

Tarea 4

Algoritmos y Complejidad

2021-1

Camilo Contreras
201873063-7

27 de mayo de 2021

Concepto	Tiempo [min]
Investigación	4[h]
Desarrollo	3[h]
Informe	2[h]

1. Branch and Bound

En la perdida colonia antártica de [Nadiria](#) la moneda venía en denominaciones de \$1, \$4, \$7, \$13, \$28, \$52, \$91 y \$365. Como el papel era extremadamente escaso, por ley cualquier transacción en dinero debía usar el mínimo número de billetes.

Escriba un programa que lea de la entrada estándar un número n de cantidades a procesar, seguido por n cantidades de la entrada estándar. Puede suponer que los datos son correctos, no hace falta validar. Para cada cantidad escriba esta, el número mínimo de billetes y cuántos de cada denominación entregar, en orden decreciente. Su rutina principal debe tomar como datos el arreglo denom de denominaciones a manejar (no se limite al caso de Nadiria) y la cantidad c a entregar, y retornar el arreglo de cantidades de cada moneda. Por ejemplo:

```
change([5, 4, 1], 9)
—> [1, 1, 0]
change([5, 4, 1], 8)
—> [0, 2, 0]
change([365, 91, 52, 28, 13, 7, 4, 1], 416)
—> [0, 4, 1, 0, 0, 0, 0, 0]
```

2. Solución

En nuestro programa, utilizamos una cota superior muy grande, para evitar conflictos. Lo que hace el algoritmo es recorrer la lista de billetes, revisa el primer billete, y si este sirve para nuestro monto, lo agregamos a la lista de monedas, restamos la moneda a nuestro valor inicial, y así ahora llamamos a la función nuevamente, con este nuevo valor, aplicando recursividad.

```
for i in billetes:
    if i > n:
        pass
    else:
        totalMon = 1 + changePrincipal(billetes, n - i)[0]
        if totalMon < minMon:
            minMon = totalMon
            arr = changePrincipal(billetes, n - i)[1] + [i]
```

El punto crítico de la función es nuestro break, es este el cual nos permite descartar ramas que no son eficientes, agilizando el proceso mucho más. Se compara si el mínimo que llevamos es menor que el mínimo global, de no ser así, aplica el break, rompiendo el ciclo for y terminando con esa rama.

```
if totalMon < minMon:
    minMon = totalMon
    arr = changePrincipal(billetes, n - i)[1] + [i]
else:
    break
```

Finalmente tenemos una función cuyo objetivo es arreglar los arreglos para una salida más amena a la vista. Como podemos ver en la siguiente imagen:

```
-----Money-----
[365, 91, 52, 28, 13, 7, 4, 1]
-----
Cambio: 416
[0, 4, 1, 0, 0, 0, 0, 0]
```