

E.B.3.2.2.1 (I Rossi, Inferenza)

NOTA: uso una notazione più simile a quella del libro, l'ho trovata un po' più comoda.

$$\begin{aligned} & \mathbf{P}(F = \text{true} \mid L = \text{true}, A = \text{false}) = \\ & \alpha \sum_c \sum_i \mathbf{P}(F = \text{true}) \mathbf{P}(L = \text{true} \mid F = \text{true}) \mathbf{P}(A = \text{false} \mid C = c) \mathbf{P}(C = c \mid I = i, F = \text{true}) = \\ & \quad \{\text{spostamento dei termini fuori dalle sommatorie}\} \\ & \alpha \mathbf{P}(F = \text{true}) \mathbf{P}(L = \text{true} \mid F = \text{true}) \sum_c \mathbf{P}(A = \text{false} \mid C = c) \sum_i \mathbf{P}(C = c \mid I = i, F = \text{true}) = \\ & \quad \{\text{eliminazione delle variabili}\} \\ & \alpha \mathbf{f}_1 \times \mathbf{f}_2 \times \sum_c \mathbf{f}_3(C) \times \sum_i \mathbf{f}_4(C, I) = \\ & \quad \{\text{calcolo dei fattori}\} \\ & \mathbf{f}_5(C) = \mathbf{f}_4(C, i) + \mathbf{f}_4(C, \neg i) = \begin{pmatrix} .99 \\ .01 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} .9 \\ .1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1.89 \\ .11 \end{pmatrix} \\ & \mathbf{f}_6 = \mathbf{f}_3(c) \times \mathbf{f}_5(c) + \mathbf{f}_3(\neg c) \times \mathbf{f}_5(\neg c) = .3 \times 1.89 + .99 \times .11 = .6759 \\ & \text{result} = \alpha \mathbf{f}_1 \times \mathbf{f}_2 \times \mathbf{f}_6 = \alpha .15 \times .6 \times .6759 = \alpha .06083 \end{aligned}$$

Non sono molto fiducioso di questo risultato...