

Olympic Birds Problemas da Semana 6 Matemática

1 Questão: Polinômios sequenciados

Escrito por Kauan Emanuel

Considere o polinômio $P(x) = x^3 - 12x^2 + 36x + k$, com $k \in \mathbb{R}$. Sabe-se que as raízes de P(x) formam uma progressão geométrica. Seja Q(x) um polinômio formado pelos 3 primeiros termos de uma progressão aritmética, de primeiro termo $\left|\frac{k}{3}\right|$, cuja soma de seus 10 primeiros termos é 270. Assinale a alternativa que corresponde à soma dos coeficientes de Q(x), tomando o coeficiente líder igual a -1.

- a) 1536
- b) 1256
- c) 4032
- d) 3235
- e) 2840

2 Questão: Giro de raízes

Escrito por Kauan Emanuel

Dadas as equações $z = x + yi/z^6 - 12z^5i - 60z^4 + 160z^3i + 240z^2 - 192zi - 128 \le 0$ e $\sqrt{3}x - 3y + 2\sqrt{3} + 6 \ge 0$, com $x, y \in \mathbb{R}$, calcule o volume do sólido de revolução gerado pela intersecção dessas equações no plano xy em torno da segunda equação.

3 Questão: Esquema da Pirâmide

Escrito por Kauan Emanuel

Considere um tetraedro regular ABCD, e os pontos M, N e P estão sobre os segmentos AD, BD e CD, tal que $\frac{AM}{MD}=2$, $\frac{BN}{ND}=3$ e $\frac{DP}{PC}=5$. Traçam-se os prolongamentos das retas suportes AC e BC até E e G. Calcule a razão entre o volume da pirâmide EGCD e ABCD, tendo em vista que M, P e E, bem como N, P e G são colineares.