# Аутентифицированное шифрование

Макаров Артём МИФИ 2025

## Криптографическая защита информации

#### Обеспечение конфиденциальности

- Защита только против пассивных противников (не вносящих изменения в канал связи)
- Поточные и блочные шифры

#### Обеспечение целостности

- Защита от подделки при атаке по выбранным сообщениям
- CBC-MAC, HMAC

#### Криптографическая защита информации

#### Аутентифицированное шифрование

- Шифрование с защитой от подделки шифртекстов (т.е. обеспечение аутентичности и конфиденциальности)
- Защита от активных и пассивных противников

## Пример перехвата сообщений

TCP/IP: (highly abstracted)



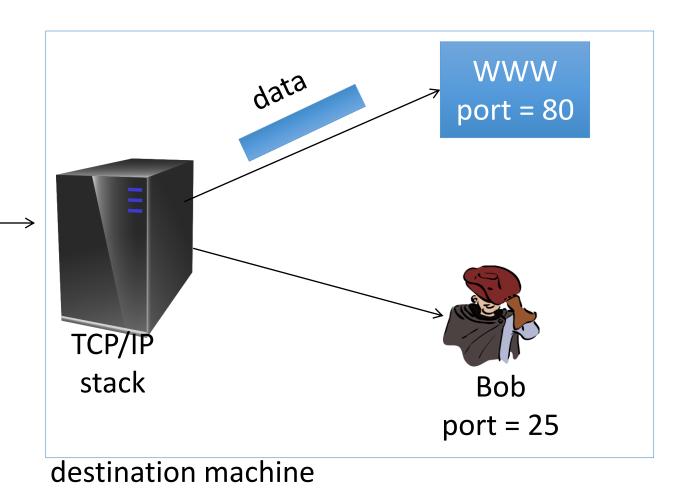
packet

dest = 80

data

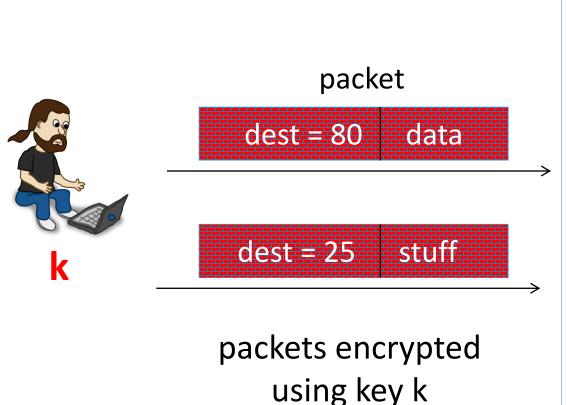
source machine

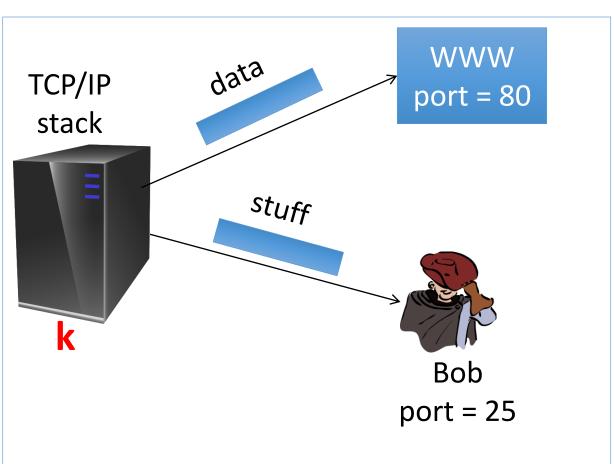
Противник получает любые пакеты, имеющие заголовок "dest=25"



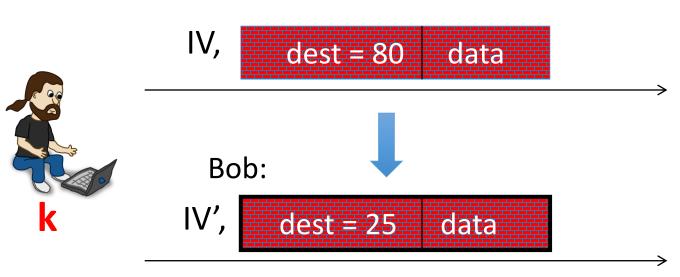
## Пример перехвата сообщений

IPsec: (highly abstracted)

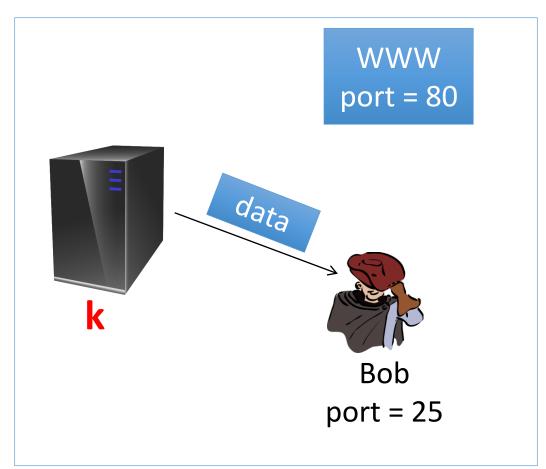




#### Пример перехвата сообщений



Easy to do for CBC with rand. IV (only IV is changed)



#### Выводы

Стойкое шифрование не гарантирует стойкость против активных противников

Для обеспечения безопасности:

- Если необходимо обеспечить целостность, но не конфиденциальность
  - нужно использовать МАС
- Если необходимо обеспечить конфиденциальность и целостность использовать аутентифицированное шифрование

#### Аутентифицированное шифрование

Введём понятие аутентифицированного шифра.

E = (E, D) аутентифицированный шифр на (K, M, C).

- $E: K \times M \rightarrow C$
- $D: K \times C \rightarrow M \cup \{\bot\}$
- 🕹 шифртекст отклонён (не пройдена проверка аутентичности)
- CI (ciphertext integrity) целостность шифртекстов
- PI (plaintext integrity) целостность открытых текстов

#### СА и СІ стойкость

- СІ более сильное понятие стойкости
- CI стойкость говорит, что сложно навязать новый шифртекст получателю
- PI стойкость говорит, что сложно навязать новые расшифрованные данные получателю
- Возможно существование шифра PI стойкого, но не CI стойкого

Например — пусть шифр недетерминированный. Тогда одному РТ соответствует множество СТ. Если противник может создавать новые СТ для существующих сообщений, но не может для новых то он РІ, но не СІ стойкий.

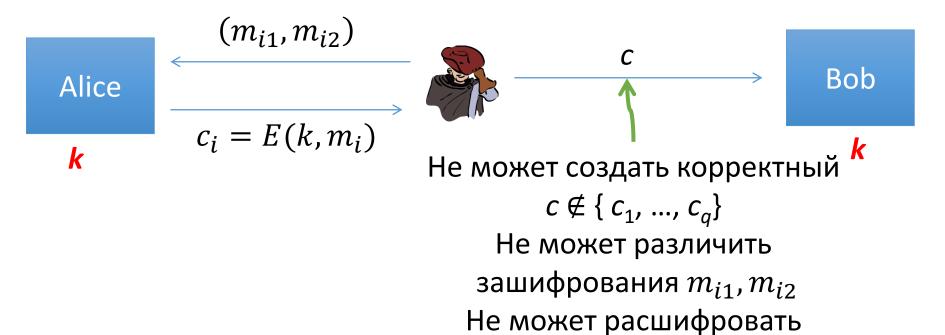
#### Аутентифицированное шифрование

#### Стойкость:

- Стойкое шифрование, против пассивных противников
- **Целостность шифртекстов** (CI) (противник не может получить корректный шифртекст)

## Следствия аутентифицированного шифрования

- Пассивный противник не может расшифровать сообщения
- Активный противник не может вставлять или изменять сообщения в канале
- Целостность шифртекстов обеспечивает целостность открытых текстов

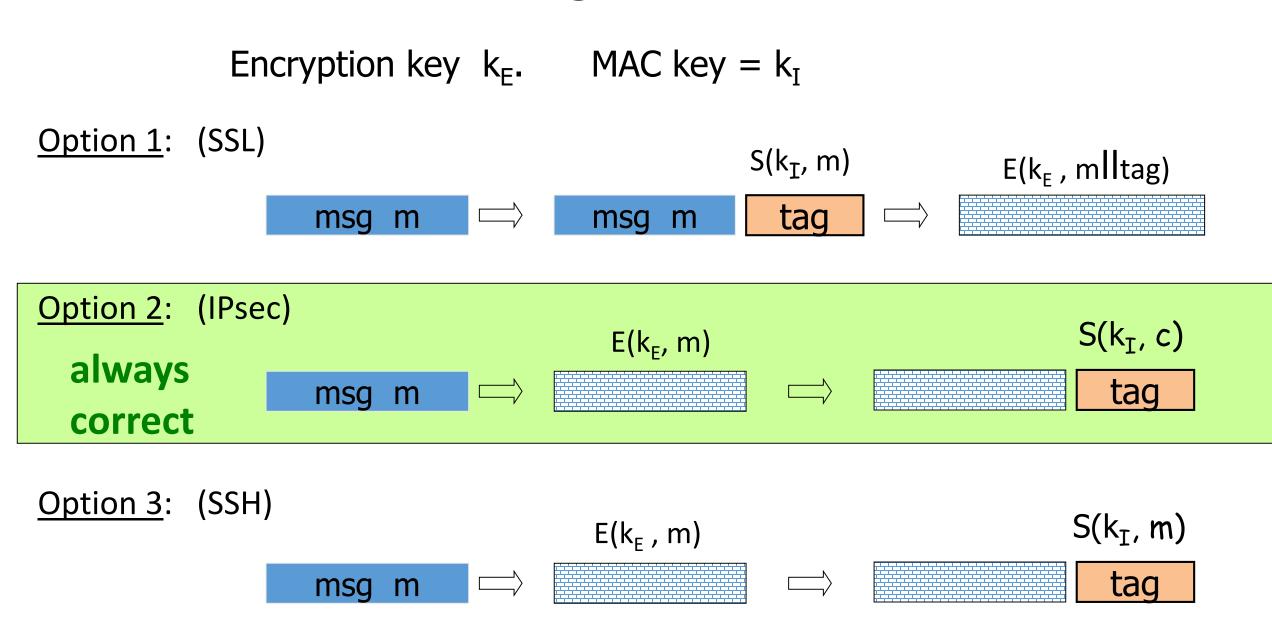


11

#### Аутентифицированное шифрование

- Использует модель стойкого шифрования + СІ
- Обеспечивает целостность сообщений и шифртекстов
- Обеспечивает конфиденциальность
- Защита от активных противников
- В общем случае не защищает от атак повтором (повторная пересылка пакетов)
  - Можно решить введя специальный формат сообщений, включающих счётчики или идентификаторы
  - Вообще говоря это задача протоколов, а не конструкций (примитивов)
- Возможны атаки по побочным каналам (например, атаки по времени)

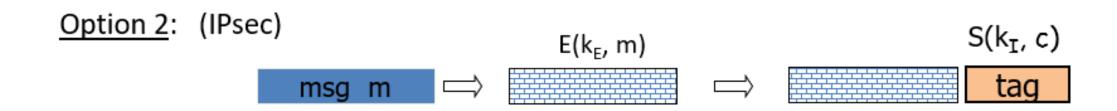
## Combining MAC and ENC



## Encrypt-then-MAC

Пусть E = (E, D) шифр на  $(K_e, M, C)$ , I = (S, V) – MAC на  $(K_m, C, T)$ .  $E_{EtM} = (E_{EtM}, D_{Etm})$  на  $(K_e \times K_m, M, C \times T)$ :

- $E_{EtM}((k_e, k_m), m) = c \leftarrow^R E(k_e, m), t \leftarrow S(k_m, c), \text{ return } (c, t)$
- $D_{EtM}((k_e, k_m), m) = \text{if } V(k_m, c, t) = 0 : \text{return } \bot, \text{else: } D(k_e, c)$



## Encrypt-then-MAC

- Необходимо использование различных, независимых ключей для МАС и шифрования (использование одинаковых ключей может вести к реальным атакам, например при использовании СВС шифрования и СВС МАС)
- МАС должны вычисляться для всего шифртекста (включая IV)
- Проверка целостности осуществляется строго до расшифрования

## MAC-then-encrypt

```
Пусть E = (E, D) шифр на (K_e, M, C), I = (S, V) – MAC на (K_m, C, T). E_{EtM} = (E_{EtM}, D_{Etm}) на (K_e \times K_m, M, C):
```

- $E_{EtM}((k_e, k_m), m) = t \leftarrow S(k_m, m), c \leftarrow^R E(k_e, (m, t)), \text{ return } c$
- $D_{EtM}((k_e, k_m), m) = (m, t) = D(k_e, c)$ , if  $V(k_m, c, t) = 0$ : return  $\perp$ , else: m



## MAC-then-encrypt

- Необходимо использование **различных, независимых ключей** для МАС и шифрования
- **Не является АЕ стойким в общем случае**, возможны атаки (сл. padding oracle)
- Является АЕ стойким для **некоторых стойких шифров** (рандомизированный СТR, СВС без дополнения сообщений).
- Проверка аутентичности происходит после расширования (что и ведёт к ряду атак, в том числе по времени)

#### Encrypt-and-MAC

Пусть E = (E, D) шифр на  $(K_e, M, C)$ , I = (S, V) – MAC на  $(K_m, C, T)$ .  $E_{EtM} = (E_{EtM}, D_{Etm})$  на  $(K_e \times K_m, M, C \times T)$ :

- $E_{EtM}((k_e, k_m), m) = c \leftarrow^R E(k_e, m), t \leftarrow S(k_m, m), \text{ return } (c, t)$
- $D_{EtM}((k_e, k_m), m) = m = D(k_e, c)$ , if  $V(k_m, m, t) = 0$ : return  $\perp$ , else: m



## Encrypt-and-MAC

• Необходимо использование **различных, независимых ключей** для МАС и шифрования

• Не является АЕ стойким в общем случае

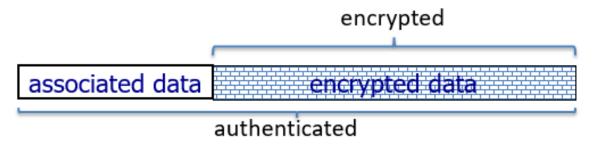
• Вообще говоря, из МАС можно восстановить часть сообщения (на стойкий МАС не накладывается требования не раскрывать биты сообщения)

## Режимы аутентифицированного шифрования

Можем ли мы построить режимы, при которых будет обеспечивать АЕ стойкость изначально?

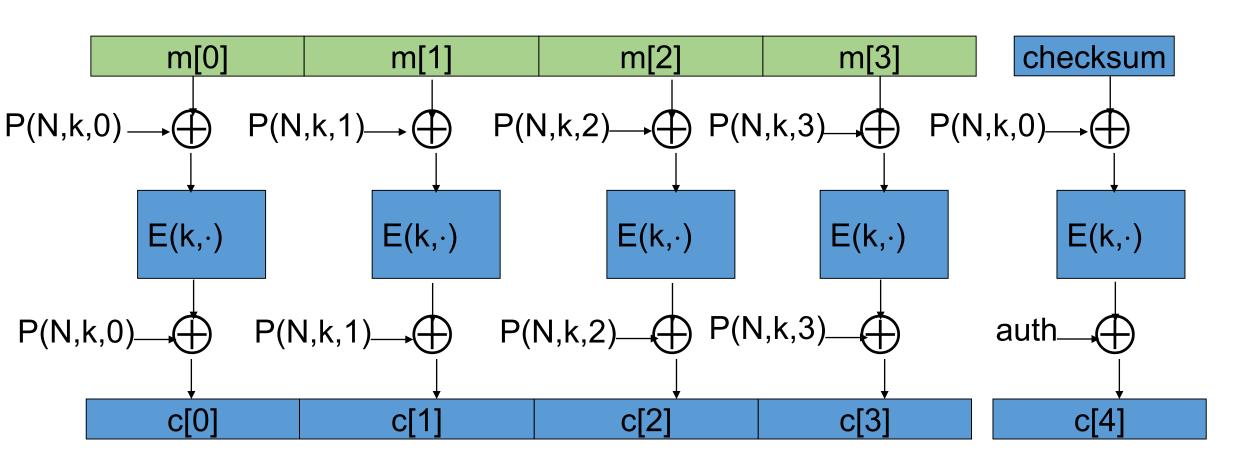
Можем – GCM, CCM, EAX, OCB

Описанные режимы являются не только AE шифрованием, но и AEAD (authenticated encryption with associated data), когда часть данных шифруется и аутентифицируется, а часть только аутентифицируется (associated data). Все режимы используют nonce.

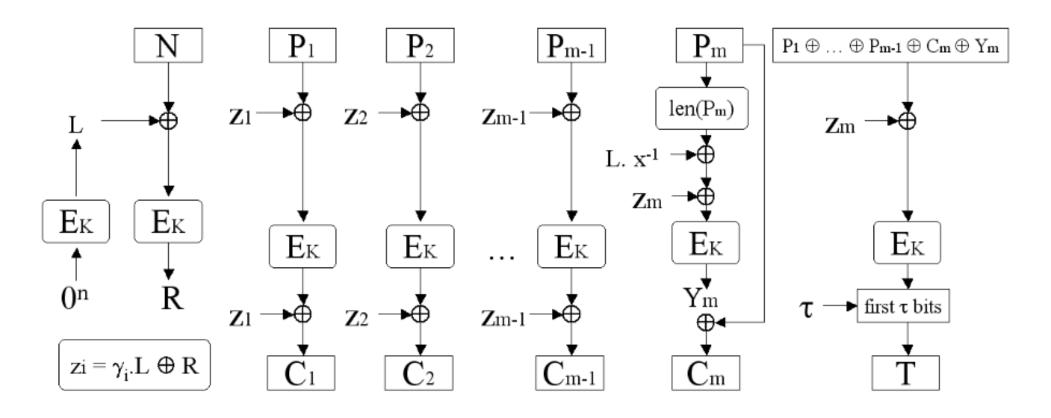


#### **OCB**

One E() op. per block.



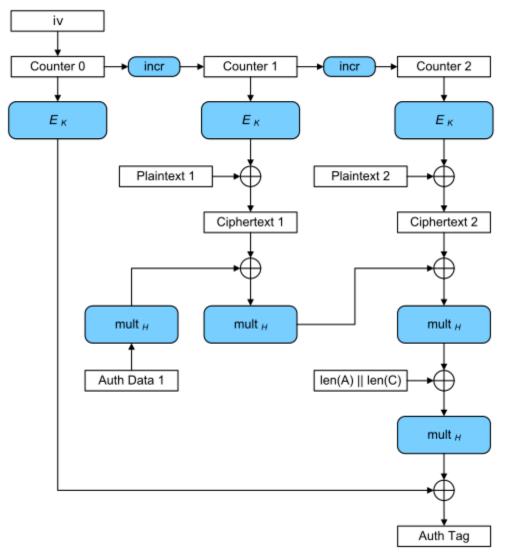
#### OCB



- Полностью параллелизуется
- Патентовано (спасибо Rogaway!)

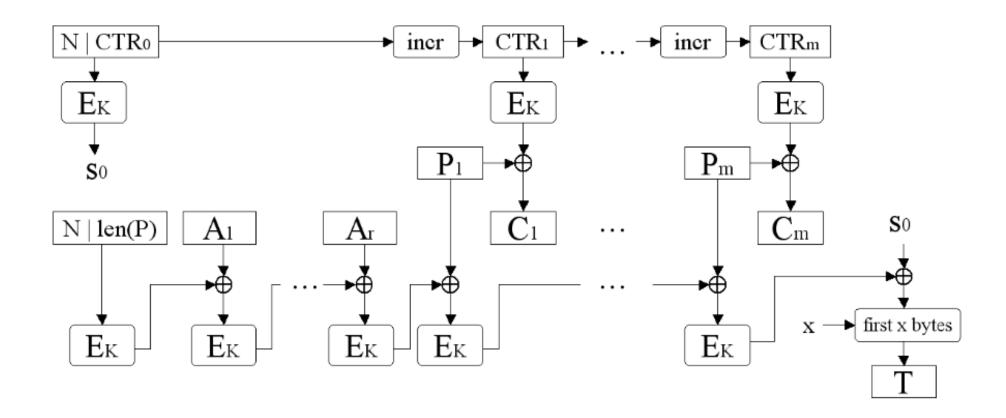
#### GCM

- CTR-mode-then-CW-MAC
- Параллелизуется только шифрование
- МАС последовательный, не требует вычисления PRP
- Стандрат NIST



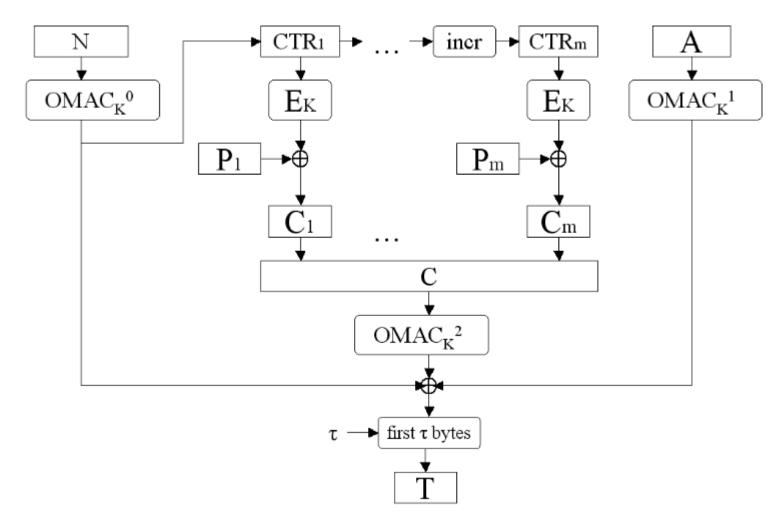
#### CCM

- CTR-mode-and-CBC-MAC
- Параллелизуется только шифрование



#### EAX

- Параллелизуется только шифрование
- МАС последовательный, требует вычисления PRP



#### Выводы

- Для построения защищенных каналов необходимо использовать АЕ шифрование
- Лучше использовать Encrypt-Then-MAC или один из стандартов AEAD шифрования