

## 1 E.A.3.3 (ProteinFolding)

### 1.1 Modello

Una proteina è una sequenza di amminoacidi  $a_1, \dots, a_n$  t.c.  $a_i \in \{H, P\}$ .

#### Def. 1 conformazione (stato)

Una conformazione è un assegnamento  $p_1, \dots, p_k$  con  $0 \leq k \leq n$  t.c.

- $p_i \in \mathbb{Z}^2$  (posizione)
- $\text{dist}(p_i, p_{i+1}) = 1$  (adiacenza)
- $\nexists p_i, p_j \ i \neq j \wedge p_i = p_j$  (non sovrapposizione)

#### Def. 2 conformazione completa (obiettivo)

Uno stato è obiettivo quando  $k = n$ .

#### Def. 3 azione

Dato uno stato **non obiettivo** (quindi  $k < n$ ), l'insieme di azioni consiste nei possibili assegnamenti per  $p_{k+1}$  che rispettano le condizioni di *adiacenza* e *sovrapposizione*. Un'insieme di azioni  $A = \{\alpha \in \mathbb{Z}^2\}$ .

Da questa modellazione del problema deriva un'importante osservazione, che permette di ottimizzare gli algoritmi di ricerca:

#### Oss. 1

Il grafo di ricerca per **ProteinFolding** è un albero.

**Dim.** Per dimostrarlo bisogna far vedere che non è possibile raggiungere lo stesso stato con sequenze di azioni diverse. Per assurdo, se fosse possibile, vorrebbe dire che uno stato  $p_1, \dots, p_k$  è stato raggiunto partendo da due stati  $q_1, \dots, q_{k-1}$  e  $r_1, \dots, r_{k-1}$ , in uno di due modi:

1.  $q_i = r_i$  per ogni  $0 \leq i \leq k-1$ , e  $q_k \neq r_k$ , quindi, per come sono definite le azioni,  $p_k = q_k \neq r_k = p_k \Rightarrow p_k \neq p_k \rightarrow \leftarrow$
2.  $\exists q_i \neq r_i$  per un qualche  $0 \leq i \leq k-1 \Rightarrow p_i = q_i \neq r_i = p_i$ , ma questo non è possibile, perché non ci sono azioni che riassegnano una posizione già assegnata  $\rightarrow \leftarrow$

L'**Oss. 1** permette di ottimizzare la ricerca, perché non serve controllare se uno stato è già stato esplorato o sta già in frontiera (ogni stato generato è nuovo, quindi non sta né in frontiera né nell'insieme degli esplorati).

Dato che il problema presenta forti **simmetrie**, si può ridurre lo spazio di ricerca evitando le azioni che generano stati simmetrici o ruotati, permettendo solo le seguenti azioni:

- $p_0 = (0, 0)$

- $p_1 = (0, 1)$
- per  $p_i$  con  $i > 1$ 
  1. se  $\exists y_j \forall j \ j \leq i \wedge p_j = (0, y_j)$ , dati  $p_{i-1} = (0, y_{i-1})$  le azioni possibili sono  $(0, y_{i-1} + 1)$  (andare avanti) e  $(1, y_{i-1})$  girare a destra (queste due sono sempre possibili per come è costruita la catena, TODO: ottimizzare questo caso per non controllare se sono valide, altrimenti andare avanti, metterlo sotto forma di osservazione / teorema)
  2. altrimenti,  $A = \{\}$

### Oss. 2

Le azioni nel caso 1. rispettano sempre la non sovrapposizione (rispettano la posizione e sono adiacenti per costruzione)

- l'azione  $(0, y_{i-1} + 1)$ :
  - possibile perché se ci fosse un nodo in quella posizione questo avrebbe distanza euclidea 2, in contrasto con l'adiacenza (magari lo dovrei fare induttivamente?)
- l'azione  $(1, y_{i-1})$  è sempre possibile perché  $\forall y_j, j \leq i - 1$  si ha  $x_j = 0$

### Oss. 3

Usando le regole sopra non si generano stati simmetrici, ruotati o traslati.

**Dim.** Per induzione su  $k$

- $k = 0$ : ...
- $k = 1$ : ...
- $k = 2$ : ...

### Passo induttivo

- se c'è un giro
  - allora la proteina è una retta, dato che non ci sono cose simmetriche sotto, non può generare roba simmetrica andando avanti, e facendo il giro a destra non c'è roba ruotata
- se non c'è un giro
  - eh, bella per me, ma dato che non sono simmetriche quelle sotto non è simmetrica neanche quella sopra, come riottengo l'ipotesi induttiva  $k$  per una proteina lunga  $k + 1$

## 1.2 Euristica

Due parole veloci sul come l'idea di fondo è che proteine H vicine nella sequenza devono stare vicine nella proteina finale, o, in generale gli stati più «promettenti» sono quelli che hanno «più contatti» per ora.

TODO:

- euristica 2 (e calcolo dell'euristica)

Oss. 4 Ammissibilità

Oss. 5 Consistenza

Oss. 6 Critical ratio

### 1.3 Possibili miglioramenti

- levare l'`Rc<AminoAcid>` (il reference counter), ma servirebbe modificare l'interfaccia per il `Problem`. L'obiettivo sarebbe possibilmente usare un `usize` per riferirsi allo stato.

```
pub struct AminoAcid {  
    pos: Pos,  
    prev: Option<Rc<AminoAcid>>,  
    depth: usize,  
    first_turn: bool,  
}
```

- verificare in modo più intelligente l'ammissibilità di un'azione senza dover scorrere tutta la proteina
- alternativamente, trovare una conformazione in memoria per gli stati in modo da tenere vicini gli stati visti più di frequente, e quelli «inutili» lasciarli in fondo