr-un graf neorientat cu 6 noduri și 5 muchii, se obține un graf parțial prin suprimarea a două muchii. Matricea de adiacență asociată grafului parțial

astfel obţinut, va avea:

de adiacență sunt diferite.

a.	compo	nente cor	b.	este: 1		c.	3			d.	2		
50.	Care e		irul g	rafurilo	parţiale a	ale u	nui g	graf neo	rienta	it cu	n	v ârfu	rişim.
a.	n!		b.	2 ⁿ		C.	m!			d.	2 ^m		
51. a.	vârfuri	distincte	exis	stă mud atea iniț	entat cu chie. Câto ială vârful	e lar	nţuri extre	elemen	tare	disti	ncte rful	e, ca	re au
52.			_		ientat cu levarată?	10	vârfu	ıri şi 37	de	muc	:hii.(Care	dintre
a. b. c. d.	Graful este complet. Suma elementelor matricei de adiacență asociată grafului este egală cu 37. Toate vârfurile grafului au gradul 1. Graful nu are vârfuri izolate.												
53.	de la v	/ârful i l ·ul 1 se d	la vâ	irful j	ntat cu 10 dacă și i á nu este	านma	ai da	că i și	j s	unt	nun	nere	prime
a.	7		b.	6		c.	9			d.	12		
54.		tonian? G			grafuri precizate								
a.	n=3,	U={[1,	2],	[1,3],	[2,3]}								
b.	n=4,	U={[1,	2],	[1,3],	[1,4],[2,3],[2	,4],[3	3,4]	}			
c.	n=5,	U={[1,	3],	[1,4],	[3,4],[2,4],[4	,5],[2	2,5]	}			
d.	nici ur	nul din gr	afuril	e anteri	oare.								

48. Numim graf complementar al unui graf neorientat G graful neorientat G_1 cu aceași mulțime a nodurilor ca și G și cu proprietatea că două noduri sunt adiacente în G_1 dacă și numai dacă nu sunt adiacente în G. Dacă G are D

49. Numărul maxim de muchii dintr-un graf neorientat cu 6 noduri și 4

b. minimum n(n-1)/2 - m

d. exact n-m

noduri și m muchii, câte muchii are G₁?

a. exact n(n-1)/2 - m

c. maximum n(n-1)/2 - m

55.	Care este numărul maxim de componente conexe pe care le poate avea ur
	graf neorientat cu 6 noduri și 5 muchii?

a. 4

b. 2

c. 1

d. 3

56. Fie graful neorientat cu 5 noduri şi cu următoarele muchii: [1,2], [1,3], [3,4], [3,5], [4,5]. Care este numărul minim de muchii ce trebuie adăugate grafului astfel încât, în graful obţinut toate nodurile să aibă acelaşi grad?

a. 4

b. 5

c. 6

d. 3

57. Care este numărul maxim de muchii care pot fi eliminate astfel încât graful parţial obţinut să nu conţină noduri izolate?



b. 5

c. 2

d. 3



58. Fie graful neorientat G cu n vârfuri etichetate cu numere de la 1 la n şi având proprietatea că între oricare două vârfuri distincte i şi j, (1≤i≤n, 1≤j≤n), există muchie dacă şi numai dacă i+j=n. Precizaţi numărul componentelor conexe ale grafului G. S-a folosit notaţia [x] pentru partea întreagă a numărului x.

a. n*(n-1)/2

b. [(n+1)/2]

c. n-1

d. [n/2]+1

59. Graful neorientat G cu n vârfuri şi m muchii are vârfurile etichetate cu x₁, x₂, x₃,..., x_n. Care dintre următoarele afirmaţii este corectă, dacă s-a notat cu d(x₁) gradul vârfului x₁?

a.
$$d(x_1)+d(x_2)+d(x_3)+...+d(x_n)=m-n$$

b.
$$d(x_1)+d(x_2)+d(x_3)+...+d(x_n)=m-1$$

c.
$$d(x_1)+d(x_2)+d(x_3)+...+d(x_n)>n*(n-1)$$

d.
$$d(x_1)+d(x_2)+d(x_3)+...+d(x_n)$$
 este un număr par

60. Fie un graf neorientat cu n vârfuri (n>1). Câte valori 1 apar în matricea de adiacență a grafului dacă există muchie între oricare două vârfuri distincte?

a. n*(n-1)/2

b. n²

c. (

d. n*(n-1)

61. Un graf neorientat cu n noduri, cu n număr impar mai mare decât 2, în care fiecare nod are gradul n−1, este întotdeauna:

a. graf aciclic (graf care nu conţine nici un ciclu)

b. arbore

c. graf neconex

d. graf eulerian

62.	de adiacenţă alăturată; atunci graful este 1 0 1 0 1								
a.	eulerian		iclic (nu	conține	1 1 0 0	-			
c.	arbore		ciun ciclu) miltonian		0 1 0 1	0			
63.	Se consideră g U={[1,3], [[2,4], [6,7] reprezintă un lar	2,3], [3,- , [3,6]}.	4], [3,5], Care dintre urr	[5,4],	[1,2], [2,5],			
a. c.	(7, 6, 3, 5, (1, 3, 5, 4,	4, 2, 1) 2, 3, 6)	b. (1, d. (4,	2, 3, 4, 5, 3, 6,	5, 6, 7) 7)				
64.	Care este numa eliminate astfel eulerian?								
a.	2	b. 3	c.	1	d. 0				
65.	Un graf neorienta	at este euleriar	n dacă:						
a. b. c. d.	este conex și cor conține un singur este conex și sur este număr par conține cel puțin	ciclu element ma elementelo	ar or de pe fiecare		atricei de ad	iacenţă			
66.	Se consideră adiacenţă alătur ale unui subgraf	rată. Care este	e numărul maxin		0 1 1 0 0 1 1 1 1 1 1 1 0 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	0 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 0			
a.	6 b.	3	c. 5		d. 4				
67.	Care este număr din graful neori alăturate, astfel îi	entat, dat pr	in listele de	adiacenţă	1: (2,3,5) 2: (1,4) 3: (1,4,5) 4: (2,3,5) 5: (1,3,4))			
~	1	n ')	V .3		A ()				

- 68. Considerând un graf neorientat G cu 5 noduri și matricea de adiacență dată alăturat, stabiliți care dintre următoarele afirmații **nu** este adevărată:
- 0 1 1 1 1 1 0 0 0 1 1 0 0 1 0 1 0 1 0 0 1 1 0 0 0

a. G este eulerian

b. G este conex

c. G nu este hamiltonian

- d. G este aciclic
- 69. Considerând un graf neorientat c cu 5 noduri, dat prin matricea de adiacenţă alăturată, stabiliţi care dintre următoarele afirmaţii este adevărată:

1 0 1 0 0 1 1 0 0 0 1 0 0 0 1 1 0 0 1 0

a. G nu este conex

b. G este eulerian

c. G este aciclic

- d. G este hamiltonian
- 70. Considerând un graf neorientat c cu 5 noduri dat prin matricea de adiacenţă alăturată, stabiliţi care dintre următoarele afirmaţii este adevărată:

1 0 1 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 1

a. G este aciclic

b. G este conex

c. G este eulerian

- d. G este hamiltonian
- 71. Numărul minim de muchii care trebuie adăugate grafului din desenul alăturat pentru a deveni eulerian este:



b. 2

c. 4

d. 3

