

Модель прикладной программы может быть представлена как ориентированный ациклический граф $G = (V, E)$, $|V| = n$, $|E| = m$. Каждой вершине графа соответствует задание $\{p_i\}_{i=1}^n$, каждой дуге — передача данных между заданиями. Если $(p_i, p_j) \in E$, $1 \leq i, j \leq n$, то для выполнения задания p_j необходим результат выполнения задания p_i . При этом задание p_j далее будем называть потомком задания p_i .

Вычислительная среда состоит из одного процессора SP , который в каждый момент времени способен выполнять только одно задание, и уникального ресурса SR . Каждое задание выполняется на процессоре SP без прерываний. После выполнения задание p_i , $1 \leq i \leq n$, захватывает $r_{p_i} \geq 0$ ресурса SR для хранения результата. Далее происходит высвобождение ресурса, занимаемого такими заданиями p_j , $1 \leq j \leq n$, $(p_j, p_i) \in E$, для которых p_i является последним выполненным потомком.

Расписание HP сформировано, если для всех заданий из G определён порядок их выполнения на процессоре SP . Фактически HP представляет из себя перестановку заданий из G . Расписание HP корректно, если выполнены следующие ограничения $\{1 - 3\}$:

- 1) Каждое задание должно быть назначено на процессор SP .
- 2) Процессор SP в каждый момент времени выполняет не более одного задания.
- 3) Частичный порядок, заданный графом зависимостей G , сохранен в HP .

Далее будем говорить, что расписание допустимо $HP \in HP_{\{1-3\}}^*$, если оно удовлетворяет набору ограничений $\{1 - 3\}$.

Минимизируемой целевой функцией является максимальное по всему расписанию количество занятого в ВС ресурса.

Пусть задано расписание $HP \in HP_{\{1-3\}}^*$. Обозначим за f_{HP}^k , $1 \leq k \leq n$, количество занятого в ВС ресурса для k -ой позиции в расписании HP . Пусть A — множество заданий, расположенных в расписании HP на позициях $1, \dots, k$. Пусть $B \subset A$ — множество заданий, расположенных в расписании HP на позициях $1, \dots, k-1$, у каждого из которых все потомки расположены на позициях от 1 до $k-1$. Тогда f_{HP}^k вычисляется по следующей формуле:

$$f_{HP}^k = \sum_{p_j \in A} r_{p_j} - \sum_{p_i \in B} r_{p_i} \quad (2.2.1)$$

Пусть известны значения $\{f_{HP}^k\}_{k=1}^n$ для расписания HP . Тогда значение целевой функции f_{HP} для такого расписания:

$$f_{HP} = \max_{1 \leq k \leq n} f_{HP}^k \quad (2.2.2)$$

Требуется для модели прикладной программы G найти такое расписание $HP_* \in HP_{\{1-3\}}^*$, для которого достигается минимальное значение целевой функции:

$$f_{HP_*} = \min_{HP \in HP_{\{1-3\}}^*} f_{HP} \quad (2.2.3)$$