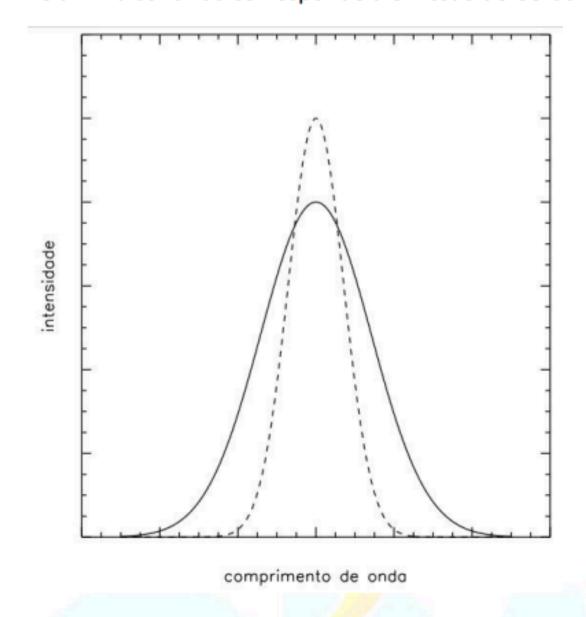
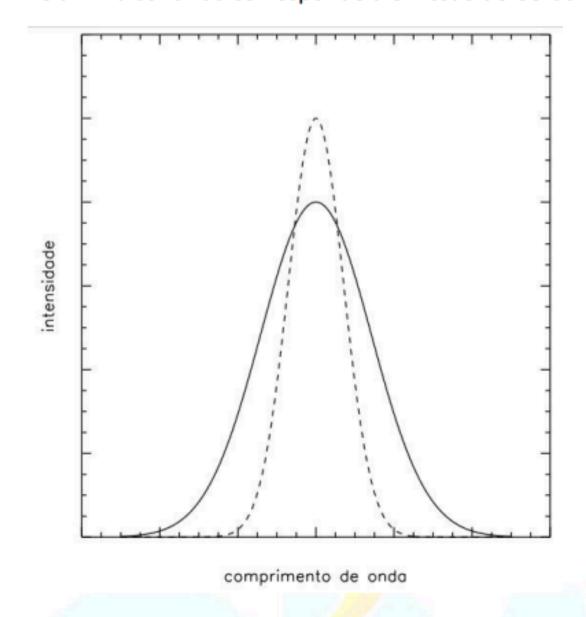


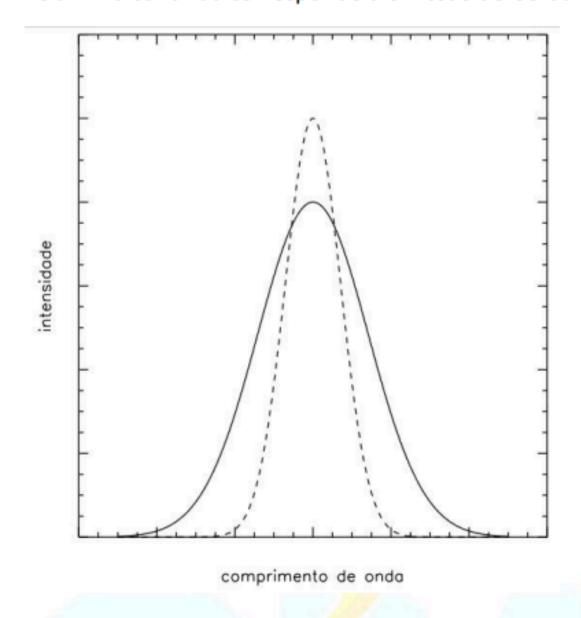
- () A largura das linhas está relacionada com a dispersão de velocidades das moléculas de CO
- () Uma maior dispersão de velocidades está associada a uma maior temperatura da nuvem molecular
- () O efeito responsável pela alteração do comprimento de onda da linha devido à velocidade das moléculas é o efeito de Doppler
- () A nuvem molecular com uma temperatura média mais elevada é a nuvem A



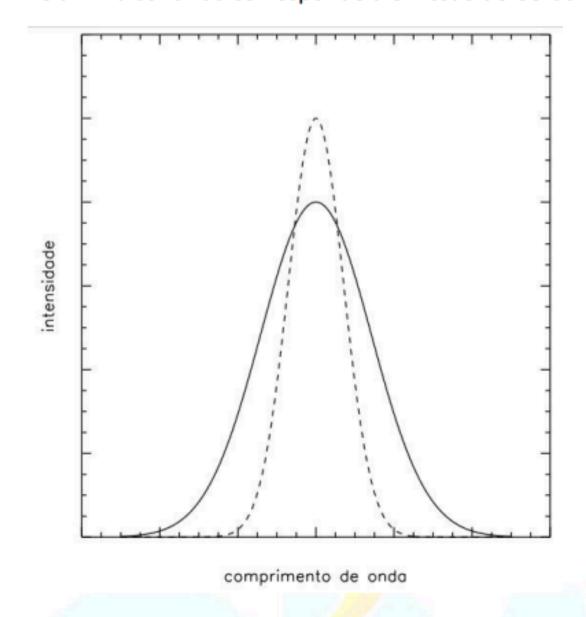
- (V) A largura das linhas está relacionada com a dispersão de velocidades das moléculas de CO
- () Uma maior dispersão de velocidades está associada a uma maior temperatura da nuvem molecular
- () O efeito responsável pela alteração do comprimento de onda da linha devido à velocidade das moléculas é o efeito de Doppler
- () A nuvem molecular com uma temperatura média mais elevada é a nuvem A



- (V) A largura das linhas está relacionada com a dispersão de velocidades das moléculas de CO
- (V) Uma maior dispersão de velocidades está associada a uma maior temperatura da nuvem molecular
- () O efeito responsável pela alteração do comprimento de onda da linha devido à velocidade das moléculas é o efeito de Doppler
- () A nuvem molecular com uma temperatura média mais elevada é a nuvem A

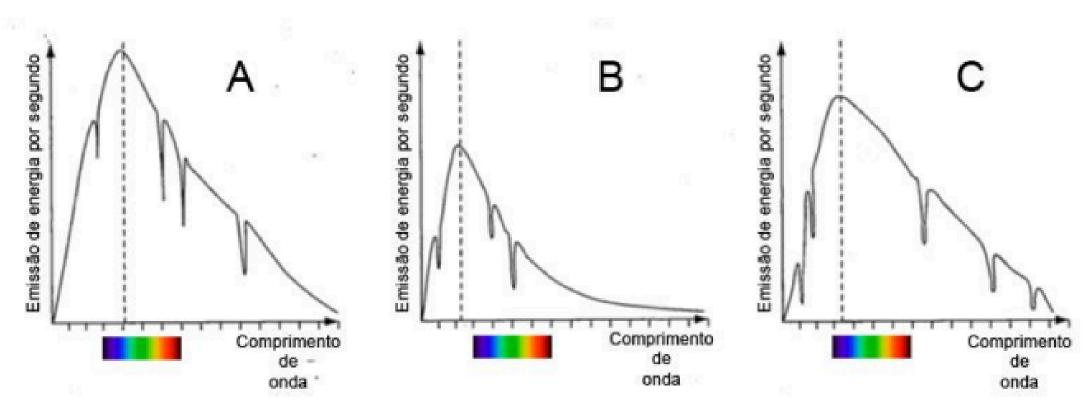


- (V) A largura das linhas está relacionada com a dispersão de velocidades das moléculas de CO
- (V) Uma maior dispersão de velocidades está associada a uma maior temperatura da nuvem molecular
- (V) O efeito responsável pela alteração do comprimento de onda da linha devido à velocidade das moléculas é o efeito de Doppler
- () A nuvem molecular com uma temperatura média mais elevada é a nuvem A



- (V) A largura das linhas está relacionada com a dispersão de velocidades das moléculas de CO
- (V) Uma maior dispersão de velocidades está associada a uma maior temperatura da nuvem molecular
- (V) O efeito responsável pela alteração do comprimento de onda da linha devido à velocidade das moléculas é o efeito de Doppler
- (F) A nuvem molecular com uma temperatura média mais elevada é a nuvem A

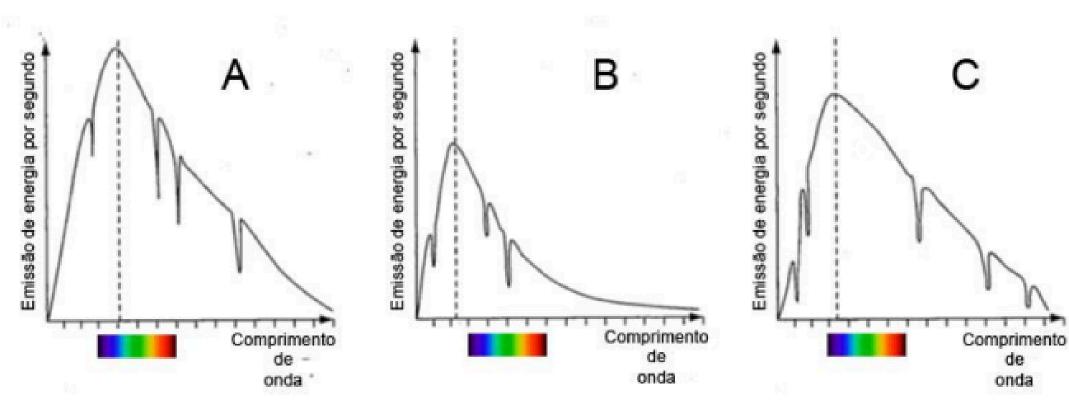
6) Os gráficos a seguir ilustram a emissão de energia *versus* o comprimento de onda de três objetos desconhecidos A, B e C.



Qual deles possui a temperatura mais alta?

- a. Em branco
- C b. A
- c. Impossível de responder, pois faltam informações
- C d. C
- e. B

6) Os gráficos a seguir ilustram a emissão de energia *versus* o comprimento de onda de três objetos desconhecidos A, B e C.

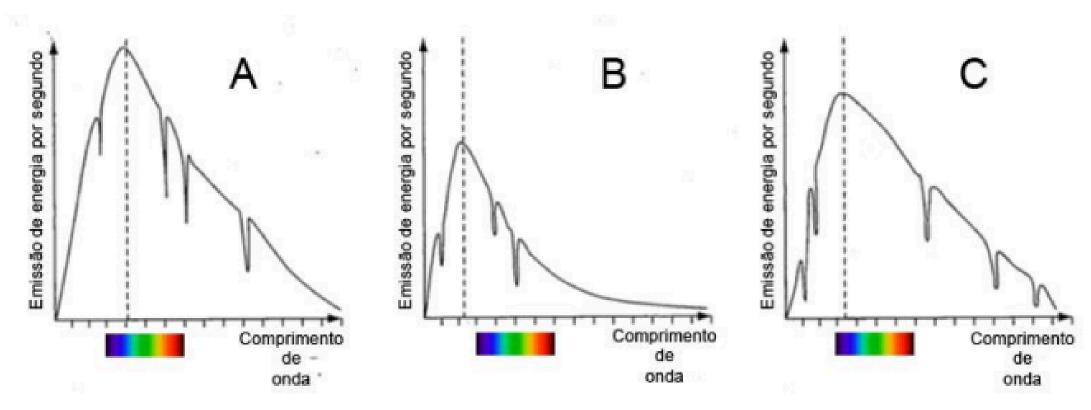


Qual deles possui a temperatura mais alta?

- a. Em branco
- C b. A
- c. Impossível de responder, pois faltam informações
- C d. C
- C e. B

$$\lambda = rac{b}{T}$$

6) Os gráficos a seguir ilustram a emissão de energia *versus* o comprimento de onda de três objetos desconhecidos A, B e C.



Qual deles possui a temperatura mais alta?

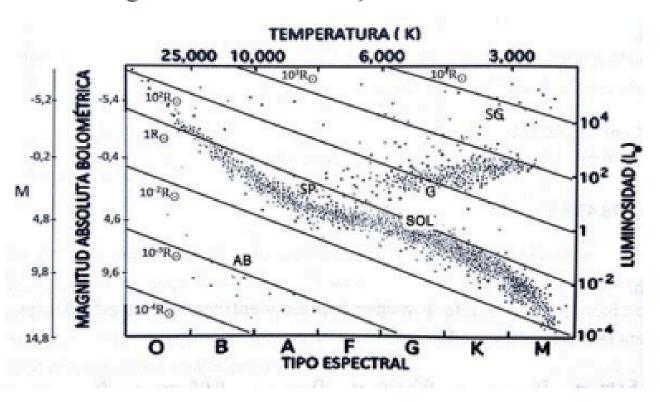
Escolha uma:

- a. Em branco
- C b. A
- c. Impossível de responder, pois faltam informações
- d. C



 $\lambda = \frac{b}{T}$

Atenção: A luminosidade no diagrama é dada em função da Luminosidade do Sol (L_{Sol})

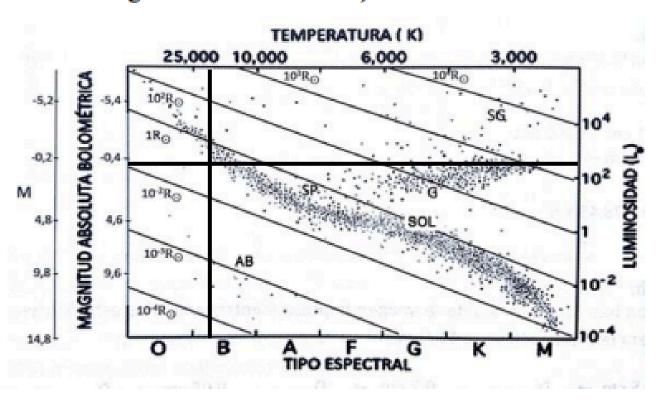


- Estrela 1: temperatura 20.000 K e magnitude absoluta M = 0
- Estrela 2: temperatura 20.000 K e luminosidade 0,01 L_{Sol}
- Estrela 3: tipo espectral K e luminosidade 200 L_{Sol}
- Estrela 4: tipo espectral K e magnitude absoluta M = -6

Assinale a opção que traz a ordem correta de classificação das estrelas acima (na ordem em que as estrelas foram apresentadas).

- a. AB, SP, G, SG
- b. SP, AB, SG, G
- c. Em branco
- d. SP, AB, G, SG
- e. AB, SP, SG, G

Atenção: A luminosidade no diagrama é dada em função da Luminosidade do Sol (Lsol)

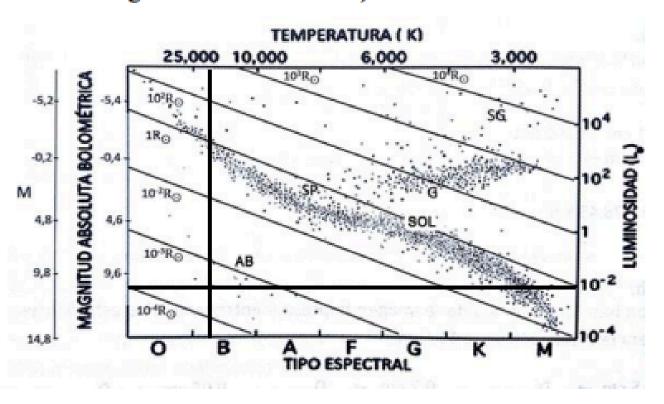


- Estrela 1: temperatura 20.000 K e magnitude absoluta M = 0
- Estrela 2: temperatura 20.000 K e luminosidade 0,01 L_{Sol}
- Estrela 3: tipo espectral K e luminosidade 200 L_{Sol}
- Estrela 4: tipo espectral K e magnitude absoluta M = -6

Assinale a opção que traz a ordem correta de classificação das estrelas acima (na ordem em que as estrelas foram apresentadas).

- a. AB, SP, G, SG
- b. SP, AB, SG, G
- c. Em branco
- d. SP, AB, G, SG
- e. AB, SP, SG, G

Atenção: A luminosidade no diagrama é dada em função da Luminosidade do Sol (Lsol)

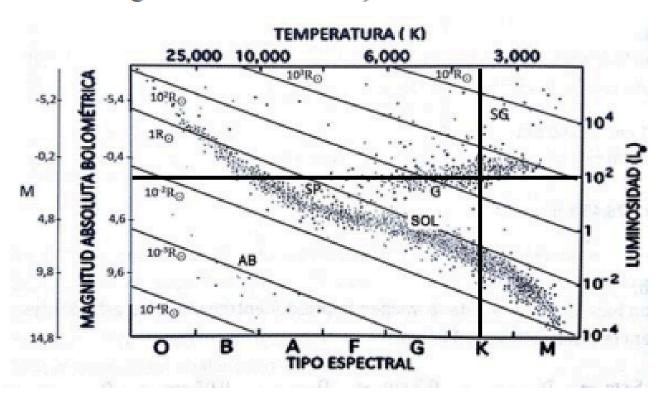


- Estrela 1: temperatura 20.000 K e magnitude absoluta M = 0
- Estrela 2: temperatura 20.000 K e luminosidade 0,01 L_{Sol}
- Estrela 3: tipo espectral K e luminosidade 200 L_{Sol}
- Estrela 4: tipo espectral K e magnitude absoluta M = -6

Assinale a opção que traz a ordem correta de classificação das estrelas acima (na ordem em que as estrelas foram apresentadas).

- a. AB, SP, G, SG
- b. SP, AB, SG, G
- c. Em branco
- d. SP, AB, G, SG
- e. AB, SP, SG, G

Atenção: A luminosidade no diagrama é dada em função da Luminosidade do Sol (L_{Sol})

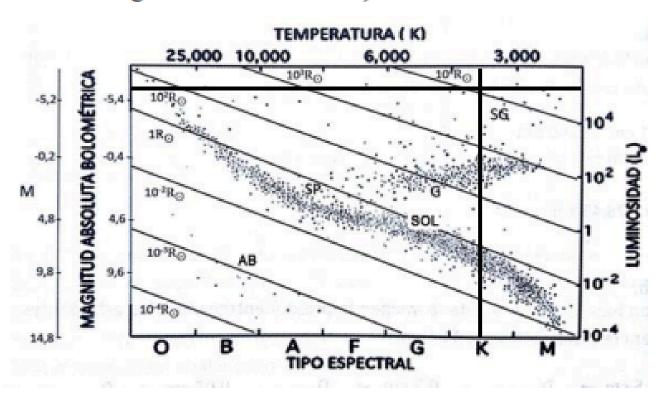


- Estrela 1: temperatura 20.000 K e magnitude absoluta M = 0
- Estrela 2: temperatura 20.000 K e luminosidade 0,01 L_{Sol}
- Estrela 3: tipo espectral K e luminosidade 200 L_{Sol}
- Estrela 4: tipo espectral K e magnitude absoluta M = -6

Assinale a opção que traz a ordem correta de classificação das estrelas acima (na ordem em que as estrelas foram apresentadas).

- a. AB, SP, G, SG
- b. SP, AB, SG, G
- c. Em branco
- d. SP, AB, G, SG
- e. AB, SP, SG, G

Atenção: A luminosidade no diagrama é dada em função da Luminosidade do Sol (Lsol)

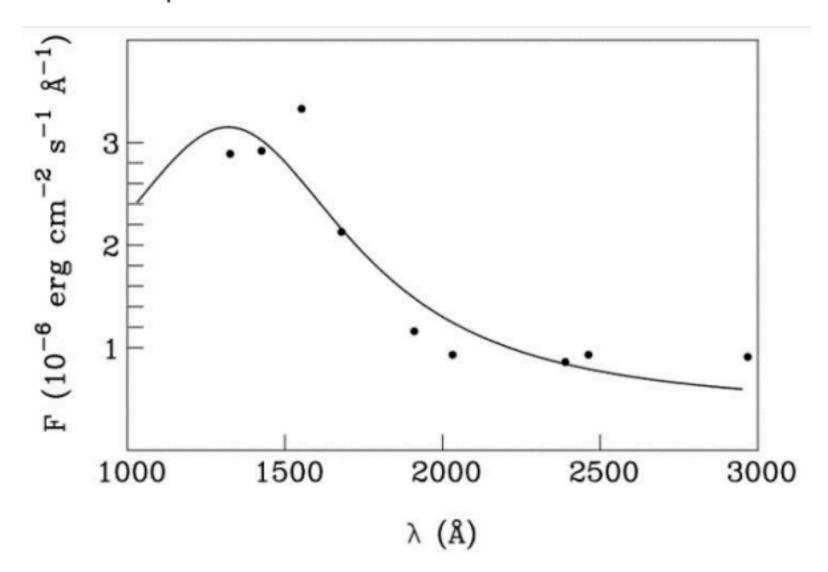


- Estrela 1: temperatura 20.000 K e magnitude absoluta M = 0
- Estrela 2: temperatura 20.000 K e luminosidade 0,01 L_{Sol}
- Estrela 3: tipo espectral K e luminosidade 200 L_{Sol}
- Estrela 4: tipo espectral K e magnitude absoluta M = -6

Assinale a opção que traz a ordem correta de classificação das estrelas acima (na ordem em que as estrelas foram apresentadas).

- a. AB, SP, G, SG
- b. SP, AB, SG, G
- c. Em branco
 - d. SP, AB, G, SG
- e. AB, SP, SG, G

10) Na determinação do campo de radiação ultravioleta interestelar, medidas da Apollo 17, indicam um fluxo $n = 1.2 \times 10^5$ fótons.cm⁻².s⁻¹.Å⁻¹ para $\lambda = 1.500$ Å.



Pode-se afirmar que a razão entre o fluxo de radiação interestelar teórico, neste comprimento de onda, e o valor estimado pelo ajuste dado na figura (F_{teórico}/F_{ajuste}) é igual a:

Se necessário, adote: Constante de Planck: $h = 6,63.10^{-27}$ erg.s; $1 \text{ Å} = 10^{-10}$ m; velocidade da luz no vácuo: $c = 3.0 \times 10^8 \text{m/s}$

- a) 0,57
- b) 0,20
- c) 1,50
- d) 2,80

OLIMPÍADA BRASILEIRA DE ASTRONOMIA E ASTRONÁUTICA

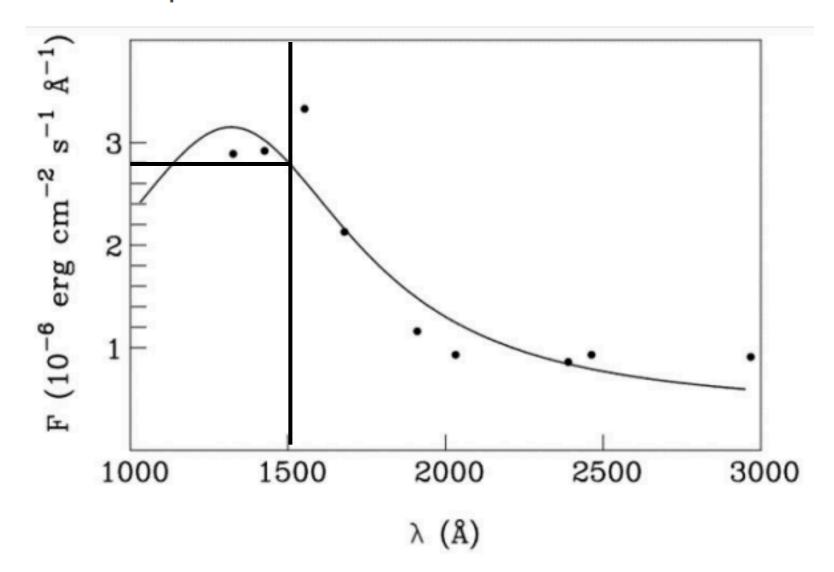
$$E=hf=rac{hc}{\lambda}$$

$$F_t = nE = nrac{hc}{\lambda}$$

$$F_t = 1, 6.10^{-6}$$

$$F_t = 1,6.10^{-6}$$

10) Na determinação do campo de radiação ultravioleta interestelar, medidas da Apollo 17, indicam um fluxo $n = 1.2 \times 10^5$ fótons.cm⁻².s⁻¹.Å⁻¹ para $\lambda = 1.500$ Å.



Pode-se afirmar que a razão entre o fluxo de radiação interestelar teórico, neste comprimento de onda, e o valor estimado pelo ajuste dado na figura (F_{teórico}/F_{ajuste}) é igual a:

Se necessário, adote: Constante de Planck: $h = 6,63.10^{-27}$ erg.s; $1 \text{ Å} = 10^{-10}$ m; velocidade da luz no vácuo: $c = 3.0 \times 10^8 \text{m/s}$

- a) 0,57
- b) 0,20
- c) 1,50
- d) 2,80

$$E=hf=rac{hc}{\lambda}$$

$$F_t = nE = nrac{hc}{\lambda}$$

$$F_t = 1, 6.10^{-6}$$

$$F_t = 1,6.10^{-6}$$

$$rac{F_t}{F_e}pprox 0,57$$

11) A imagem mostrada abaixo corresponde ao eclipse solar anular de 22 de agosto de 1998 registrado por um antigo filme fotográfico de 35 mm.



O diâmetro do disco solar na imagem do filme original é de 13,817 mm e o diâmetro do disco da Lua é de 13,235 mm.

Assinale a alternativa que traz o valor aproximado do módulo da variação Δm da magnitude aparente do Sol no momento do máximo do eclipse. Considere o disco solar uniformemente brilhante.

c) 3,82

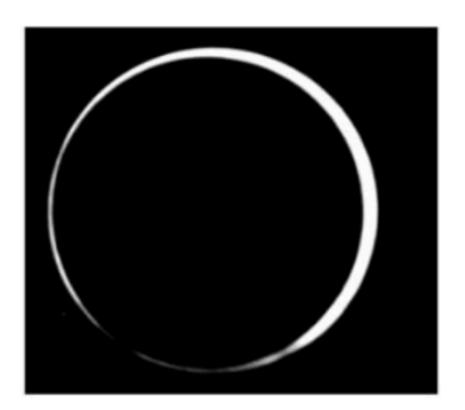
e) 7,10

$$m-m_e=-2,5 log\left(rac{F}{F_e}
ight) \ =-2,5 log\left(rac{A}{A_e}
ight)pprox 2,71$$

$$Flpha A
ightarrow \;rac{F}{A}=rac{F_e}{A_e} \qquad \qquad A=\piigg(rac{D}{2}igg)^2 \ A_e=\piigg(rac{D}{2}igg)^2-\piigg(rac{D_L}{2}igg)^2$$

$$A_e = \pi igg(rac{D}{2}igg)^2 - \pi igg(rac{D_L}{2}igg)^2$$

11) A imagem mostrada abaixo corresponde ao eclipse solar anular de 22 de agosto de 1998 registrado por um antigo filme fotográfico de 35 mm.



O diâmetro do disco solar na imagem do filme original é de 13,817 mm e o diâmetro do disco da Lua é de 13,235 mm.

Assinale a alternativa que traz o valor aproximado do módulo da variação Δm da magnitude aparente do Sol no momento do máximo do eclipse. Considere o disco solar uniformemente brilhante.

$$m-m_e=-2,5 log\left(rac{F}{F_e}
ight) \ =-2,5 log\left(rac{A}{A_e}
ight)pprox 2,71$$

$$Flpha A
ightarrow \;rac{F}{A}=rac{F_e}{A_e} \qquad \qquad A=\piigg(rac{D}{2}igg)^2 \ A_e=\piigg(rac{D}{2}igg)^2-\piigg(rac{D_L}{2}igg)^2$$

6) Galáxias anãs elípticas são classificadas em termos de massa (entre 10^7 e 10^9 M_{Sol}) e luminosidade (entre 10^5 e 10^7 L_{Sol}). Considere uma galáxia anã elíptica que contenha cerca de 100 milhões de estrelas, cuja magnitude aparente da galáxia como um todo seja é m = +10,0.

Em primeira aproximação, suponha que todas as estrelas dessa galáxia tenham a mesma luminosidade.

Assinale a opção que traz a magnitude aparente aproximada de uma das estrelas dessa galáxia. Desconsidere a extinção interestelar.

a) +10,0
$$F=nF'=10^8F'$$

b) +20,0
$$m-m'=-2,5log\left(\frac{F}{F'}\right)=-2,5log\left(\frac{10^8F'}{F'}\right)=-2,5log10^8=-20$$
 c) +25,0

$$d) +30,0$$

e) +35,0
$$m^\prime=20+m$$
 $m^\prime=30$

6) Galáxias anãs elípticas são classificadas em termos de massa (entre 10^7 e 10^9 M_{Sol}) e luminosidade (entre 10^5 e 10^7 L_{Sol}). Considere uma galáxia anã elíptica que contenha cerca de 100 milhões de estrelas, cuja magnitude aparente da galáxia como um todo seja é m = +10,0.

Em primeira aproximação, suponha que todas as estrelas dessa galáxia tenham a mesma luminosidade.

Assinale a opção que traz a magnitude aparente aproximada de uma das estrelas dessa galáxia. Desconsidere a extinção interestelar.

a) +10,0
$$F=nF'=10^8F'$$

b) +20,0
$$m-m'=-2,5log\left(\frac{F}{F'}\right)=-2,5log\left(\frac{10^8F'}{F'}\right)=-2,5log10^8=-20$$
 c) +25,0

e) +35,0
$$m^\prime=20+m$$
 $m^\prime=30$

Como observado pelo astrônomo Edwin Hubble, as linhas presentes nos espectros de galáxias distantes são deslocadas para o lado vermelho do espectro devido ao movimento de afastamento destas galáxias em relação a nós, de forma que a velocidade de recessão de uma galáxia é diretamente proporcional à sua distância, tendo o Parâmetro de Hubble H₀ como constante de proporcionalidade.

Suponha que, ao se observar uma galáxia, uma das linhas de hidrogênio esteja deslocada de $\Delta\lambda = 48,61$ nm para o vermelho, quando comparado com o seu comprimento de onda de repouso de 486,10 nm.

Considere que para *redshift*s pequenos (z < 1) o Efeito Doppler clássico (z ~ v/c) seja uma boa aproximação, que H₀ = 67,15 km s⁻¹ Mpc⁻¹ e c = 2,99×10⁵km s⁻¹.

Quanto tempo, em bilhões de anos, aproximadamente, demorou a luz desta galáxia para chegar até nós?

a) 0,44

b) 1,45

c) 2,99

d) 6,71

e) Em branco

$$z=rac{\Delta\lambda}{\lambda}=0,1$$

$$z=rac{v}{c}
ightarrow v=zc=3.10^7$$

$$v = dH_o
ightarrow d = rac{v}{H_o} pprox 4,45.10^5 Mpc = 4,5.10^5.10^3.3,26 al$$

$$d=1,45.10^9 al
ightarrow t=1,45$$

Como observado pelo astrônomo Edwin Hubble, as linhas presentes nos espectros de galáxias distantes são deslocadas para o lado vermelho do espectro devido ao movimento de afastamento destas galáxias em relação a nós, de forma que a velocidade de recessão de uma galáxia é diretamente proporcional à sua distância, tendo o Parâmetro de Hubble H₀ como constante de proporcionalidade.

Suponha que, ao se observar uma galáxia, uma das linhas de hidrogênio esteja deslocada de $\Delta\lambda = 48,61 \text{ nm}$ para o vermelho, quando comparado com o seu comprimento de onda de repouso de 486,10 nm.

Considere que para *redshift*s pequenos (z < 1) o Efeito Doppler clássico (z ~ v/c) seja uma boa aproximação, que H₀ = 67,15 km s⁻¹ Mpc⁻¹ e c = 2,99×10⁵km s⁻¹.

Quanto tempo, em bilhões de anos, aproximadamente, demorou a luz desta galáxia para chegar até nós?

a) 0,44

1,45

c) 2,99

d) 6,71

e) Em branco

$$z=rac{\Delta\lambda}{\lambda}=0,1$$

$$z=rac{v}{c}
ightarrow v=zc=3.10^7$$

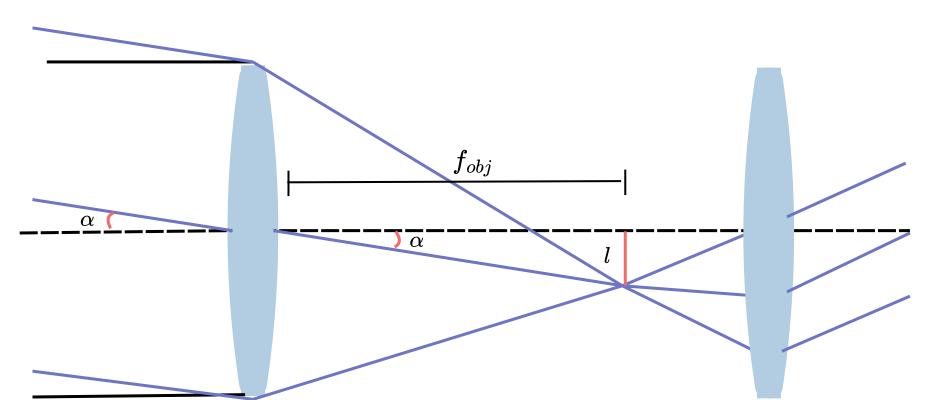
$$v = dH_o
ightarrow d = rac{v}{H_o} pprox 4,45.10^5 Mpc = 4,5.10^5.10^3.3,26 al$$

$$d=1,45.10^9 al
ightarrow t=1,45$$

Qual a resolução angular aproximada no CCD, sabendo que cada pixel possui 7,20 μm de lado? A resposta está em "/pixel (segundo de arco/pixel).

- a. Em branco
- b. 0,37
- c. 1,48
- d. 2,22
- e. 0,74

$$lpha = rac{l}{f_{obj}}$$



$$R=rac{f_{obj}}{D}
ightarrow f_{obj}=RD
ightarrow f_{obj}=2000mm$$

$$lpha = rac{7,20.10^{-3}}{2000} = 3,60.10^{-6} \left[rac{rad}{pixel}
ight]$$

$$lpha = 3,6.10^{-6}.206265 = 0,74 \left[rac{"}{pixel}
ight]$$

1) Uma câmera CCD com sensor de 2048 × 3072 pixels está instalada no foco Cassegrain de um telescópio de razão focal f/10 e espelho primário de 200 mm de diâmetro.

Qual a resolução angular aproximada no CCD, sabendo que cada pixel possui 7,20 μm de lado? A resposta está em "/pixel (segundo de arco/pixel).

a. Em branco

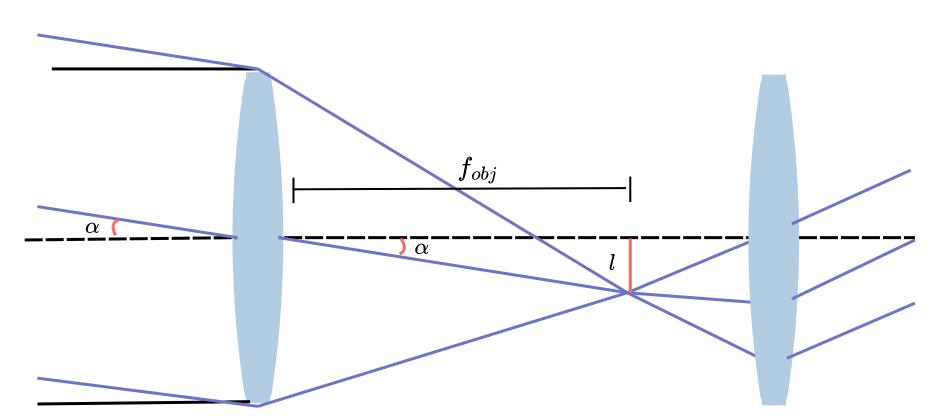
b. 0,37

© c. 1,48

[©] d. 2,22

e. 0,74

$$lpha = rac{l}{f_{obj}}$$



$$egin{split} R &= rac{f_{obj}}{D}
ightarrow f_{obj} = RD
ightarrow f_{obj} = 2000mm \ lpha &= rac{7,20.10^{-3}}{2000} = 3,60.10^{-6} \left[rac{rad}{pixel}
ight] \end{split}$$

$$lpha = 3,6.10^{-6}.206265 = 0,74 \left[rac{"}{pixel}
ight]$$

2) Estrelas quentes, como as supergigantes de tipo espectral B, apresentam ventos estelares rápidos, com velocidades tipicamente da ordem de 2.000 km/s. Essas estrelas têm luminosidades da ordem de 3,8 \times 10³¹ W e temperaturas efetivas típicas de T \simeq 20.000 K. Admita que os ventos se originam nas vizinhanças da superfície da estrela, onde r = 2 R e a densidade média do vento estelar é de $\rho \simeq 10^{-11}$ kg/m³. O raio da estrela é R e r é a distância entre o centro da estrela e o local de origem do vento estelar. Pode-se afirmar que a taxa de perda de massa dessas estrelas causado pelos ventos é de:

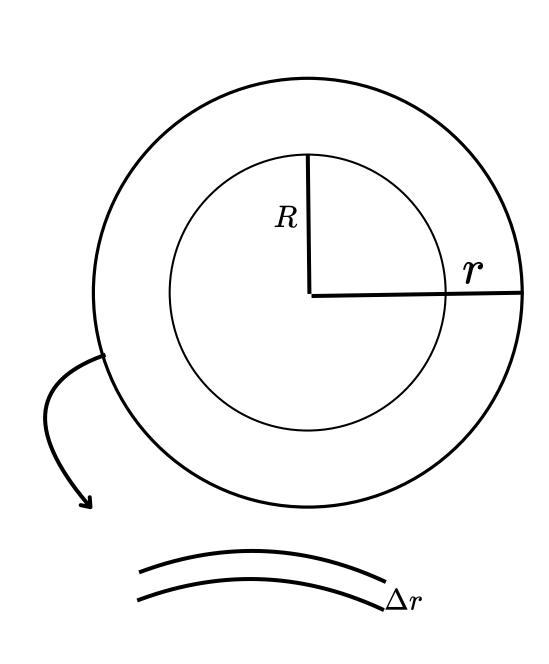
Adote: Constante de Stefan-Boltzmann $\sigma = 5,67 \times 10^{-8} \text{ W.m}^{-2}.\text{K}^{-4}$.

a)
$$3.3 \times 10^{17} \text{ kg/s}$$

b)
$$3.3 \times 10^{10} \text{ kg/s}$$

c)
$$3.3 \times 10^6 \text{ kg/s}$$

d)
$$3.3 \times 10^{23} \text{ kg/s}$$



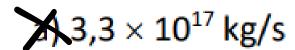
$$\phi = rac{\Delta m}{\Delta t} \hspace{1cm}
ho = rac{\Delta m}{V}
ightarrow \Delta m = V
ho \ V = 4 \pi r^2$$
 . Δr

$$\phi=V
ho 4\pi r^2rac{\Delta r}{\Delta t}=V
ho 4\pi r^2v=V
ho 4\pi (2R)^2vV
ho 4\pi r^2v$$
 $L=4\pi R^2\sigma T^4 o R^2=rac{L}{4\pi\sigma T^4}$

$$\phi=3,3.10^{17}rac{kg}{s}$$

2) Estrelas quentes, como as supergigantes de tipo espectral B, apresentam ventos estelares rápidos, com velocidades tipicamente da ordem de 2.000 km/s. Essas estrelas têm luminosidades da ordem de 3,8 \times 10³¹ W e temperaturas efetivas típicas de T \simeq 20.000 K. Admita que os ventos se originam nas vizinhanças da superfície da estrela, onde r = 2 R e a densidade média do vento estelar é de $\rho \simeq 10^{-11}$ kg/m³. O raio da estrela é R e r é a distância entre o centro da estrela e o local de origem do vento estelar. Pode-se afirmar que a taxa de perda de massa dessas estrelas causado pelos ventos é de:

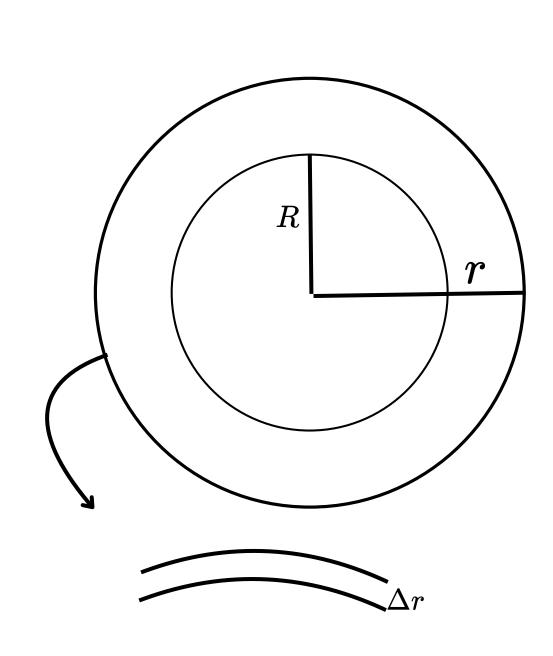
Adote: Constante de Stefan-Boltzmann $\sigma = 5,67 \times 10^{-8} \text{ W.m}^{-2}.\text{K}^{-4}$.



b)
$$3.3 \times 10^{10} \text{ kg/s}$$

c)
$$3.3 \times 10^6 \text{ kg/s}$$

d)
$$3.3 \times 10^{23} \text{ kg/s}$$



$$\phi = rac{\Delta m}{\Delta t} \hspace{1cm}
ho = rac{\Delta m}{V}
ightarrow \Delta m = V
ho \ V = 4 \pi r^2$$
 . Δr

$$egin{align} \phi &= V
ho 4\pi r^2rac{\Delta r}{\Delta t} = V
ho 4\pi r^2v = V
ho 4\pi (2R)^2vV
ho 4\pi r^2v \ L &= 4\pi R^2\sigma T^4
ightarrow R^2 = rac{L}{4\pi\sigma T^4} \ \phi &= 3,3.10^{17}rac{kg}{s} \ \end{pmatrix}$$