Выборочный метод

Яцулевич Владимир Владимирович

1. Построить график эмпирической функции распределения

$$x_i$$
 5 7 10 15 n_i 2 3 8 7

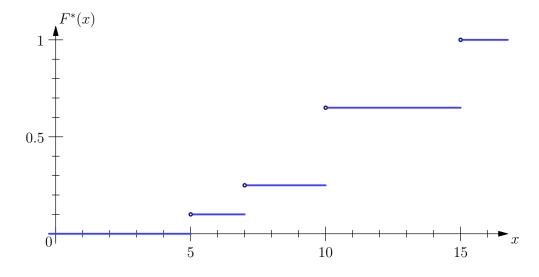
Решение. Для начала посчитаем суммарное количество элементов выборки.

$$n = 2 + 3 + 8 + 7 = 20.$$

Далее исходя из распреления можно определить вид эмпирической функции распределения.

$$F^*(x) = \begin{cases} 0, & x \le 5 \\ \frac{2}{20}, & 5 < x \le 7 \\ \frac{2+3}{20}, & 7 < x \le 10 \\ \frac{2+3+8}{20}, & 10 < x \le 15 \\ \frac{2+3+8+7}{20}, & 15 < x \end{cases} = \begin{cases} 0, & x \le 5 \\ 0.1, & 5 < x \le 7 \\ 0.25, & 7 < x \le 10 \\ 0.65, & 10 < x \le 15 \\ 1, & 15 < x \end{cases}$$

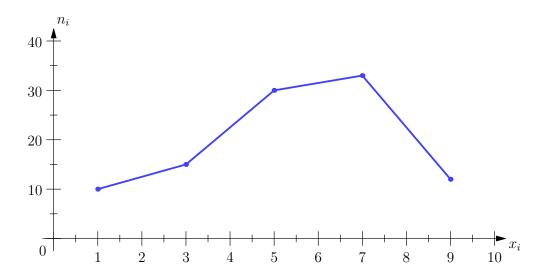
Теперь остаётся построить график функции $F^*(x)$.



2. Построить полигоны частот и относительных частот распределения

$$x_i$$
 1 3 5 7 9 n_i 10 15 30 33 12

Решение. Для построения полигона частот отметим на координатной плоскости точки с координатами (x_i, n_i) и соединим их отрезками.



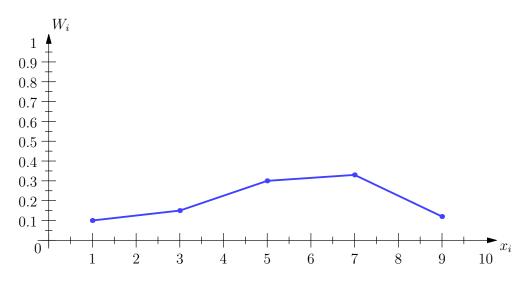
Для построения полигона относительных частот, сначала необходимо посчитать относительные частоты W_i для каждого x_i по формуле

$$W_i = \frac{n_i}{n}, \quad n = \sum_i n_i.$$

Кол-во всех объектов равно n=10+15+30+33+12=100. Для относительных частот распределение примет вид

$$x_i$$
 1 3 5 7 9 W_i 0.1 0.15 0.3 0.33 0.12

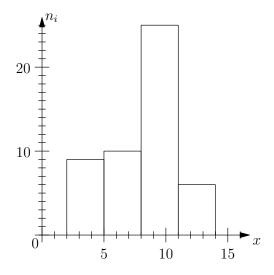
Для построения полигона относительных частот отметим на координатной плоскости точки с координатами (x_i, W_i) и соединим их отрезками.



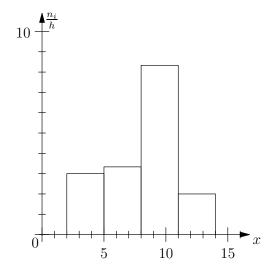
3. Построить гистраграммы частот и относительных частот распределения (в первом столбце указан частичный интервал, во втором — сумма частот вариант частичного интервала).

$$\begin{array}{ccc} 2-5 & 9 \\ 5-8 & 10 \\ 8-11 & 25 \\ 11-14 & 6 \end{array}$$

Решение. В первом столбце указаны левые и правые границы столбцов. А во втором стобце указана его высота. Тогда гистограмма частот примет вид.



Для построения гистограммы относительных частот нужно найти относительный частоты. Шаг h=3. Тогда $n_1/h=9/3=3$, $n_2/h=10/3$, $n_3/h=25/3$, $n_4/h=6/3=2$. Теперь левые и правые границы будут теми же, а высота будет равна n_i/h . Тогда гистограмма относительных частот примет вид.



[1] В. Е. Гмурман, Теория вероятностей и математическая статистика 12-е изд. Учебник для вузов (Юрайт, 2022).