Практическое задание № 2

ЛОГИСТИЧЕСКАЯ РЕГРЕССИЯ

Цель работы: получить практику анализа статистических данных с использованием логистической регрессии.

Содержание задания

1. Общие сведения

- 1. Ознакомиться с материалами лекции № 2.
- 2. Установить необходимое программное обеспечение. При выполнении задания наверняка понадобятся **Python 3**, **NumPy** и **Matplotlib**.
- 3. Ознакомиться с содержимым папки с заданием, которая включает в себя файлы, представленные ниже.

main.py — «основной» модуль, необходимый для выполнения задания, который поможет выполнить его поэтапно. Настоящий программный код не требует какой-либо коррекции!

data.txt – база данных для выполнения задания.

plotData.py — модуль, содержащий функцию plotData, которая необходима для визуализации данных.

plotDecisionBoundary.py — модуль, содержащий функцию plotDecisionBoundary, которая необходима для визуализации данных с границей решения для заданного множества параметров модели логистической регрессии. Данный модуль не требует коррекции!

computeCost.py — модуль, содержащий функцию computeCost, которая необходима для вычисления значения стоимостной функции логистической регрессии.

gradientDescent.py содержащий функцию модуль, gradientDescent, необходима которая ДЛЯ выполнения градиентного спуска c целью поиска параметров модели логистической регрессии.

featureNormalize.py — модуль, содержащий функцию featureNormalize, которая необходима для нормализации признаков. Данный модуль не требует коррекции!

sigmoid.py — модуль, содержащий функцию sigmoid, которая позволяет вычислить значение сигмоидной функции.

predict.py — модуль, содержащий функцию predict, которая необходима для предсказания метки класса (0 или 1).

- 4. Поэтапно выполнить задание, связанное с реализацией и исследованием логистической регрессии.
- 5. Ответить на вопросы, необходимые для составления отчета по данному практическому заданию. Отчет сдается на проверку в печатной или письменной форме в указанные сроки.

2. Логистическая регрессия

При выполнении задания требуется заполнить пустые места программного кода в блоках с комментарием «Ваш код здесь». Данную процедуру необходимо выполнить для следующих функций: plotData, computeCost, gradientDescent, sigmoid, predict.

1. При решении любой задачи с использованием инструментов машинного обучения важным является понимание структуры анализируемых данных и их визуализация в случае возможности. В настоящем задании предлагается использовать базу данных из файла представляют Данные собой множество data.txt описываемых двумя признаками (оценка студента за первый экзамен и оценка студента за второй экзамен) и меткой (аттестован или не аттестован студент по итогам двух экзаменов). Необходимо обратить внимание на то, что база данных в настоящем задании размечена, а метка принимает дискретный набор из двух значений (0 – не аттестован, 1 – аттестован). Поэтому в рамках настоящего задания рассматривается решение задачи бинарной классификации, а не регрессии, как это было в практическом задании № 1. Завершите программный код в модуле plotData.py, который позволит выполнять визуализацию данных. Завершение модуля подразумевает под собой написание строчек программного функцию кода, которые позволят вызвать файле main.py, из соответствующего модуля В позволяя определенный кусок настоящего задания. Например, в данном случае завершенный программный код будет выглядеть так, как представлено на рис. 1.

После завершения каждого блока кода интерпретируйте файл main.py с целью проверки правильности работы соответствующей части задания. Результат визуализации данных с использованием функции plotData представлен на рис. 2. В случае успешной интерпретации программного кода разрешается перейти к следующему пункту задания.

2. Завершите программный код в модуле **computeCost.py**, который позволит вычислить значение стоимостной функции для логистической регрессии. Формулы, описывающие ее вычисление, представлены в лекции № 2. При выполнении данной части задания могут понадобиться функции из библиотеки **NumPy**, представленные ниже.

dot – позволяет вычислить матричное произведение для двумерных массивов и скалярное произведение для одномерных массивов (без комплексного сопряжения).

sum — позволяет вычислить сумму элементов вдоль определенной размерности двумерного массива и сумму всех элементов для одномерного массива.

log – позволяет вычислить натуральный логарифм от элементов массива.

Рис. 1. Завершенный программный код для функции plotData

При заполнении программного кода в модуле **computeCost.py** потребуется вычисление значений сигмоидной функции. Реализуйте ее вычисление в модуле **sigmoid.py**. При реализации сигмоидной функции может понадобиться функция ехр из библиотеки **NumPy**, которая позволяет вычислить значения экспоненциальной функции от элементов массива.

3. Завершите программный код в модуле **gradientDescent.py**, который позволит выполнить алгоритм градиентного спуска с целью обучения параметров модели логистической регрессии. Формулы, описывающие реализацию градиентного спуска для логистической регрессии, представлены в лекции № 2. При выполнении данной части задания могут понадобиться следующие функции из библиотеки **NumPy**: dot u transpose.

transpose — позволяет выполнить транспонирование массива. Для одномерного массива данная функция не оказывает никакого действия, а для двумерного массива использование функции соответствует обычному матричному транспонированию.

Так же совершенно будет необходима функция sigmoid, реализованная в модуле sigmoid.py.

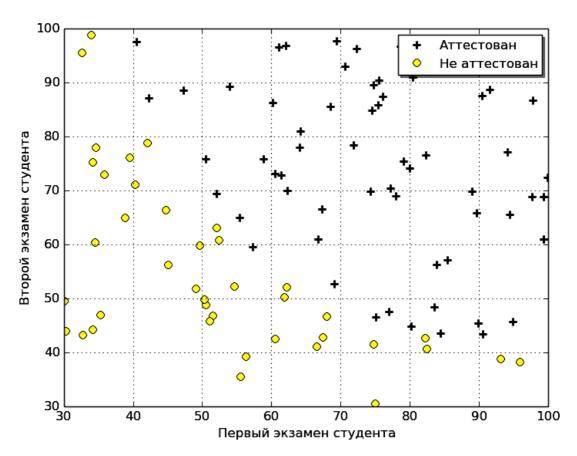


Рис. 2. Результат визуализации тренировочных данных

Обратите внимание на то, что при обучении параметров модели логистической регрессии в файле main.py используется нормализация признаков, позволяющая выполнить качественную сходимость градиентного спуска к единственному в данном случае минимуму стоимостной функции. Нормализация признаков полностью реализована в модуле featureNormalize.py, который завершать не требуется.

После обучения параметров модели логистической регрессии с настройками градиентного спуска, заданными по умолчанию в файле main.py, должен получиться результат, представленный на рис. 3, изображена помимо тренировочных данных найденная граница решения для модели на основе логистической регрессии. Построение границы решения полностью реализовано в plotDecisionBoundary модуля plotDecisionBoundary.py. Объекты, которые описываются точками на рис. 3, лежащими выше границы решения, будут отнесены алгоритмом к классу 1 (аттестован), иначе к классу 0 (не аттестован). Необходимо обратить внимание на то, что в процессе принятия решения алгоритмом на тренировочной базе данных возникают ошибки. Иногда точки, которые относятся к классу 1, классифицируются, как точки класса 0 и наоборот.

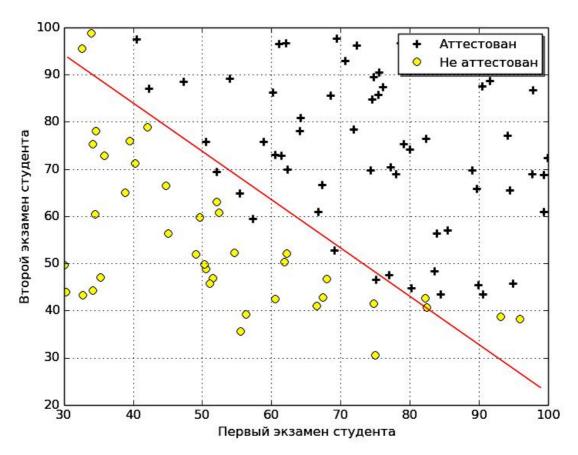


Рис. 3. Результат визуализации тренировочных данных с границей решения для логистической регрессии

Как и в практическом задании № 1, в данном случае возможно провести исследование сходимости градиентного спуска при различных настройках с использованием зависимости представленной на рис. 4.

4. Завершите программный код в модуле **predict.py**, который позволит выполнить предсказание метки класса для обученной модели логистической регрессии. В ходе предсказания порог классификатора необходимо выставить равным значению 0.5. При выполнении данной части задания могут понадобиться следующие функции из библиотеки **NumPy**: dot u astype.

astype — позволяет выполнить приведение элементов массива к определенному типу данных.

Так же совершенно будет необходима функция sigmoid, реализованная в модуле **sigmoid.py**.

5. После завершения предыдущих пунктов вычислите значение вероятности, с которой студент будет аттестован в случае, если его оценка за первый экзамен равна 45, а оценка за второй экзамен равна 85.

Обратите внимание на то, что перед выполнением процедуры предсказания требуется провести нормализацию признаков на соответствующие им математическое ожидание и среднеквадратическое отклонение.

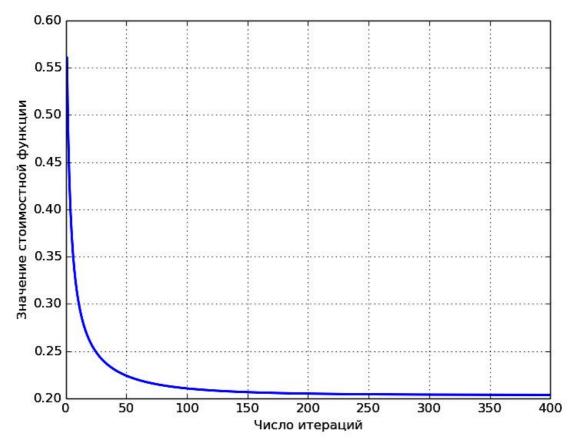


Рис. 4. Пример сходимости градиентного спуска для удачно подобранной скорости сходимости

6. Оцените обученной долю правильных ответов модели логистической регрессии. Необходимо обратить внимание на то, что в русскоязычной литературе ДОЛЯ правильных ответов иногда обозначается словом точность (от англ. accuracy). Последний перевод не всегда является удачным, так как существует другая метрика оценки качества работы классификатора – precision, которая на русский язык так же переводится, как точность. Однако смысл accuracy и precision является абсолютно разным. Accuracy равна отношению числа для которых алгоритм выполнил предсказание метки класса верно, к общему числу объектов в базе данных. Precision равна отношению числа объектов, для которых алгоритм верно предсказал метку класса 1, к числу объектов, для которых алгоритм предсказал метку класса 1.

3. Вопросы для составления отчета

Используя файл main.py ответьте на следующие вопросы.

- 1. Чему равно значение стоимостной функции для случая, когда все параметры модели равны нулю (**35 баллов**)?
- 2. Чему равны значения параметров обученной модели логистической регрессии для случая, когда параметр сходимости равен 1, а число итераций градиентного спуска равно 400 (40 баллов)?
- 3. Чему равна вероятность аттестации студента в случае, если его оценка за первый экзамен равна 45, а оценка за второй экзамен равна 85 (15 баллов) для обученной в вопросе 2 модели?
- 4. Чему равна доля правильных ответов обученной в вопросе 2 модели логистической регрессии (10 баллов)?
- 5. Опираясь на материал лекции № 2, опишите возможное решение (решения), которые позволят увеличить долю правильных ответов классификатора на основе логистической регрессии применительно к рассматриваемой в настоящем задании базе данных (20 баллов). Настоящий вопрос является необязательным, но позволяет заработать дополнительные баллы!