

Enterprise Zero-Knowledge Threshold Secret Sharing System

本项目提供了一个生产就绪的企业级零知识阈值秘密共享系统，集成多项高级安全特性、性能优化算法和完善的审计机制，适用于大规模分布式密钥管理与秘密恢复场景。

主要功能

- 阈值秘密共享 (Shamir Secret Sharing)**
通过多项式分割的方式，将秘密 s 分成 n 份，每份为 $(i, f(i))$ ，仅当至少 t 份有效分享聚合时，方可重构原始秘密。
- FFT 加速拉格朗日插值 (Optimized Lagrange FFT)**
采用并行化 Karatsuba 与 FFT 技术，在大规模多项式乘法与插值时显著提升性能，并提供完备的错误类型和性能度量。
- 企业级 BLAKE3 哈希适配器**
基于 BLAKE3，提供 64 字节增强输出、跨平台 SIMD 加速和审计上下文扩展，兼顾高吞吐与安全性。
- 全生命周期密钥管理**
从密钥生成、激活、退役到销毁，严格遵循 NIST SP 800-57，并在每一阶段记录安全审计事件。
- 零知识证明与 VSS 校验**
使用 Fiat-Shamir 变换生成非交互式零知识证明，验证每份分享的正确性；并实现批量并行恢复功能。
- 多方计算 (MPC) 集成示例**
演示多方多项式协议生成全局秘密切片，并进行聚合随机数示例，展现实际应用能力。
- 合规与审计**
支持 FIPS 140-2 Level 3、Common Criteria EAL4+ 等模式，可导出完整性能指标与审计日志，满足企业合规需求。

代码的实际用途

- 企业密钥管理系统 (KMS/HSM增强)**：防止单点泄露，提升企业密钥安全与合规性。
- 区块链/多签钱包**：多方安全托管私钥，防止单点失效和内部作恶。
- 分布式身份认证与访问控制**：实现分布式身份、权限分割与联合恢复。
- 高合规行业 (金融、医疗、政府)**：满足严格的审计、合规和生命周期管理要求。

- DevOps与云原生安全：安全分发和管理云端、微服务等敏感配置和密钥。
- 灾备与应急响应：分片分布于不同地点，防止灾难导致数据丢失或泄露。

代码的主要创新点与优势

- 信息论安全：基于Shamir秘密共享，低于阈值分片无法泄露任何秘密。
- 零知识证明：每个分片都可独立验证，防止恶意分片和内部攻击。
- 高性能插值：FFT/Karatsuba等算法提升恢复效率，适合大规模并发场景。
- 企业级合规：详细审计、全生命周期管理、支持多种合规模式。
- 模块化设计：易于集成、扩展，支持不同业务和合规需求

架构及模块

```
├─ src/
│   ├─ error.rs           // CryptoError、ErrorHandler 与审计日志
│   ├─ hash_adapter.rs    // Blake3Adapter 与 SecurityValidator
│   ├─ key_lifecycle.rs   // Key 生命周期管理
│   ├─ lagrange_fft.rs    // 优化多项式运算与插值
│   ├─ sharing.rs        // Shamir 分享、更新与阈值调整
│   ├─ mpc.rs            // MPC 协议模拟
│   ├─ proof.rs          // 零知识证明生成与验证
│   ├─ vss.rs            // Verifiable Secret Sharing 校验
│   ├─ serialization.rs  // Scalar & RistrettoPoint 序列化
│   ├─ utils.rs          // 随机数、常量与幂运算
│   └─ main.rs           // 企业演示与 CLI
```

数学正确性证明

下面给出你系统的**完整数学正确性证明**，结合所有关键方法（Shamir秘密共享、FFT加速插值、Pedersen承诺与非交互式零知识证明、MPC多方密钥生成）。

1. Shamir秘密共享的正确性证明

设素数域 \mathbb{F}_q ，秘密为 $s \in \mathbb{F}_q$ ，阈值为 t ，参与者数为 n 。

构造随机多项式：

$$f(X) = a_0 + a_1X + \cdots + a_{t-1}X^{t-1}, \quad a_0 = s, \quad a_i \xleftarrow{\$} \mathbb{F}_q, i \geq 1.$$

分片为：

$$(x_i, y_i) = (i, f(i)), \quad i = 1, \dots, n.$$

拉格朗日插值重构秘密：

$$\ell_i(X) = \prod_{\substack{1 \leq j \leq t \\ j \neq i}} \frac{X - x_j}{x_i - x_j}, \quad \ell_i(x_j) = \delta_{ij}.$$

插值多项式：

$$F(X) = \sum_{i=1}^t y_i \ell_i(X).$$

由于 $F(x_i) = y_i = f(x_i)$ 且 $\deg(F), \deg(f) < t$, 唯一性定理保证：

$$F(X) \equiv f(X).$$

因此秘密：

$$s = f(0) = F(0) = \sum_{i=1}^t y_i \ell_i(0) = \sum_{i=1}^t y_i \prod_{j \neq i} \frac{-x_j}{x_i - x_j}.$$

2. FFT加速插值的正确性

定义：

$$Q(X) = \prod_{i=1}^t (X - x_i), \quad Q'(X) = \frac{d}{dX} Q(X).$$

拉格朗日基函数在0点的值为：

$$\ell_i(0) = \prod_{j \neq i} \frac{0 - x_j}{x_i - x_j} = \frac{Q(0)}{(0 - x_i)Q'(x_i)} = -\frac{Q(0)}{x_i Q'(x_i)}.$$

秘密重构公式等价于：

$$s = \sum_{i=1}^t y_i \ell_i(0) = -Q(0) \sum_{i=1}^t \frac{y_i}{x_i Q'(x_i)}.$$

FFT和Karatsuba算法用于高效计算多项式乘法和求导，多项式 $Q(X)$ 、 $Q'(X)$ 的构造和多点评估均正确，保证插值结果与传统拉格朗日插值一致。

3. Pedersen承诺与非交互式Schnorr零知识证明的正确性

3.1 Pedersen承诺

给定椭圆曲线群 \mathbb{G} 及基点 $G, H \in \mathbb{G}$, 且攻击者未知 h 使 $H = hG$ 。

分片值 $s \in \mathbb{F}_q$ 和随机数 $r \in \mathbb{F}_q$ 的承诺为：

$$C = sG + rH.$$

3.2 非交互式Schnorr证明

- Prover随机选取 $k_s, k_r \xleftarrow{\$} \mathbb{F}_q$, 计算

$$R = k_s G + k_r H.$$

- 计算挑战值

$$c = H_{\text{FS}}(G \| H \| C \| R \| \text{index}),$$

其中 H_{FS} 是基于BLAKE3的哈希函数。

- 计算响应

$$z_s = k_s + cs, \quad z_r = k_r + cr.$$

- 验证方检查

$$z_s G + z_r H \stackrel{?}{=} R + cC.$$

3.3 证明正确

代入响应表达式左侧：

$$z_s G + z_r H = (k_s + cs)G + (k_r + cr)H = k_s G + k_r H + c(sG + rH) = R + cC.$$

已将 G、H、C、R、index 全部纳入挑战哈希，满足 **强 Fiat-Shamir** 要求，并且已消除弱 FS 的主要风险，核心的安全性降至 **离散对数假设**：只要对 G、H 的离散对数始终不可获知，你的 ZKP 就在随机预言机模型里信息完备、可靠且零知识。同时 **zk-thresh-pro** 满足验证条件，证明完备性。

4. MPC多方密钥生成的正确性

每方 i 随机生成多项式

$$f_i(X) = a_{i,0} + a_{i,1}X + \cdots + a_{i,t-1}X^{t-1},$$

其中 $a_{i,0} \xleftarrow{\$} \mathbb{F}_{q^o}$

全局秘密为

$$s = \sum_{i=1}^m a_{i,0}.$$

每个分片索引 j 的分片为

$$y_j = \sum_{i=1}^m f_i(j).$$

由于多项式相加仍是多项式，总多项式为

$$F(X) = \sum_{i=1}^m f_i(X),$$

满足

$$F(0) = s, \quad F(j) = y_j.$$

因此，秘密共享的正确性与安全性继承自单方Shamir秘密共享。

5. 信息论安全性证明

当已知少于阈值 t 个分片时，秘密 s 对攻击者保持完美保密。

证明：对于任意可能秘密 $s' \in \mathbb{F}_q$ ，存在多项式系数 a'_1, \dots, a'_{t-1} 使得多项式

$$f'(X) = s' + a'_1 X + \dots + a'_{t-1} X^{t-1}$$

与已知分片值一致。故分片对秘密的条件概率分布不变。

6. 系统正确性：

- 秘密共享正确性由拉格朗日插值唯一性保证；
- FFT加速插值保持数学等价，提升性能不影响正确性；
- Pedersen承诺与非交互式Schnorr证明保证分片承诺的绑定性和零知识性，防止伪造和泄露；
- MPC多方密钥生成通过多项式叠加保证全局秘密正确生成；
- 信息论安全可以保证少于阈值分片无法泄露秘密。

与市场主流竞品对比

对比内容	zk-thresh-pro	HashiCorp Vault SSS	Filecoin
安全性	信息论安全+ZKP+MPC	信息论安全	ML
分片可验证性	每片ZKP验证，防止恶意分片	无	无
动态阈值/更新	支持	不支持	不
性能	FFT/Karatsuba并行	传统Lagrange插值	签
审计与合规	全生命周期、详细审计日志	有限日志	无
应用范围	通用秘密共享、KMS、DevOps等	KMS为主	数

快速开始

1. 克隆仓库并构建：

```
git clone https://github.com/CryptographyTeam/zk-thresh-pro.git
cd zk-thresh-pro
cargo build --release
```

2. 演示运行：

```
cargo run --release
```

将依次执行安全验证、密钥生成、分享分发、秘密恢复等流程，并输出性能指标与审计日志。

3. 在业务代码中集成示例：

```
use zk-thresh-pro::{EnterpriseCryptoSystem, EnterpriseConfig, KeyState};

let config = EnterpriseConfig::default();
let mut system = EnterpriseCryptoSystem::new(config);

// 安全校验
system.validate_security()?;
```

```
// 生成并激活主密钥
let key = system.generate_enterprise_key("master-key-001"?);
assert_eq!(key.state, KeyState::Active);

// 创建并恢复秘密
let secret = key.secret;
let shares = system.create_secret_shares(secret, 3, 5, "op-123"?);
let recovered = system.recover_secret_enterprise(&shares[..3], "op-123"?);
assert_eq!(recovered, secret);
```

合规与审计

- 支持多种合规模式：Standard、FIPS 140-2 L3、Common Criteria EAL4+、自定义
- 可导出完整 PerformanceMetrics 与 SecurityEvent 列表，用于上报与审计
- 敏感字段在 Drop 和 ZeroizeOnDrop 中清零，最大程度减少侧信道风险

典型应用场景

- **企业密钥管理系统（KMS/HSM增强）**：用于密钥分发、生命周期管理、合规审计。
- **区块链和多签钱包**：多方安全托管，防止单点失效和内部作恶。
- **分布式身份认证**：支持DID、SSO等新型身份管理。
- **高合规行业（金融、医疗、政府）**：满足严格审计和合规要求。