# Enterprise Zero-Knowledge Threshold Secret Sharing System

本项目提供了一个生产就绪的企业级零知识阈值秘密共享系统,集成多项高级安全特性、性能优化算法和完善的审计机制,适用于大规模分布式密钥管理与秘密恢复场景。

## 主要功能

#### • 阈值秘密共享(Shamir Secret Sharing)

通过多项式分割的方式,将秘密 s 分成 n 份,每份为 (i, f(i)),仅当至少 t 份有效分享聚合时,方可重构原始秘密.

### • FFT 加速拉格朗日插值(Optimized Lagrange FFT)

采用并行化 Karatsuba 与 FFT 技术,在大规模多项式乘法与插值时显著提升性能,并提供完备的错误类型和性能度量.

#### • 企业级 BLAKE3 哈希适配器

基于 BLAKE3,提供 64 字节增强输出、跨平台 SIMD 加速和审计上下文扩展,兼顾高吞吐与安全性.

#### • 全生命周期密钥管理

从密钥生成、激活、退役到销毁,严格遵循 NIST SP 800-57,并在每一阶段记录安全审计事件。

#### • 零知识证明与 VSS 校验

使用 Fiat-Shamir 变换生成非交互式零知识证明,验证每份分享的正确性;并实现批量并行恢复功能.

#### • 多方计算(MPC)集成示例

演示多方多项式协议生成全局秘密切片,并进行聚合随机数示例,展现实际应用能力.

#### • 合规与审计

支持 FIPS 140-2 Level 3、Common Criteria EAL4+等模式,可导出完整性能指标与审计日志,满足企业合规需求。

# 架构及模块

## 数学正确性证明

## 1. Shamir 阈值秘密共享

选定素数域  $\mathbb{F}_p$ ,秘密  $s \in \mathbb{F}_p$  与阈值  $t \leq n$ 。构造随机多项式  $f(x) = s + a_1 x + a_2 x^2 + \cdots + a_{t-1} x^{t-1}, \quad a_i \stackrel{\$}{\leftarrow} \mathbb{F}_p.$ 

为第i位参与者分发分享(i, f(i))。

- **阈值重建**: 任取 t 个分享  $\{(i_j,y_j)\}_{j=1}^t$ ,可以唯一确定次数不超过 \$\$t-1\$\$ 的插值多项式,常数项即为原始秘密.
- **信息理论安全**: 少于 *t* 个分享时,被丢弃的常数项可任意映射,秘而不宣.

## 2. Lagrange 插值公式

给定 t 个点  $\{(x_j, y_j)\}_{j=1}^t$ ,插值多项式

$$f(x) = \sum_{j=1}^t y_j \, \ell_j(x),$$

其中

$$\ell_j(x) = \prod_{\substack{1 \leq m \leq t \ m 
eq j}} rac{x - x_m}{x_j - x_m}.$$

可验证:

$$\ell_j(x_k) = egin{cases} 1, & k=j, \ 0, & k 
eq j, \end{cases}$$

从而保证  $f(x_j) = y_j$ .

• 秘密重建: 取  $x_1, \ldots, x_t$  与对应  $y_j = f(x_j)$ , 计算

$$s = f(0) = \sum_{j=1}^{t} y_j \, \ell_j(0).$$

## 3. BLAKE3 安全与性能

Blake3Adapter 输出长度 512 bit(64 字节),具有以下安全性与性能保证:

- 碰撞抵抗: 2<sup>128</sup> 安全强度
- **前像抵抗**:  $2^{256}$  安全强度
- 树形 Merkle 结构: 天然并行,可横向扩展多线程与 SIMD 加速
- PRF/MAC/KDF/XOF: 一体化算法,无额外分支
- **序列化一致性**:使用 Zeroize 清除敏感状态,满足审计合规.

## 快速开始

1. 克隆仓库并构建:

```
git clone https://github.com/your-org/enterprise-threshold-sdk.git
cd enterprise-threshold-sdk
cargo build --release
```

2. 演示运行:

```
cargo run --release
```

将依次执行安全验证、密钥生成、分享分发、秘密恢复等流程,并输出性能指标与审计日志。

3. 在业务代码中集成示例:

```
use enterprise_threshold_sdk::{EnterpriseCryptoSystem, EnterpriseConfig, KeyState};

let config = EnterpriseConfig::default();

let mut system = EnterpriseCryptoSystem::new(config);

// 安全校验

system.validate_security()?;

// 生成并激活主密钥

let key = system.generate_enterprise_key("master-key-001")?;

assert_eq!(key.state, KeyState::Active);

// 创建并恢复秘密

let secret = key.secret;
let shares = system.create_secret_shares(secret, 3, 5, "op-123")?;

let recovered = system.recover_secret_enterprise(&shares[..3], "op-123")?;

assert_eq!(recovered, secret);
```

## 合规与审计

- 支持多种合规模式: Standard、FIPS 140-2 L3、Common Criteria EAL4+、自定义
- 可导出完整 PerformanceMetrics 与 SecurityEvent 列表,用于上报与审计

● 敏感字段在 Drop 和 ZeroizeOnDrop 中清零,最大程度减少侧信道风险