第5章 线性动态电路的正弦稳态分析

- 5.1 正弦交流电路的相量分析法
- 5.2 谐振
- 5.3 互感
- 5.4 三相交流电路

5.4 三相电路

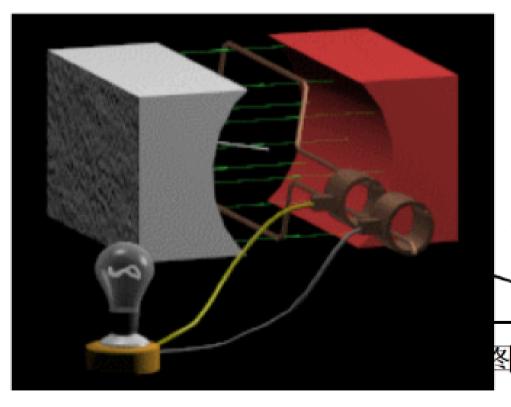
(3phase circuit)

- 5.4.1 三相电源
- 5.4.2 对称三相电路
- 5.4.3 不对称三相电路示例
- 5.4.4 三相电路的功率

5.4.1 三相电源

一、对称三相电源的产生

通常由三相同步发电机产生,三相绕组在空间互差 120°, 当转子转动时,在三相绕组中产生感应电压,从 而形成对称三相电源。

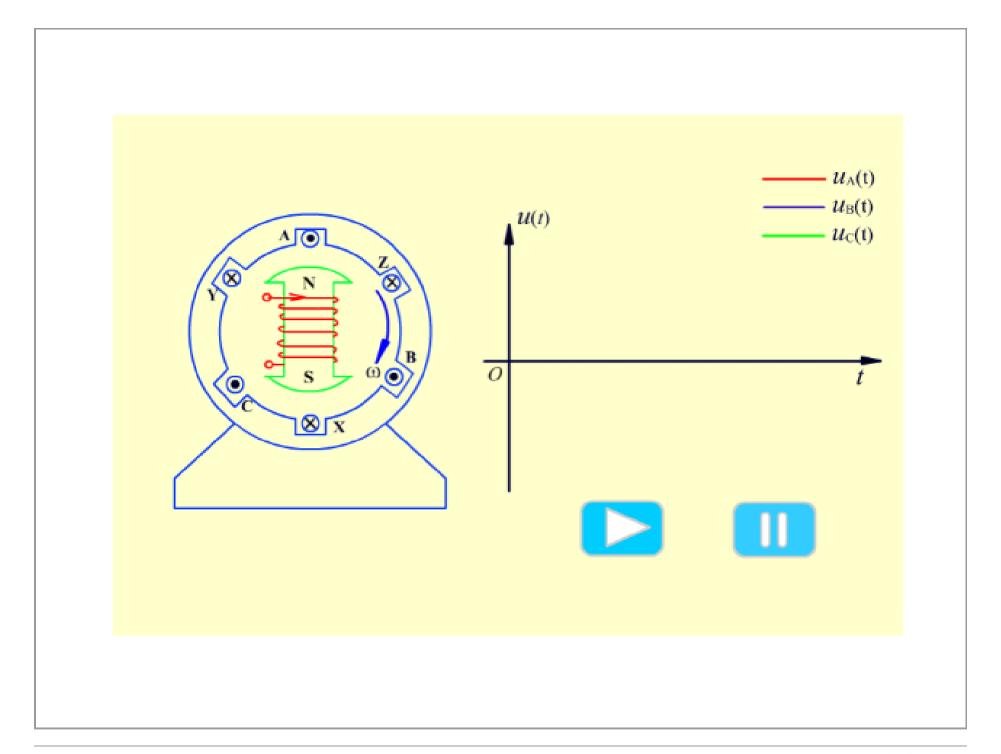




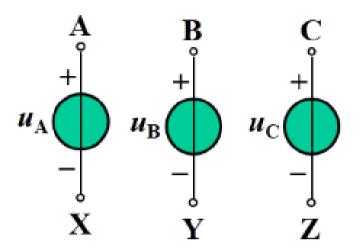


两孔插座: 相线与零线接线柱; "左零右相"或"上零下相"。

三孔插座: 相线、零线和地线。 大孔接地,"左零右相"。



1. 瞬时值表达式



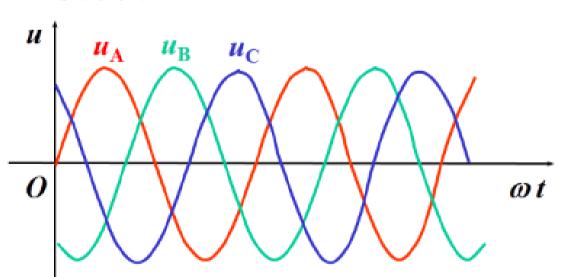
$$u_{A}(t) = \sqrt{2}U\sin(\omega t + \psi)$$

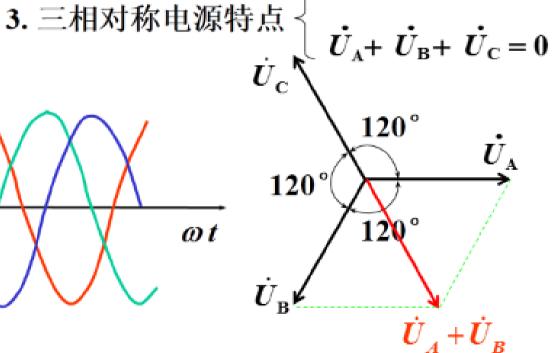
$$u_{B}(t) = \sqrt{2}U\sin(\omega t + \psi - 120^{\circ})$$

$$u_{C}(t) = \sqrt{2}U\sin(\omega t + \psi + 120^{\circ})$$

始端A、B、C; 末端X、Y、Z







 $u_{\rm A} + u_{\rm B} + u_{\rm C} = 0$

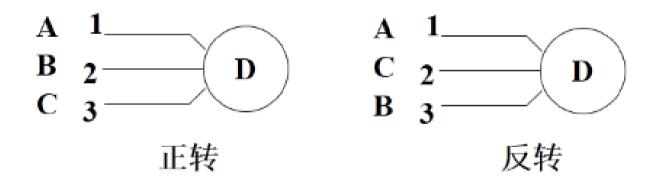
●三相电路的优点

- ① 发电方面: 比单相电源可提高功率50%。
- ② 输电方面: 比单相输电节省钢材25%。
- ③ 配电方面:三相变压器比单相变压器经济且便于接入负载。
- ④ 用电设备:结构简单、成本低、运行可靠、维护方便。

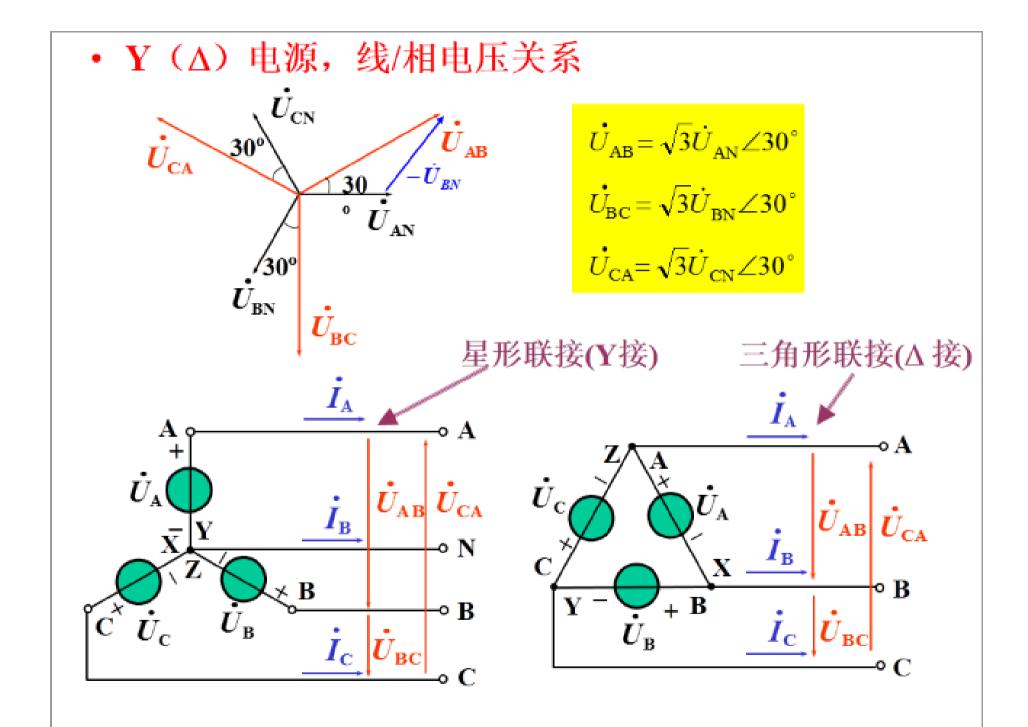
5. 对称三相电源的相序: 三相电源中各相电源经过同一值(如最大值)的先后顺序

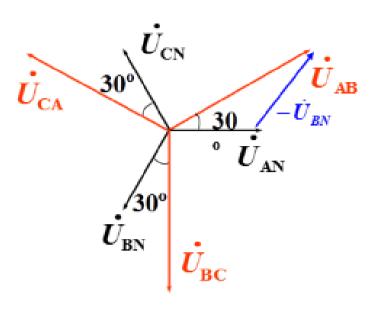
正序(顺序):
$$A - B - C - A$$
 C $B \rightarrow A$ Δ $A - C \rightarrow B$ $A - C - B - A$

相序的实际意义:对三相电动机,如果相序反了,就会反转。



以后如果不加说明,一般都认为是正相序。





$$\dot{U}_{\rm AB} = \sqrt{3} \ \dot{U}_{\rm AN} \angle 30^{\rm o}$$

$$\dot{U}_{\rm BC} = \sqrt{3} \ \dot{U}_{\rm BN} \angle 30^{\rm o}$$

$$\dot{U}_{\rm CA} = \sqrt{3} \ \dot{U}_{\rm CN} \angle 30^{\circ}$$

线电压对称(大小相等,相位互差120°)

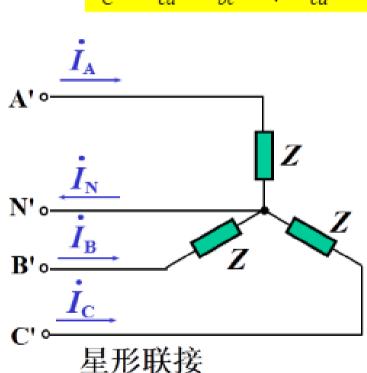
结论: Y接法的对称三相电源

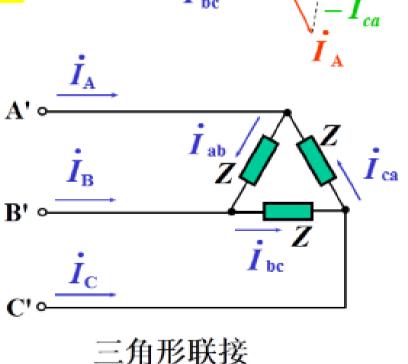
- (1) 相电压对称,则线电压也对称。
- (2) 线电压大小等于相电压的 $\sqrt{3}$ 倍,即 $U_i = \sqrt{3}U_p$.
- (3) 线电压相位领先对应相电压30°。

Δ接法:线电压等于对应的相电压。

Y(Δ)负载,线/相电流关系

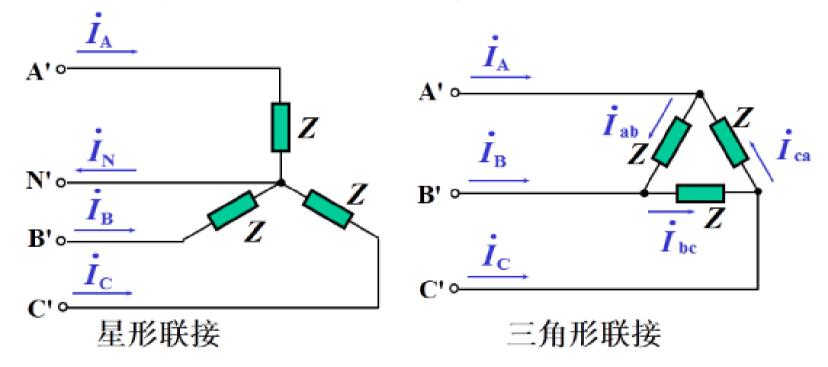
$$\begin{split} \dot{I}_{A} &= \dot{I}_{ab} - \dot{I}_{ca} = \sqrt{3} \dot{I}_{ab} \angle - 30^{\circ} \\ \dot{I}_{B} &= \dot{I}_{bc} - \dot{I}_{ab} = \sqrt{3} \dot{I}_{bc} \angle - 30^{\circ} \\ \dot{I}_{C} &= \dot{I}_{ca} - \dot{I}_{bc} = \sqrt{3} \dot{I}_{ca} \angle - 30^{\circ} \end{split}$$

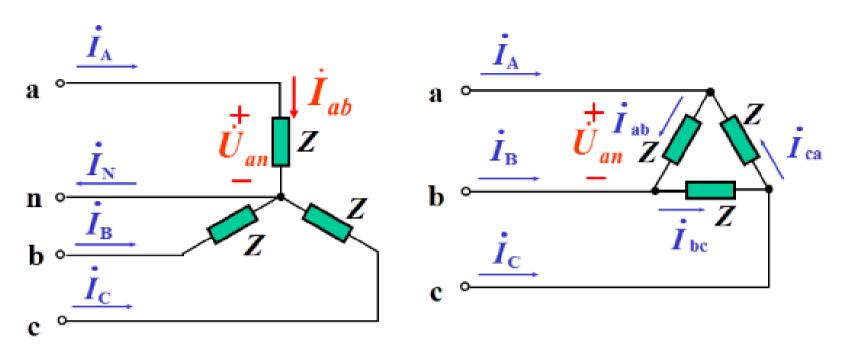




5.4.2 对称三相电路

- 一、对称三相负载及其联接
 - 1. 对称三相负载(均衡三相负载): 三个相同负载(负载阻 抗模相等,阻抗角相同)以一定方式联接起来。
 - 2. 对称三相负载的联接: 两种基本联接方式





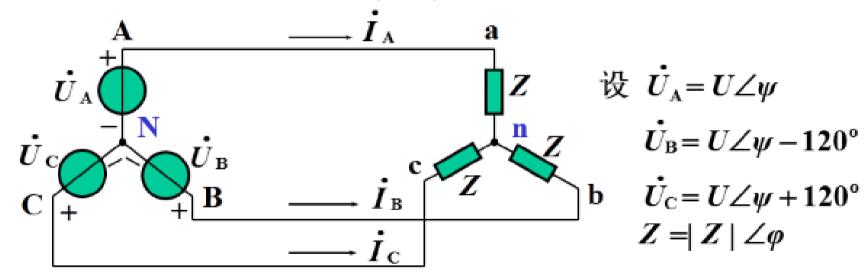
负载的相电压:每相负载上的电压。 \dot{U}_{an} , \dot{U}_{bn} , \dot{U}_{cn}

负载的线电压:负载端线间的电压。 \dot{U}_{ab} , \dot{U}_{bc} , \dot{U}_{ca}

线电流:流过端线的电流。 $\dot{I}_{\scriptscriptstyle A},\dot{I}_{\scriptscriptstyle B},\dot{I}_{\scriptscriptstyle C}$

相电流:流过每相负载的电流。 \dot{I}_{ab} , \dot{I}_{bc} , \dot{I}_{ca}

- 3. 对称三相电路:由对称三相电源和对称三相负载联接而成。按电源和负载的不同联接方式可分为Y-Y, Y_0-Y_0 , $Y_0-\Delta$, $\Delta-Y$, $\Delta-\Delta$ 等。
- 二、对称三相电路的计算--一相计算法
 - 1. Y-Y接(三相三线制), Y₀-Y₀(三相四线制)



以N点为参考点,n点节点方程:

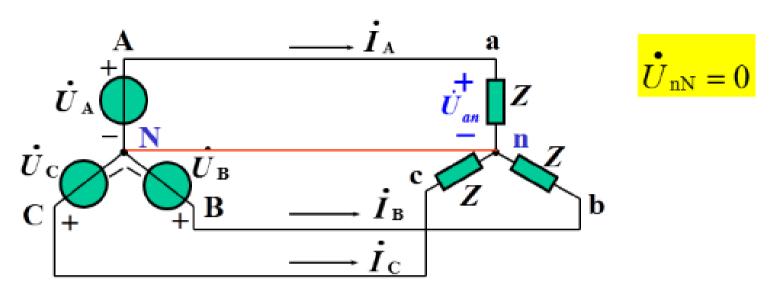
$$\frac{3}{Z}\dot{U}_{nN} = \frac{1}{Z}\dot{U}_{A} + \frac{1}{Z}\dot{U}_{B} + \frac{1}{Z}\dot{U}_{C}$$

$$\frac{3}{Z}\dot{U}_{nN} = \frac{1}{Z}(\dot{U}_{A} + \dot{U}_{B} + \dot{U}_{C}) = 0$$

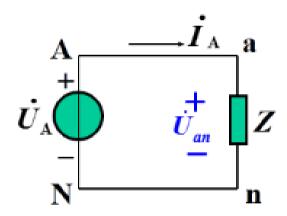
$$\dot{U}_{A}$$
 \dot{U}_{A}
 \dot{U}_{an}
 $\dot{U}_{$

$$\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{an}}{Z} = \frac{\dot{U}_{A}}{Z} = \frac{U}{|Z|} \angle \psi - \varphi \qquad \dot{U}_{cn} = \dot{U}_{CN} - \dot{U}_{nN} = \dot{U}_{C} = U \angle \psi + 120^{\circ}$$

$$\dot{\boldsymbol{I}}_{\mathrm{C}} = \frac{\dot{\boldsymbol{U}}_{\mathrm{cn}}}{Z} = \frac{\dot{\boldsymbol{U}}_{\mathrm{C}}}{Z} = \frac{U}{|Z|} \angle \psi + 120^{\circ} - \varphi$$



一相计算电路:



由一相计算电路可得:

$$\dot{\underline{U}}_{\underline{an}}^{+} \quad \dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{an}}{Z} = \frac{\dot{U}_{A}}{Z} = \frac{U}{|Z|} \angle \psi - \varphi$$

由对称性可写出:
$$\dot{I}_{\rm B} = \frac{U}{\mid Z \mid} \angle \psi - 120^{\circ} - \varphi$$
, $\dot{I}_{\rm C} = \frac{U}{\mid Z \mid} \angle \psi + 120^{\circ} - \varphi$

结论:

1. $U_{\rm nN}$ =0, 电源中点与负载中点等电位。

有无中线对电路情况没有影响。没有中线(Y-Y接, 三相三线制),可将中线连上,此时中线中没有电流。因此, Y-Y接电路与Y₀-Y₀接(有中线)电路计算方法相同。且中线有阻抗时可短路掉。

- 对称情况下,各相电压、电流都是对称的,可采用一相 (A相)等效电路计算。只要算出一相的电压、电流, 则其它两相的电压、电流可按对称关系直接写出。
- 3.Y形 联接的对称三相负载,其相、线电压、电流的关系为:

$$\dot{U}_{ab} = \sqrt{3}\dot{U}_{an}\angle 30^{\circ}$$
 , $\dot{I}_{A} = \dot{I}_{ab}$

结论:

1. $U_{\rm nN}$ =0, 电源中点与负载中点等电位。

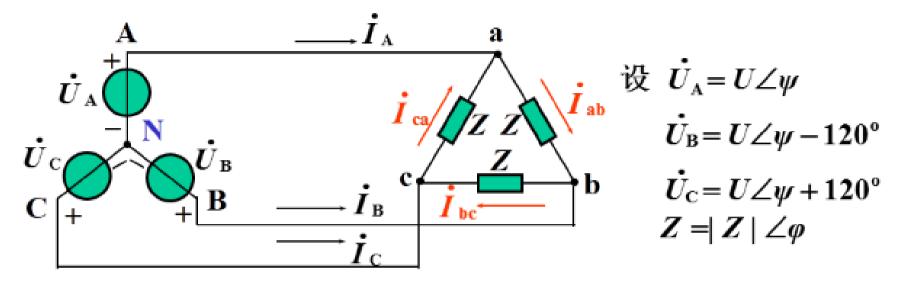
有无中线对电路情况没有影响。没有中线(Y-Y接, 三相三线制, 可将中线连上, 此时中线中没有电流。因此, Y-Y 电路与Y₀-Y₀接(有中线)电影计算方法相同。

且中线有阻抗时可短路掉。

- 2. 对称情况下,各相电压、电流都是对称的,可采用一相 (A相)等效电路计算。只要算出一相的电压、电流, 则其它两相的电压、电流可按对称关系直接写出。
- 3.Y形 联接的对称三相负载,其相、线电压、电流的关系为:

$$\dot{U}_{ab} = \sqrt{3}\dot{U}_{an}\angle 30^{\circ}$$
 , $\dot{I}_{A} = \dot{I}_{ab}$

2. Y-∆接



解法一: 负载上相电压=负载线电压=电源线电压

$$\begin{cases} \dot{U}_{ab} = \dot{U}_{AB} = \sqrt{3}U \angle \psi + 30^{\circ} \\ \dot{U}_{bc} = \dot{U}_{BC} = \sqrt{3}U \angle \psi - 90^{\circ} \\ \dot{U}_{ca} = \dot{U}_{CA} = \sqrt{3}U \angle \psi + 150^{\circ} \end{cases}$$

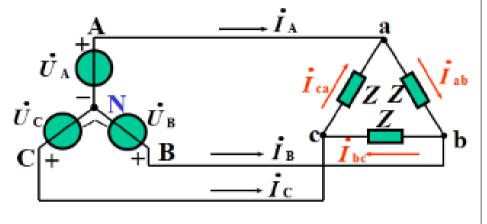
计算相电流:

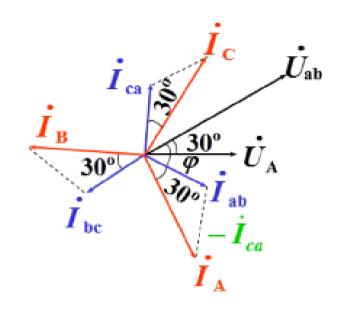
$$\vec{I}_{ab} = \frac{\dot{U}_{ab}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle \psi + 30^{\circ} - \varphi \qquad \dot{U}_{A} = \frac{\dot{U}_{bc}}{Z} = \frac{\dot{U}_{bc}}{|Z|} \angle \psi - 90^{\circ} - \varphi \qquad C + \frac{\dot{U}_{c}}{Z} = \frac{\dot{U}_{bc}}{Z} = \frac{1}{|Z|} \angle \psi - 90^{\circ} - \varphi \qquad C + \frac{\dot{U}_{c}}{Z} = \frac{\dot{U}_{bc}}{Z} = \frac{1}{|Z|} \angle \psi - 90^{\circ} - \varphi \qquad C + \frac{\dot{U}_{c}}{Z} = \frac{\dot{U}_{bc}}{Z} = \frac{1}{|Z|} \angle \psi - 90^{\circ} - \varphi \qquad C + \frac{\dot{U}_{c}}{Z} = \frac{\dot{U}_{bc}}{Z} = \frac{1}{|Z|} \angle \psi - 90^{\circ} - \varphi \qquad C + \frac{\dot{U}_{c}}{Z} = \frac{\dot{U}_{bc}}{Z} = \frac{1}{|Z|} \angle \psi - 90^{\circ} - \varphi \qquad C + \frac{\dot{U}_{c}}{Z} = \frac{\dot{U}$$

$$\dot{I}_{ca} = \frac{\dot{U}_{ca}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle \psi + 150^{\circ} - \varphi$$

线电流:

$$\vec{I}_{A} = \vec{I}_{ab} - \vec{I}_{ca} = \sqrt{3} \, \vec{I}_{ab} \angle -30^{\circ}$$
 $\vec{I}_{B} = \vec{I}_{bc} - \vec{I}_{ab} = \sqrt{3} \, \vec{I}_{bc} \angle -30^{\circ}$
 $\vec{I}_{C} = \vec{I}_{ca} - \vec{I}_{bc} = \sqrt{3} \, \vec{I}_{ca} \angle -30^{\circ}$

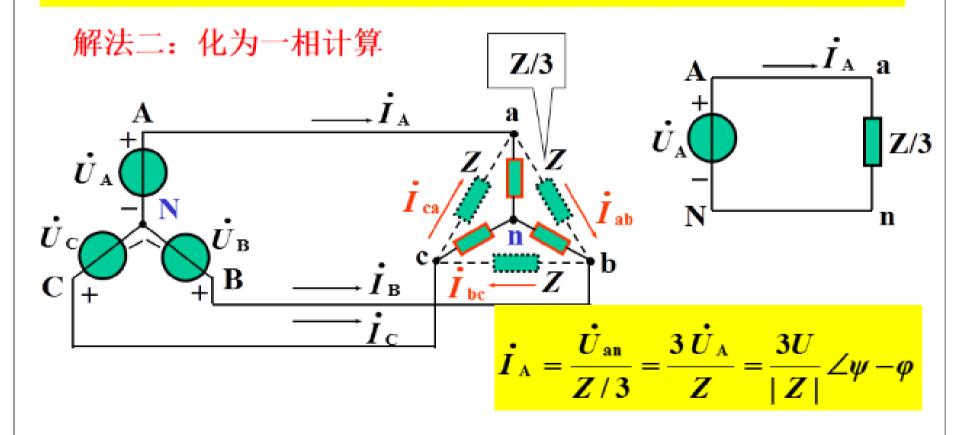




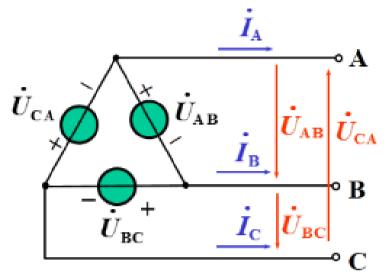
结论: (1) 负载上相电压与线电压相等,且对称。

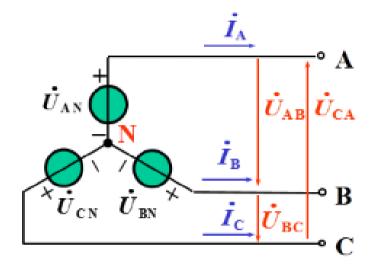
(2) 线电流与相电流也是对称的。线电流大小是相电流的√3 倍,相位落后相应相电流30°。

故上述电路也可只计算一相, 根据对称性即可得到其余两相值



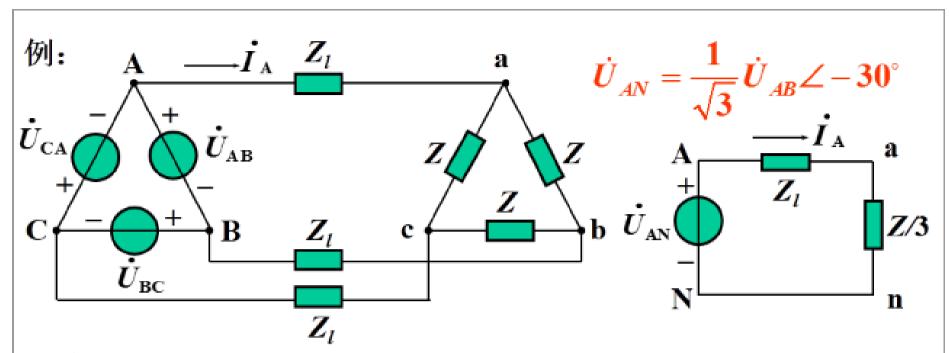
3. 电源为 Δ 接时的对称三相电路的计算(Δ -Y, Δ - Δ)





将∆接电源用Y接电源替代,保证其线电压相等。

$$\begin{cases} \dot{U}_{\rm AN} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{\rm AB} \angle -30^{\circ} \\ \dot{U}_{\rm BN} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{\rm BC} \angle -30^{\circ} \\ \dot{U}_{\rm CN} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{\rm CA} \angle -30^{\circ} \end{cases}$$

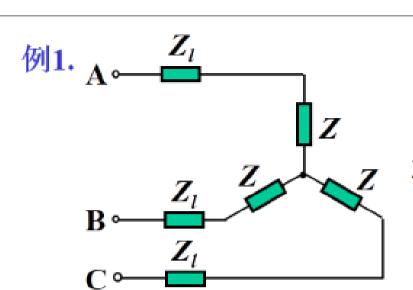


小结: 1. 三相电压、电流均对称。

负载为Y接 $\left\{ egin{aligned} 3 & \text{ \mathbb{Z}_{3}, \mathbb{Z}_{3}, \mathbb{Z}_{3}. \\ 3 & \text{ \mathbb{Z}_{3}, \mathbb{Z}_{3}, \mathbb{Z}_{3}. \\ 3 & \text{ \mathbb{Z}_{3}, \mathbb{Z}_{3}, \mathbb{Z}_{3}. } \end{array} \right.$

负载为 Δ 接 $\left\{ egin{array}{ll} 3 电压与对应的相电压相同。 \\ 4 电流大小为相电流的<math>\sqrt{3}$,相位滞后 30° 。

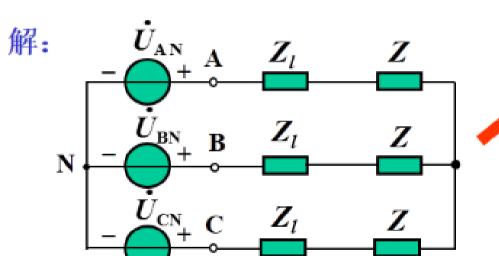
- 2. 对称三相电路的一般计算方法
 - (1) 将所有三相电源、负载都化为等值Y—Y接电路;
 - (2) 连接各负载和电源中点,中线上若有阻抗可不计;
 - (3) 画出单相计算电路, 求出一相的电压、电流:
 - (4) 由Δ 接、Y接时线、相量间的关系,求出原电路的电流电压。
 - (5) 由对称性,得出其它两相的电压、电流。



已知对称三相电源线电压为380V,

$$Z$$
=6.4+j4.8Ω, Z_l =6.4+j4.8Ω_o

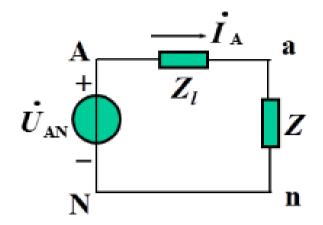
求负载Z的相电压、线电压和电流。



$$\dot{U}_{AN}$$
 \dot{N}
 \dot{Z}_l
 Z_l
 Z

则
$$\dot{U}_{AN} = 220 \angle -30^{\circ} V$$

$$\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z + Z_{l}} = \frac{220 \angle -30^{\circ}}{9.4 + j8.8} = \frac{220 \angle -30^{\circ}}{12.88 \angle 43.1^{\circ}} = 17.1 \angle -73.1^{\circ} \text{ A}$$

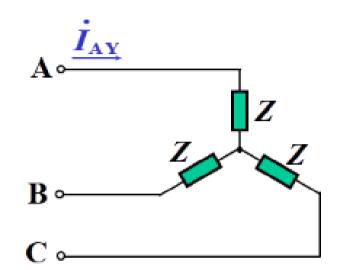


$$\dot{I}_{A} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z + Z_{I}} = \frac{220 \angle -30^{\circ}}{9.4 + j8.8} = \frac{220 \angle -30^{\circ}}{12.88 \angle 43.1^{\circ}} = 17.1 \angle -73.1^{\circ} A$$

$$\dot{U}_{\rm an} = \dot{I}_{\rm A} \cdot Z = 17.1 \angle -73.1^{\rm o} \cdot 8 \angle 36.9^{\rm o} = 136.8 \angle -36.2^{\rm o} \, \rm V$$

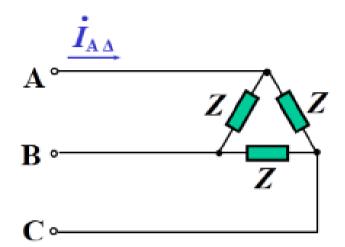
$$\dot{U}_{ab} = \sqrt{3} \dot{U}_{an} \angle 30^{\circ} = \sqrt{3} \times 136.8 \angle -6.2^{\circ} V = 236.9 \angle -6.2^{\circ} V$$

例2. 一对称三相负载分别接成Y接和Δ接。分别求线电流。



解:
$$\dot{I}_{AY} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z}$$

$$I_{\Lambda} = 3I_{V}$$

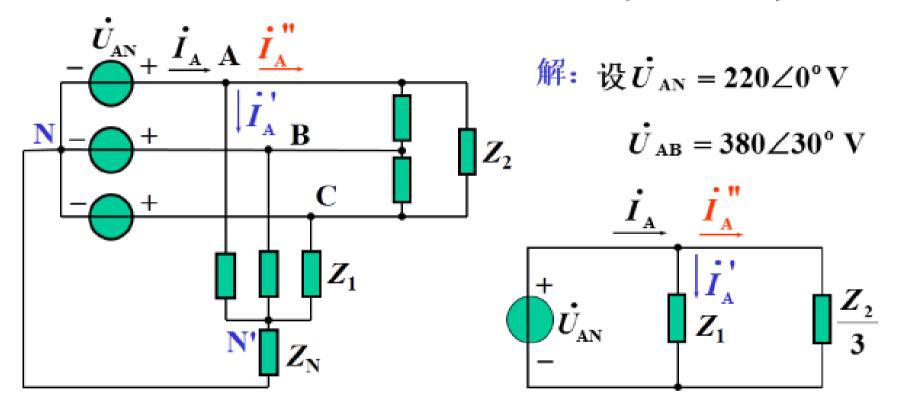


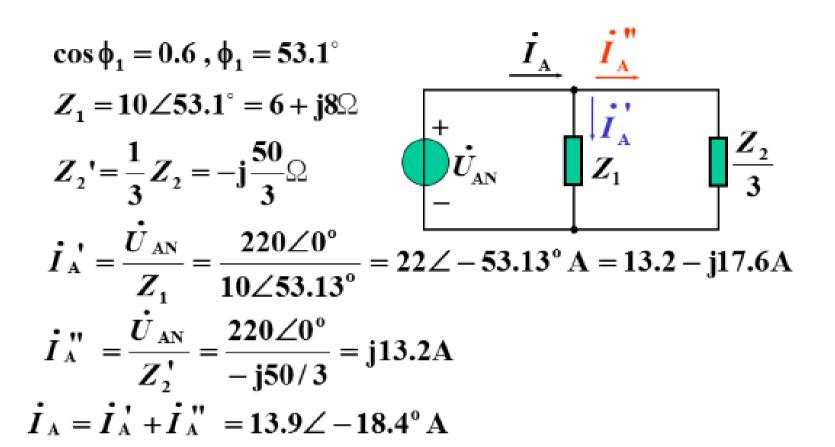
$$\vec{I}_{A\Delta} = \frac{\vec{U}_{AN}}{Z/3} = 3\frac{\vec{U}_{AN}}{Z}$$

应用: $Y-\Delta$ 降压起动。

例3. 如图对称三相电路,电源线电压为380V, $|Z_1|$ =10 Ω , $\cos \varphi_1$ =0.6(滞后), Z_2 = -j50 Ω , Z_N =1+ j2 Ω 。

求:线电流、相电流,并定性画出相量图(以A相为例)。





根据对称性,得B、C相的线电流、相电流:

$$\dot{I}_{\rm B} = 13.9 \angle -138.4^{\circ} \, {\rm A}$$

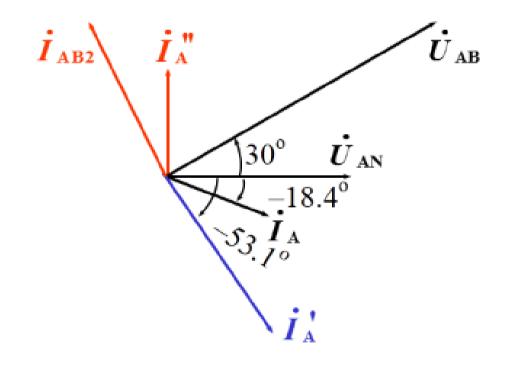
$$\dot{I}_{\rm C} = 13.9 \angle 101.6^{\circ} \, {\rm A}$$

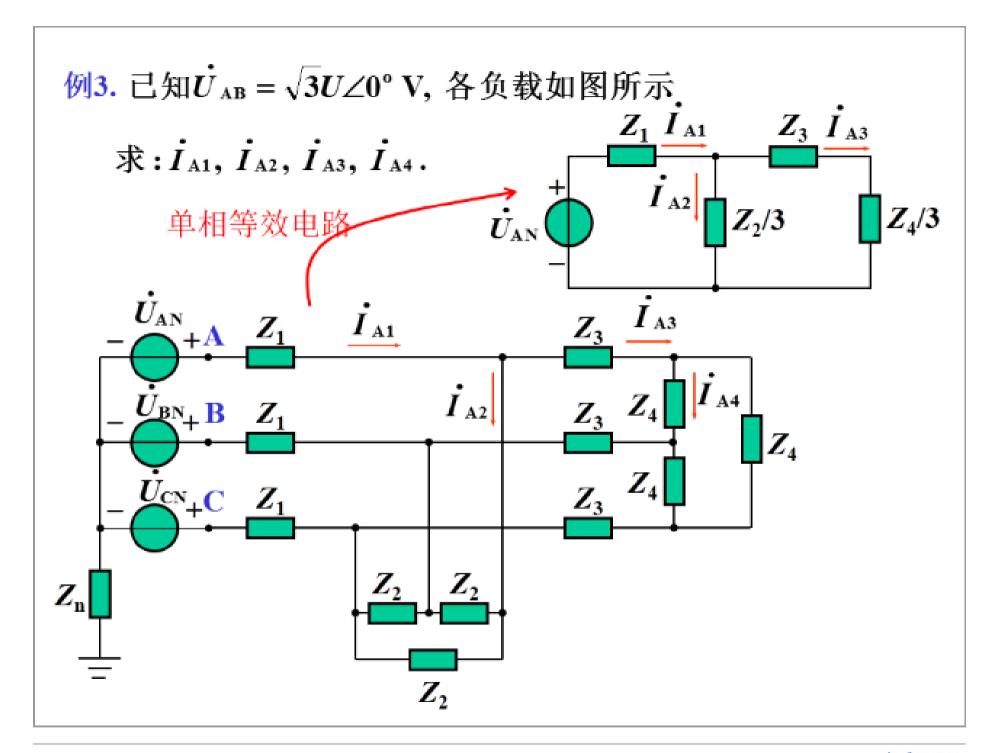
第一组负载的三相电流: 第二组负载的相电流:

$$\vec{I}_{A}' = 22\angle -53.1^{\circ} A$$
 $\vec{I}_{B}' = 22\angle -173.1^{\circ} A$
 $\vec{I}_{C}' = 22\angle 66.9^{\circ} A$

由此可以画出相量图:

$$\dot{I}_{AB2} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{I}_{A}^{"} \angle 30^{\circ} = 13.2 \angle 120^{\circ} A$$
 $\dot{I}_{BC2} = 13.2 \angle 0^{\circ} A$
 $\dot{I}_{CA2} = 13.2 \angle -120^{\circ} A$





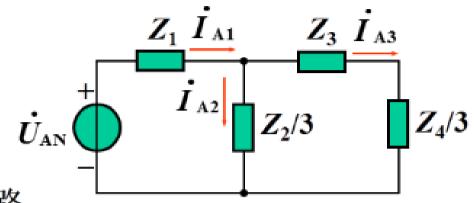
 \mathbf{M} : 首先进行 Δ — \mathbf{Y} 变换,然后取 \mathbf{A} 相计算电路:

$$\dot{U}_{AN} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{AB} \angle -30^{\circ}$$

$$= U\angle -30^{\circ} V$$

负载化为Y接。

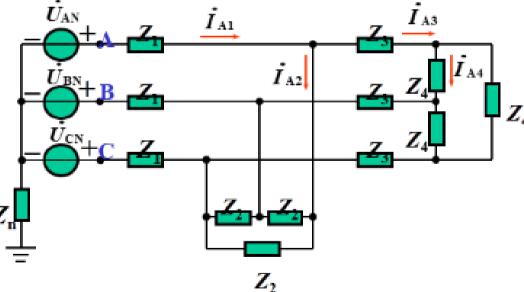
根据对称性,中性电阻 Z_n 短路。



$$\dot{I}_{A1} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z_1 + \frac{1}{3} Z_2 //(Z_3 + \frac{1}{3} Z_4)}$$

 \dot{I}_{A2} , \dot{I}_{A3} 可由分流得到.

相电流 $\dot{I}_{A4} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{I}_{A3} \angle 30^{\circ}. =$



5.4.3 不对称三相电路示例

不对称 { 电源不对称程度小(由系统保证)。 电路参数(负载)不对称情况很多。

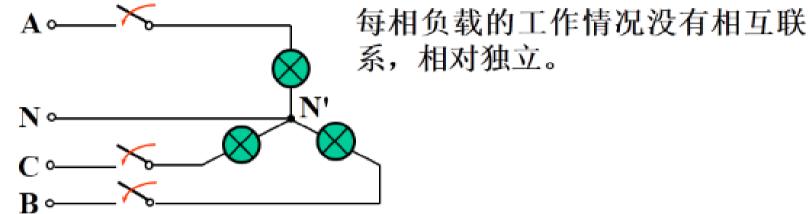
讨论对象: 电源对称,负载不对称(低压电力网)。

分析方法: { 不能抽单相。 复杂交流电路分析方法。

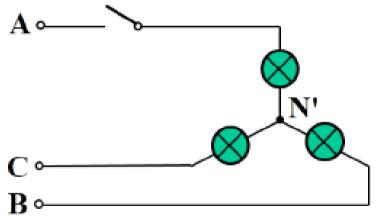
主要了解:中性点位移。

例1. 照明电路:

(1) 正常情况下,三相四线制,中线阻抗约为零。

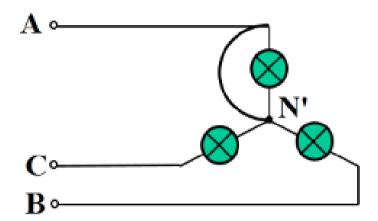


(2) 假设中线断了(三相三线制), A相电灯没有接入电路(三相不对称)



灯泡未在额定电压下工作,灯光昏暗。

(3) A相短路



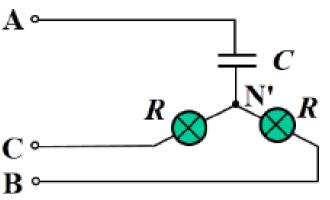
超过灯泡的额定电压, 灯泡可能烧坏。

- 结论: (a) 照明中线不装保险,并且中线较粗。一是减少损耗, 二是加强强度(中线一旦断了,负载就不能正常工作)。
 - (b) 要消除或减少中点的位移,尽量减少中线阻抗,然 而从经济的观点来看,中线不可能做得很粗,应适 当调整负载,使其接近对称情况。

例2. 相序仪电路。已知 $1/(\omega C)=R$, 三相电源对称。

求: 灯泡承受的电压。

解:



设
$$\dot{U}_{AN} = U \angle 0^{\circ} \text{ V}, \ \dot{U}_{BN} = U \angle -120^{\circ} \text{ V}, \ \dot{U}_{CN} = U \angle 120^{\circ} \text{ V} \ (正序)$$

$$\dot{U}_{N'N} = \frac{\dot{j}\omega C \dot{U}_{AN} + \dot{U}_{BN}/R + \dot{U}_{CN}/R}{\dot{j}\omega C + 1/R + 1/R} = \frac{\dot{j}\dot{U}_{AN} + \dot{U}_{BN} + \dot{U}_{CN}}{2 + \dot{j}1}$$

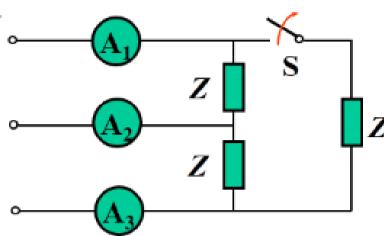
$$= \frac{(-1 + \dot{j})\dot{U}_{AN}}{2 + \dot{j}1} = 0.632 \angle 108.4^{\circ} \dot{U}_{AN} = 0.632 U \angle 108.4^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{U}_{\rm BN'} = \dot{U}_{\rm BN} - \dot{U}_{\rm N'N} = U \angle -120^{\circ} - 0.632U \angle 108.4^{\circ} = 1.5U \angle -101.5^{\circ} \, \text{V}$$

$$\dot{U}_{CN'} = \dot{U}_{CN} - \dot{U}_{N'N} = U \angle 120^{\circ} - 0.632U \angle 108.4^{\circ} = 0.4U \angle 138.4^{\circ} V$$

若以接电容一相为A相,则B相电压比C相电压高。B相等较亮,C相较暗(正序)。据此可测定三相电源的相序。

例3.



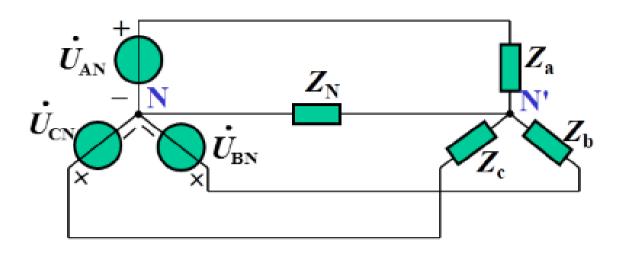
如图电路中,电源三相对称。当开关S闭合时,电流 表的读数均为5A。

求: 开关S打开后各电流表 的读数。

解: 开关S打开后,电流表 A_2 中的电流与负载对称时的电流相同。而 A_1 、 A_3 中的电流相当于负载对称时的相电流。

电流表A2的读数=5A

电流表 A_1 、 A_3 的读数= $5/\sqrt{3} = 2.89A$

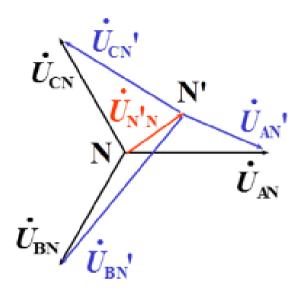


三相负载 Z_a 、 Z_b 、 Z_c 不相同。

$$\dot{U}_{\rm N'N} = \frac{\dot{U}_{\rm AN}/Z_{\rm a} + \dot{U}_{\rm BN}/Z_{\rm b} + \dot{U}_{\rm CN}/Z_{\rm c}}{1/Z_{\rm a} + 1/Z_{\rm b} + 1/Z_{\rm c} + 1/Z_{\rm N}} \neq 0$$

负载各相电压:
$$\dot{U}_{AN'} = \dot{U}_{AN} - \dot{U}_{N'N}$$
 $\dot{U}_{BN'} = \dot{U}_{BN} - \dot{U}_{N'N}$ $\dot{U}_{CN'} = \dot{U}_{CN} - \dot{U}_{N'N}$

相量图:



负载中点与电源中点不重合,这个现象称为中点位移。

在电源对称情况下,可以根据中点位移的情况来判断负 载端不对称的程度。当中点位移较大时,会造成负载相电压 严重不对称,可能使负载的工作状态不正常。

5.4 三相电路的功率

1.对称三相负载的 瞬时功率

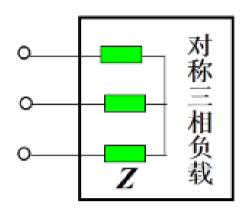
设
$$u_{A} = \sqrt{2}U\sin\omega t$$
$$i_{A} = \sqrt{2}I\sin(\omega t - \varphi)$$

$$p_{A} = u_{A}i_{A} = UI\cos\varphi - UI\cos(2\omega t - \varphi)$$

$$p_{\rm B} = u_{\rm B}i_{\rm B} = UI\cos\varphi - UI\cos[(2\omega t - 240^{\circ}) - \varphi]$$

$$p_{\rm C} = u_{\rm C}i_{\rm C} = UI\cos\varphi - UI\cos[(2\omega t + 240^{\circ}) - \varphi]$$

$$p = p_A + p_B + p_C = 3UI\cos\varphi$$



对称三相负载 $Z \angle \varphi$

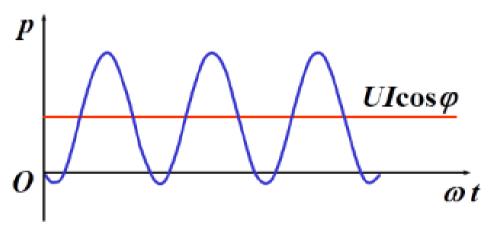
单相: 瞬时功率脉动

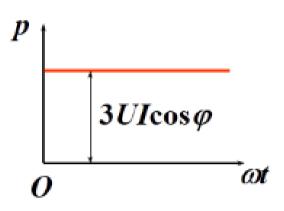
三相:瞬时功率恒定,

转矩 m ∝p

可以得到均衡的机械力矩。

$$p = p_{\rm A} + p_{\rm B} + p_{\rm C} = 3UI\cos\varphi$$





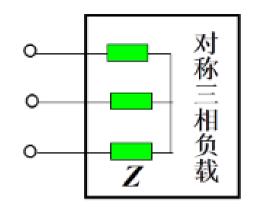
单相: 瞬时功率脉动

三相:瞬时功率恒定, 转矩 $m \propto p$ 可以得到均衡的机械力矩。

2. 对称三相电路的平均功率P

- 一相负载的功率 $P_p = U_p I_p \cos \varphi$
- 三相总功率 $P=3P_p=3U_pI_p\cos\varphi$

Y接:
$$U_i = \sqrt{3}U_p$$
, $I_i = I_p$



对称三相负载 $Z \angle \varphi$

$$P = 3 \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} U_{l} I_{l} \cos \varphi = \sqrt{3} U_{l} I_{l} \cos \varphi$$

$$\Delta$$
接: $U_l = U_p$, $I_l = \sqrt{3}I_p$

$$P = 3U_t \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} I_t \cos \varphi = \sqrt{3} U_t I_t \cos \varphi$$

注意:

- (1) φ为相电压与相电流的相位差角(阻抗角),不要误以为 是线电压与线电流的相位差。
- (2) $\cos \varphi$ 为每相的功率因数,在对称三相制中即三相功率因数:

$$\cos \varphi_{A} = \cos \varphi_{B} = \cos \varphi_{C} = \cos \varphi_{o}$$

$$\cos \varphi = \frac{P}{\sqrt{3}UU} = \frac{P}{3UU}$$

- (3) 电源发出的功率(或负载吸收的功率)。
- 3. 无功功率

$$Q=Q_A+Q_B+Q_C=3Q_p$$

$$Q=3U_pI_p\sin\varphi=\sqrt{3}U_tI_t\sin\varphi$$

4. 视在功率

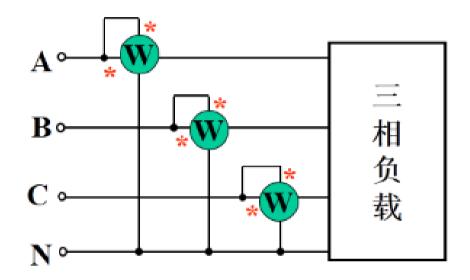
$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = 3U_p I_p = \sqrt{3}U_l I_l$$

功率因数也可定义为: $\cos \varphi = P/S$ (不对称时 φ 无意义)

一般来讲,P、Q、S 都是指三相总和。

5. 三相功率的测量(对称,不对称)

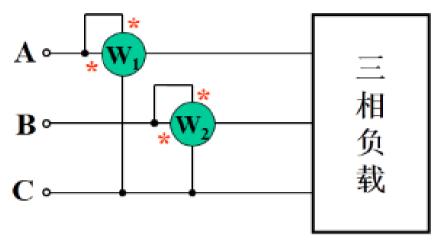
(1) 三瓦表法:



$$p = u_{AN}i_A + u_{BN}i_B + u_{CN}i_C$$
$$P = P_A + P_B + P_C$$

若负载对称,则需一块表,读数乘以3。

(2) 二瓦表法:



这种测量线路的接法是将两个功率表的电流线圈串到任意两相中,电压线圈的同名端接到其电流线圈所串的线上,电压线圈的非同名端接到另一相没有串功率表的线上。(有三种接线方式)

若 \mathbf{W}_1 的读数为 P_1 , \mathbf{W}_2 的读数为 P_2 ,则 $P=P_1+P_2$ 即为三相总功率。

证明: (设负载为Y接)

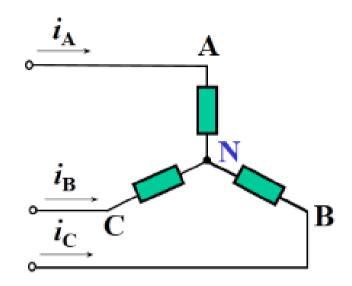
$$p = u_{AN} i_{A} + u_{BN} i_{B} + u_{CN} i_{C}$$

$$i_{A} + i_{B} + i_{C} = 0 \quad (KCL)$$

$$i_{C} = -(i_{A} + i_{B})$$

$$p = (u_{AN} - u_{CN})i_{A} + (u_{BN} - u_{CN}) i_{B}$$

$$= u_{AC} i_{A} + u_{BC} i_{B}$$



 $P=U_{AC}I_{A}\cos\varphi_{1}+U_{BC}I_{B}\cos\varphi_{2}$ $\varphi_{1}:u_{AC}$ 与 i_{A} 的相位差, $\varphi_{2}:u_{BC}$ 与 i_{A} 的相位差。

上面两块表的接法正好满足了这个式子的要求,所以 两个功率表的读数的代数和就是三相总功率。

最后表达式仅与线电压有关,所以也适用∆接。

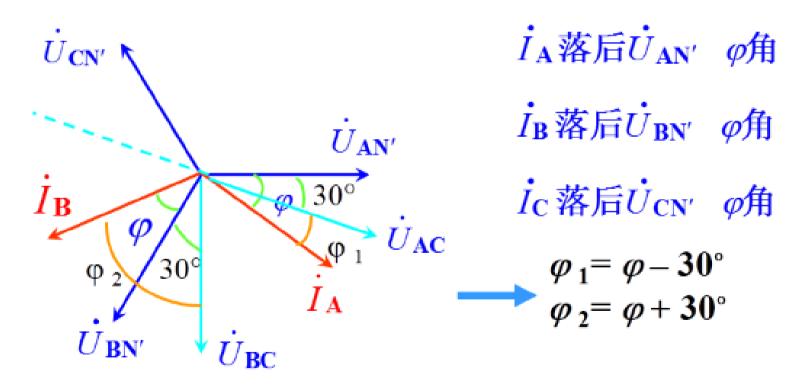
注意:

- 1. 只有在 $i_A + i_B + i_C = 0$ 这个条件下,才能用二表法(即Y接, Δ 接)。不能用于不对称三相四线制。
- 2. 两块表读数的代数和为三相总功率,每块表的单独读数 无意义。
- 3. 按正确极性接线时,二表中可能有一个表的读数为负, 此时功率表指针反转,将其电流线圈极性反接后,指针 指向正数,但此时读数应记为负值。
- 4. 两表法测三相功率的接线方式有三种,注意功率表的同名端。
- 5. $P=U_{AC}I_{A}\cos\varphi_{1}+U_{BC}I_{B}\cos\varphi_{2}=U_{I}I_{I}\cos(30^{0}-\varphi)+U_{I}I_{I}\cos(30^{0}+\varphi)$

由相量图分析:

$$P = P_1 + P_2 = U_{AC}I_A\cos\varphi_1 + U_{BC}I_B\cos\varphi_2$$
$$= U_LI_L\cos\varphi_1 + U_LI_L\cos\varphi_2$$

假设负载为感性,相电流(即线电流)落后相电压 φ 角。



所以
$$P_1=U_LI_L\cos\varphi_1=U_LI_L\cos(\varphi-30^\circ)$$

 $P_2=U_LI_L\cos\varphi_2=U_LI_L\cos(\varphi+30^\circ)$

$$P = U_{\mathbf{L}} I_{\mathbf{L}} [\cos(\varphi - 30^{\circ}) + \cos(\varphi + 30^{\circ})] = \sqrt{3} U_{\mathbf{L}} I_{\mathbf{L}} \cos\varphi$$



讨论	P_1	P_2	$P_1 = P_1 + P_2$
$\varphi = 0$	$\frac{\sqrt{3}}{2}U_{\mathbf{L}}I_{\mathbf{L}}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}U_{\mathbf{L}}I_{\mathbf{L}}$	$\sqrt{3}U_{\mathbf{L}}I_{\mathbf{L}}$
$\varphi > 60^{\circ}$	正数	负数(零)	(感性负载)
$\varphi < -60^\circ$	负数(零)	正数	(容性负载)
φ =90°	$\frac{1}{2}U_{\mathbf{L}}I_{\mathbf{L}}$	$-\frac{1}{2}U_{\mathbf{L}}I_{\mathbf{L}}$	0

6.对称三相电路无功功率测量

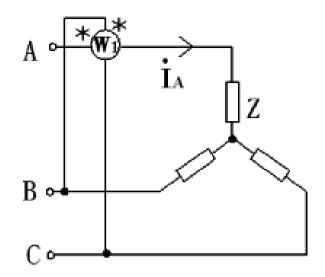
单表法测对称三相电路无功功率

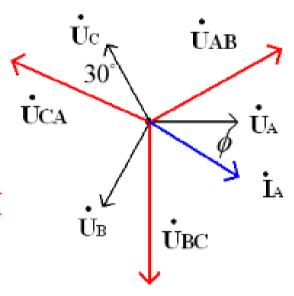
$$P = U_{BC}I_A \cos(\Phi_{\dot{U}_{BC}} - \Phi_{\dot{I}_A})$$

$$= U \pounds I \pounds \cos(-90^0 + \Phi)$$

$$= U \pounds I \pounds \sin \Phi$$

$$Q = \sqrt{3}U_{4}I_{4}\sin\Phi = \sqrt{3} \times$$
功率表读数





7. 两表法测对称三相电路无功功率

$$P_1 - P_2 = I_l U_l \cos(30^\circ - \varphi) - I_l U_l \cos(30^\circ + \varphi)$$
$$= 2U_l I_l \sin 30^\circ \sin \varphi = U_l I_l \sin \varphi$$

$$Q_{\Xi H} = \sqrt{3}U_{l}I_{l}\sin\varphi = \sqrt{3}\left(P_{1} - P_{2}\right)$$

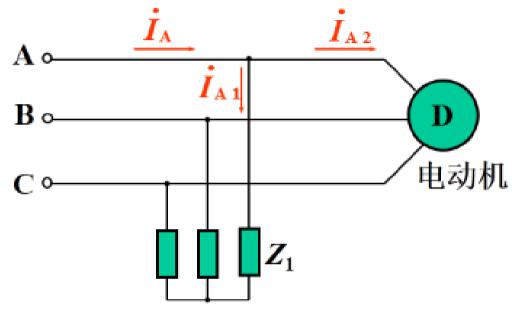
作业

- 5.4-4, 6, 9, 11
- 5.4-13 两瓦法

例: U_l =380V, Z_1 =30+j40Ω,电动机 P=1700W, $\cos \varphi$ =0.8(滞后)。

求: (1) 线电流和电源发出总功率;

(2) 用两表法测电动机负载的功率, 画接线图, 求两表读数。



解: (1)
$$\dot{U}_{AN} = 220 \angle 0^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{I}_{A1} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z} = \frac{220 \angle 0^{\circ}}{30 + \text{j}40} = 4.41 \angle -53.1^{\circ} \text{ A}$$

电动机负载:

$$P = \sqrt{3}U_{t}I_{A2}\cos\varphi = 1700W$$

$$I_{A2} = \frac{P}{\sqrt{3}U_{t}\cos\varphi} = \frac{P}{\sqrt{3}\times380\times0.8} = 3.23A$$

$$\cos\varphi = 0.8, \ \varphi = 36.9^{\circ}$$

$$\dot{I}_{A2} = 3.23\angle - 36.9^{\circ} A$$

$$\dot{I}_{B2} = 3.23\angle - 156.9^{\circ} A$$

总电流:

$$\dot{I}_{A} = \dot{I}_{A1} + \dot{I}_{A2}$$

= $4.41\angle -53.1^{\circ} +3.23\angle -36.9^{\circ} = 7.56\angle -46.2^{\circ}$ A
 $P_{\boxtimes} = \sqrt{3}U_{L}I_{A}\cos\varphi_{\boxtimes}$
= $\sqrt{3} \times 380 \times 7.56\cos 46.2^{\circ} = 3.44$ kW
 $P_{Z_{1}} = 3 \times I_{A1}^{2} \times R_{1} = 3 \times 4.41^{2} \times 30 = 1.74$ kW

(2) 两表的读数如图。

$$\dot{U}_{AB} = 380 \angle 30^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{U}_{BC} = 380 \angle -90^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{U}_{AC} = -\dot{U}_{CA} = -380 \angle 150^{\circ} \text{ V}$$

= 380\angle - 30^\circ \text{ V}

$$I_{A2} = 3.23 \angle -36.9^{\circ} \text{ A}$$

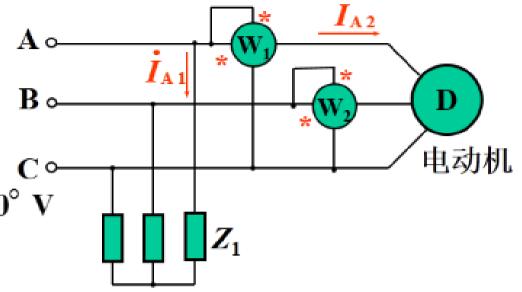
$$\dot{I}_{\rm B2} = 3.23 \angle -156.9^{\circ} \text{ A}$$

表 W_1 的读数 P_1 :

$$P_1 = U_{AC}I_{A2}\cos\varphi_1$$

表 W_2 的读数 P_2 :

$$P_2 = U_{BC}I_{B2}\cos\varphi_2$$



$$\dot{U}_{\rm AN} = 220 \angle 0^{\circ} \text{ V}$$

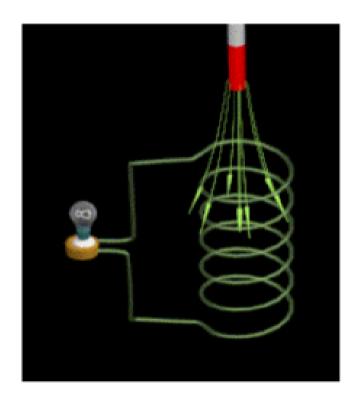


图 变化的磁场产生感应电场

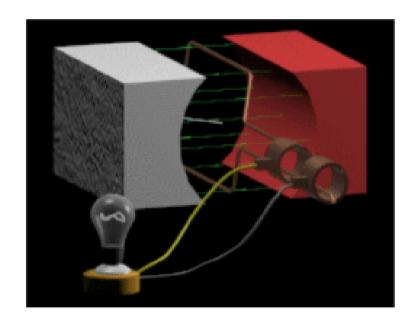


图 动生电动势

- 三相交流电相比于单相交流电具有很多优点,它在发电、输配电以及电能转换成机械 能等工程应用领域中展示了明显的优越性。
- 2)基于工程应用背景的需要,目前,大型发电机、变压器都是三相的;而在中小型电动机、发电机应用系列中,则有单相的,特别是在家用电器中,大都采用单相电机。如以由同样材料所制造的三相异步电动机为例,其容量比单相电动机容量可大50%。(注:因电机为复杂的非线性系统,故难以解析地证明或评价这一定量数据,但杨炳中教授在其新型双值电容异步电动机多系列产品设计,并成功制造的实践中,可印证这一定量数据的科学性)。
- 3)关于"在输送同样功率的情况下,三相输电线较单相输电线可节省有色金属25%,而且电能损耗较单相输电时少"的论述是科学正确的,其论据在于:以三相四线制(星型联结)供电为例,则在三相和单相输电线分别输送同功率的设定条件下,若进而设三相相线中电流密度与单相输电线中电流密度相同,今三相供电时需4根输电线(其中,中线要细得多),而单相供电时对应于同样的线电流和相电压,则需6根输电线,相比之下,节省有色金属量大于25%,自在理中。由此继续推算线耗差异,结论也十分清楚。

有关电机、变压器的问题,我觉得可以这样分析,单相磁路需要有返回通路,三相,尤其是变压器则不需要。三相磁通总和在任意时刻为零。具体节省材料和容量不太好说。对于输电问题,这个好说,如果采用单相,则输入相同的功率,若三相四线制(中线没用),则总单位横截面技数是4(一个同等规模的中线),若采用单相,则总的横截面积数是3*1+3*1(相、中线的线径相同),至少多2个横截面积(上述结果是在相同哼唧面积承载相同电流的条件下得到的)。不知这样说是否合理。