

# **Curso Modelos Biomatemáticos I**

Luis Guillermo García Jácome

2025-05-18

# Tabla de contenidos

<b>Inicio</b>	<b>3</b>
Contacto . . . . .	3
 <b>I    Módulo 5</b>	 <b>4</b>
<b>1    Modelo exponencial</b>	<b>6</b>
1.1    Introducción . . . . .	6
1.2    Modelo general de crecimiento poblacional . . . . .	6
1.3    Supuestos del modelos . . . . .	6
1.4    Desarrollo y comportamiento . . . . .	6
1.5    Solución del modelo . . . . .	6
1.6    Práctica: Simulación con hojas de cálculo . . . . .	7
 <b>2    Modelo logístico</b>	 <b>8</b>
2.1    Introducción . . . . .	8
2.2    Supuestos del modelo . . . . .	8
2.3    Desarrollo . . . . .	8
2.4    Explicación del término logístico . . . . .	8
2.5    Práctica: Simulación con hojas de cálculo . . . . .	9
2.6    Puntos de equilibrio . . . . .	9
2.7    Análisis gráfico . . . . .	9
2.8    Caos . . . . .	9
2.9    Diagrama de bifurcación . . . . .	9
2.10    Sistemas dinámicos, Laplace y otros sistemas caóticos (opcional) . . . . .	10

# Inicio

Bienvenid@ a la página del curso *Modelos biomatemáticos I*, que se imparte en la Facultad de Ciencias de la UNAM.

En esta página encontrarás algunos contenidos teóricos del curso.

## Contacto

- *Luis Guillermo García Jácome*: lggj37[at]ciencias.unam.mx

**Parte I**

**Módulo 5**

En este módulo iniciamos nuestro estudio de los *sistemas dinámicos*, es decir sistemas que cambian con el tiempo.

En particular se discuten dos de los modelos más fundamentales en la ecología: el modelo exponencial y el modelo logístico. Posteriormente se discuten algunos de los modelos más básicos en evolución: el modelo de frecuencia alélica de Hardy-Weinberg y el modelo de selección haploide.

# 1 Modelo exponencial

**Contenido:** 5 videos

**Duración estimada:** 45 minutos

## 1.1 Introducción

En este capítulo estudiamos el modelo de crecimiento más simple que existe: el *modelo exponencial*. Este modelo es central ya que es la base de cualquier modelo de crecimiento.

Primero se presenta el modelo de crecimiento más general que hay del cual se derivan todos los demás. Después se presentan los supuestos y desarrollo del modelo exponencial y se realizan algunos ejemplos para ver su comportamiento. Posteriormente se presenta la solución analítica del modelo. Finalmente se realiza una simulación del modelo usando hojas de cálculo.

## 1.2 Modelo general de crecimiento poblacional

<https://youtu.be/Kknacs4RVc>

## 1.3 Supuestos del modelos

<https://youtu.be/tlNwtaiWrFA>

## 1.4 Desarrollo y comportamiento

<https://youtu.be/eBPUSfxLbgs>

## 1.5 Solución del modelo

<https://youtu.be/ExQ9xa7gRXs>

## 1.6 Práctica: Simulación con hojas de cálculo



Se recomienda que realices esta práctica a la par que ves el video.

[https://youtu.be/yQTK2\\_ogmzo](https://youtu.be/yQTK2_ogmzo)

## 2 Modelo logístico

**Contenido:** 8 videos (+2 videos opcionales)

**Duración estimada:** 1 hora 7 minutos (+20 minutos opcionales)

### 2.1 Introducción

En este capítulo estudiamos el *modelo logístico*. Este modelo hace supuestos más realistas que el modelo exponencial al considerar que los recursos son limitados. Este ligero cambio en los supuestos tienen consecuencias muy grandes para el comportamiento del modelo.

Primero describimos como el supuesto de recursos limitados se ve reflejado en cómo se modelan las tasas de nacimiento y de mortalidad *per cápita*. Luego desarrollamos el modelo y damos una explicación intuitiva de qué significa la expresión resultante. Posteriormente se realizan simulaciones usando una hoja de cálculo (que está basada en nuestra [Simulación del modelo exponencial](#)). Después exploramos la idea de lo que son los puntos o valores de equilibrio y realizamos el análisis gráfico del modelo. Finalmente introducimos el concepto de caos y construimos el diagrama de bifurcación del modelo logístico.

### 2.2 Supuestos del modelo

<https://youtu.be/SaM4Szual0o>

### 2.3 Desarrollo

<https://youtu.be/hThtO6tZiRM>

### 2.4 Explicación del término logístico

<https://youtu.be/brbGvtYykpA>



## 2.5 Práctica: Simulación con hojas de cálculo

### Tip

Se recomienda que realices esta práctica a la par que ves el video.

### Importante

Esta práctica se basa en la hoja de cálculo resultante de la [simulación del modelo exponencial](#). Así que debes realizarla previamente.

<https://youtu.be/ikalgvkZijI>

## 2.6 Puntos de equilibrio

<https://youtu.be/A2I2Ot76ytc>

## 2.7 Análisis gráfico

<https://youtu.be/-ilKIBHGedM>

## 2.8 Caos

<https://youtu.be/AGa4-FhH0gE>

### Explora la simulación del modelo logístico

Aquí puedes [abrir el simulador del modelo logístico](#) en tu navegador web.  
Para ejecutarlo en tu computadora localmente puedes [descargar NetLogo](#) y descargar el archivo del modelo.

## 2.9 Diagrama de bifurcación

<https://youtu.be/5Gts1arBbkQ>

## 2.10 Sistemas dinámicos, Laplace y otros sistemas caóticos (opcional)

Estos son videos que hice para otro curso donde se aborda el tema de caos desde una perspectiva más histórica y se ven otros ejemplos de sistemas caóticos. Al final de estos videos se explica de nuevo el caos en el modelo logístico.

<https://youtu.be/B9FRN82vSQQ>

**i** Explora la simulación de 2 y 3 cuerpos

Aquí puedes [abrir el simulador del modelo de 2 y 3 cuerpos en tu navegador web](#). Solo que nota que este modelo es muy demandante de recursos como para ejecutarse en el navegador por lo que **corre muy lento**. Te sugiero descargarlo y ejecutarlo localmente en tu computadora para que se ejecute más rápido.

Para ejecutarlo en tu computadora localmente puedes [descargar NetLogo](#) y descargar el archivo del modelo.

<https://youtu.be/TD7RBtIaagg>