

# Semestrální práce z předmětu X33TSW

Miroslav Hruz, Ondřej Kuželka {hruzml, kuzelo1}@fel.cvut.cz

## 1. Úvod

V tomto dokumentu popisujeme průběh testování prováděného v rámci cvičení k předmětu X33TSW Testování a diagnostika softwaru. Jako testovaný program používáme jednoduchou aplikaci vytvořenou v programovacím jazyce Java s názvem Kalkulačka.

Nejprve shrnujeme systémové požadavky, případy užití a test cases a naznačujeme, jakým způsobem je možné tyto spravovat v programu Rational Requisite Pro. Následně popisujeme strukturu testované aplikace prostřednictvím class diagramů a sequence diagramů, které rovněž komentujeme v textu. Dále ilustrujeme tvorbu Cause-and-Effect diagramu na jednoduchém problému týkajícím se naší testované aplikace. Pomocí Netbeans Profileru následně analyzujeme kritická místa aplikace, co se týče její výkonnosti i paměťových nároků. Pomocí open-source programu CodeCover analyzujeme pokrytí kódu testované aplikace několika testy a diskutujeme aplikovatelnost získaných výsledků pro náš konkrétní případ. V programu Rational Manual Test vytváříme sadu testů. V programu Rational Robot vytváříme několik automatizovaných testů, které následně použijeme pro testování naší aplikace. Pro vyzkoušení si spravování výsledků testů provedených s pomocí programů Rational Manual Test a Rational Robot používáme program Rational Test Manager. Nakonec na uměle vytvořeném problému odvozujeme propagaci variance podle Haralicka.

## 2. Požadavky na program kalkulačka

### Funkční požadavky

#### SR1: Vkládání výrazů

Program umožní uživateli vkládat matematické výrazy prostřednictvím textového pole v horní části okna programu. Za korektní je považován jakýkoliv matematický výraz obsahující čísla, proměnné, funkce *sin*, *asin*, *cos*, *acos*, *tan*, *atan*, *log*, *exp* a konstanty *pi*, *e*.

#### SR2: Zjednodušování výrazů

Po stisknutí tlačítka „Zjednodušit“, případně po stisknutí klávesy Enter v textovém poli pro zadávání výrazů, se program pokusí zjednodušit výraz zadaný uživatelem. Pokud je zadaný výraz syntakticky nesprávný, program to uživateli oznámí prostřednictvím dialogového okna. V případě, že je zadaný výraz syntakticky korektní, je výsledek zjednodušení tohoto výrazu vypsán v textovém poli ve spodní části okna programu a je uložen do proměnné, jejíž jméno je vypsáno společně se zjednodušeným výrazem.

#### SR3: Roznásobování výrazů

Po stisknutí tlačítka „Expandovat“ program roznásobí všechny závorky přítomné ve výrazu zadaném uživatelem a pokusí se výsledný výraz následně zjednodušit. Pokud je zadaný výraz syntakticky

nesprávný, program to uživateli oznámí prostřednictvím dialogového okna. V případě, že je zadáný výraz syntakticky korektní, je výsledek roznásobení závorek a zjednodušení tohoto výrazu vypsán v textovém poli ve spodní části okna programu a je uložen do proměnné, jejíž jméno je vypsáno společně se zjednodušeným výrazem.

#### **SR4: Derivování výrazů**

Po stisknutí tlačítka „Derivovat podle proměnné“ program zderivuje výraz zadáný uživatelem podle proměnné zadané v daném textovém poli a pokusí se výsledný výraz následně zjednodušit. Pokud je zadáný výraz syntakticky nesprávný, program to uživateli oznámí prostřednictvím dialogového okna. V případě, že je zadáný výraz syntakticky korektní, je výsledek derivování a následného zjednodušení tohoto výrazu vypsán v textovém poli ve spodní části okna programu a je uložen do proměnné, jejíž jméno je vypsáno společně se zjednodušeným výrazem.

#### **SR5: Využívání předchozích výsledků – funkce paměť**

Program umožní přistupovat k výsledkům předchozích operací prostřednictvím názvů proměnných vypisovaných společně s těmito výsledky. Pokud se v nějakém výrazu vyskytne název takového proměnné, bude tato proměnné nahrazena odpovídajícím obsahem a na takto vzniklém výrazu bude provedena uživatelem požadovaná operace.

#### **SR6: Nastavení počtu zobrazovaných desetinných míst**

Program umožní nastavit počet zobrazovaných desetinných míst až do počtu daného způsobem uložení datového typu double. Po výběru položky „Desetinná místa“ z menu „Soubor“, se uživateli zobrazí dialogové okno s textovým polem, do něž uživatel vepíše požadovaný počet zobrazovaných desetinných míst. Nově zadáný počet zobrazovaných desetinných míst se projeví až ve výpisu nějaké nové operace.

#### **SR7: Ukončení programu**

Program bude možné ukončit jednak standardně kliknutím na křížek v pravém horním rohu, a jednak zvolením položky „Konec“ v nabídce „Soubor“.

### **Případy užití**

#### **UC1: Zjednodušování výrazů**

Uživatel zadá do textového pole v horní části okna programu výraz, který má být zjednodušen. a klikne na tlačítko „Zjednodušit“. V hlavním textovém poli umístěném v dolní části okna programu se zobrazí korektní výsledek, který je rovněž přiřazen do nějaké nové proměnné.

#### **UC2: Derivování výrazu**

Uživatel zadá do textového pole v horní části okna programu výraz, který má být derivován. Do textového pole umístěného vpravo vedle tlačítka „Derivovat podle proměnné“ zadá proměnnou, podle níž se má derivovat, a klikne na tlačítko „Derivovat podle proměnné“. V hlavním textovém poli umístěném v dolní části okna programu se zobrazí korektní výsledek, který je rovněž přiřazen do nějaké nové proměnné.

### UC3: Využití funkce paměť

Předpokladem využití této funkce je to, že uživatel již provedl alespoň jeden výpočet. Je-li tomu skutečně tak, pak uživatel do vytvářeného vzorce vloží název proměnné, která je vypsána u požadovaného zpracovaného výrazu v hlavním textovém poli v dolní části okna aplikace, a klikne na jedno z tlačítek „Zjednodušit“, „Expandovat“ nebo „Derivovat podle proměnné“ v závislosti na tom, jakou operaci chce provádět. Výsledný výraz vypsáný v hlavním textovém poli pak je výsledkem dosazení odpovídajícího výrazu za danou proměnnou a aplikací požadované operace na takto vzniklý výraz.

## Test cases

### TC1: Zjednodušení výrazu

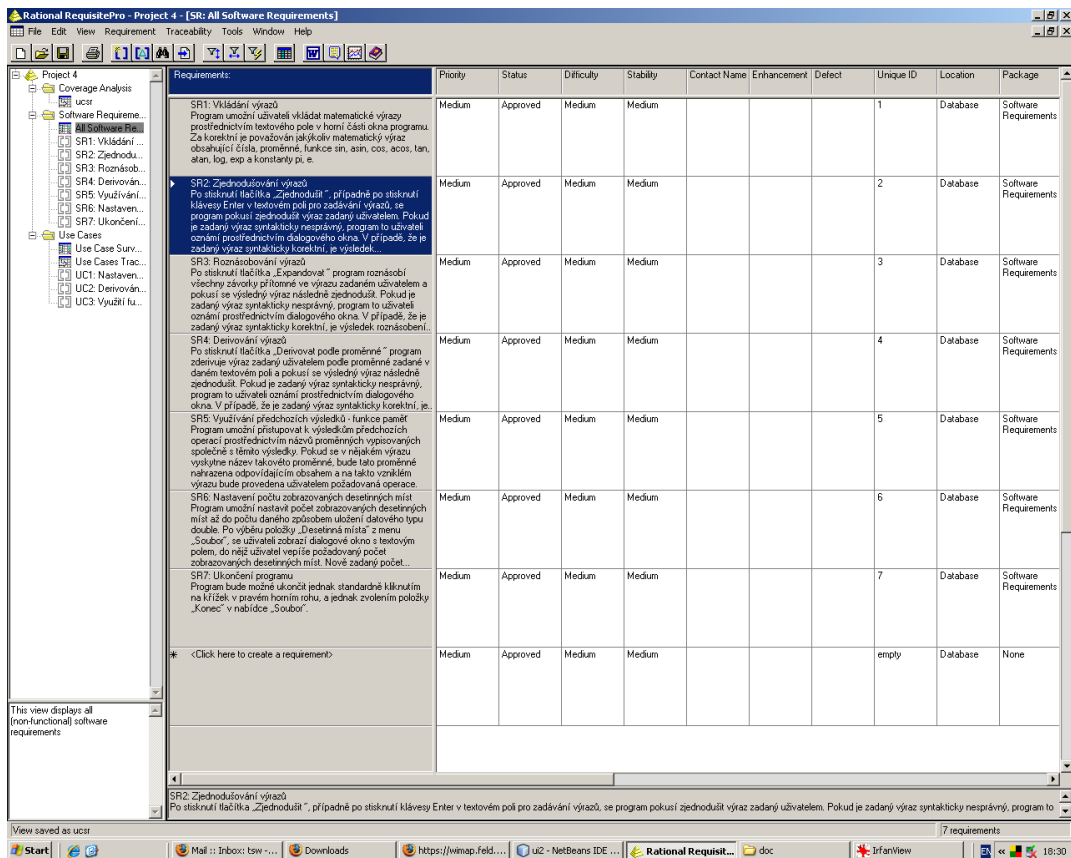
Uživatel zadá do textového pole v horní části okna programu výraz „1+1“, který má být zjednodušen. a klikne na tlačítko „Zjednodušit“. V hlavním textovém poli umístěném v dolní části okna programu se zobrazí korektní výsledek „2“, který je rovněž přiřazen do nějaké nové proměnné.

### TC2: Derivování výrazu

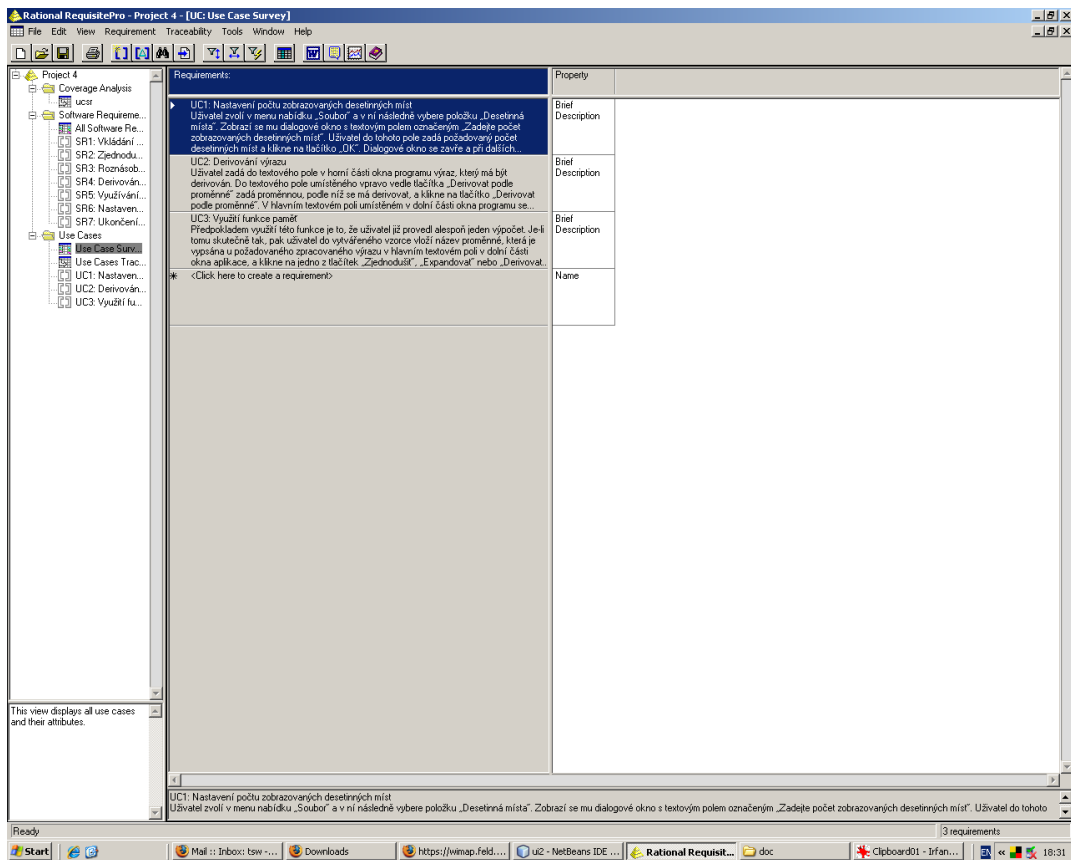
Uživatel zadá do textového pole v horní části okna programu výraz „x+sin(x)“, který má být derivován. Do textového pole umístěného vpravo vedle tlačítka „Derivovat podle proměnné“ zadá „x“ a klikne na tlačítko „Derivovat podle proměnné“. V hlavním textovém poli umístěném v dolní části okna programu se zobrazí výsledek „1+cos(x)“, který je rovněž přiřazen do nějaké nové proměnné.

### TC3: Využití funkce paměť

Uživatel provede postup popsáný v TC1. Následně do textového pole v horní části okna napíše „ansX+1“, kde X nahradí číslem proměnné, do níž program uložil výsledek předchozího výpočtu. Program zobrazí v hlavním okně výsledek „3“.



Obrázek 1: Softwarové požavky v programu RequisitePro



Obrázek 2: Případy užití programu RequisitePro

## UML model testovného sw

UML je stavebním kamenem analýzy sw projektu, pomocí něhož se modelují procesy, děje a činnosti, které bude sw vykonávat. Pokud nepoužíváme jako metodiku Extrémní programování, měla by vlastní programovací činnosti předcházet analýza. Všechny druhy diagramů v UML specifikaci můžeme rozdělit do následujících 2 druhů, a to na

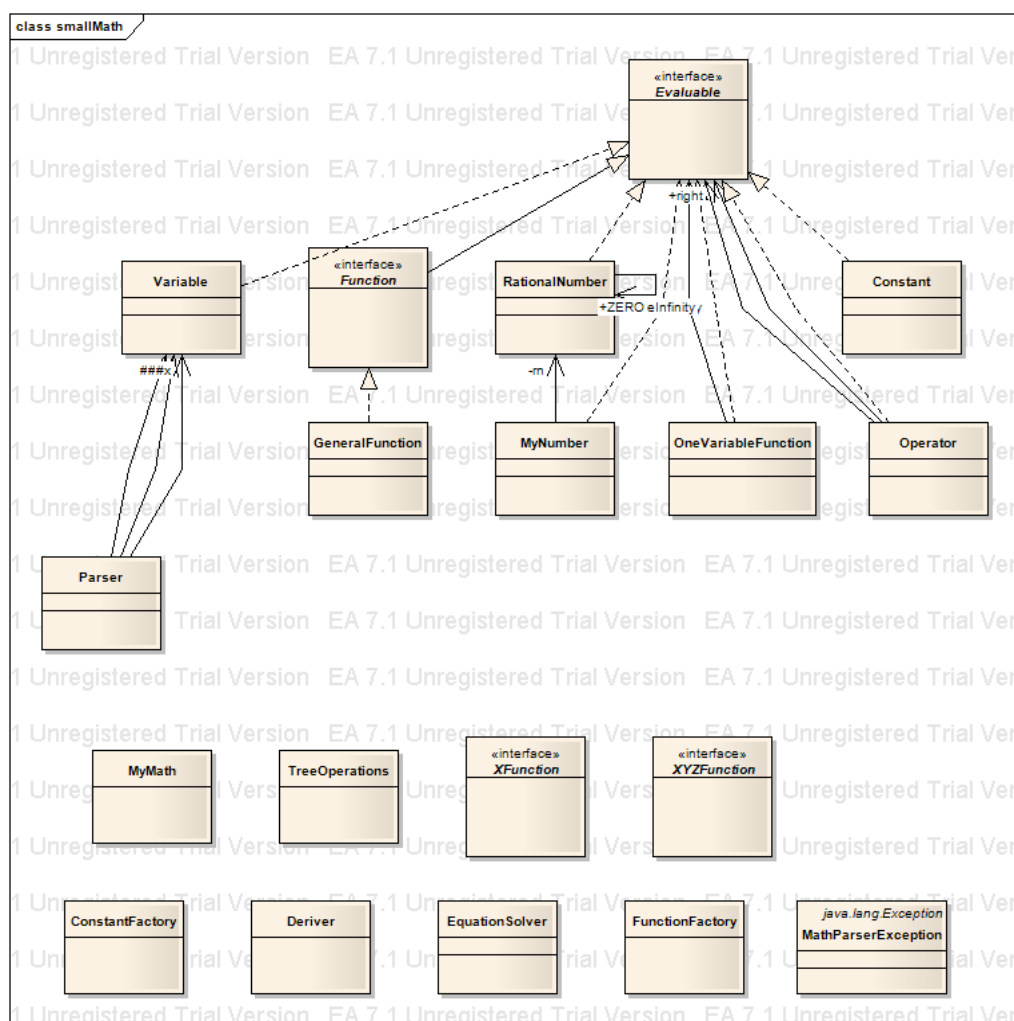
- diagramy modelu chování – behavioral modelling diagrams a
- diagramy strukturního modelu – structural modelling diagrams

Všechny diagramy zde obsažené jsou vytvořeny pomocí nástroje Enterprise Architect od společnosti Sparx System z 30denní trial verze. Program je možné stáhnout na adrese <http://www.sparxsystems.com/products/ea.html>

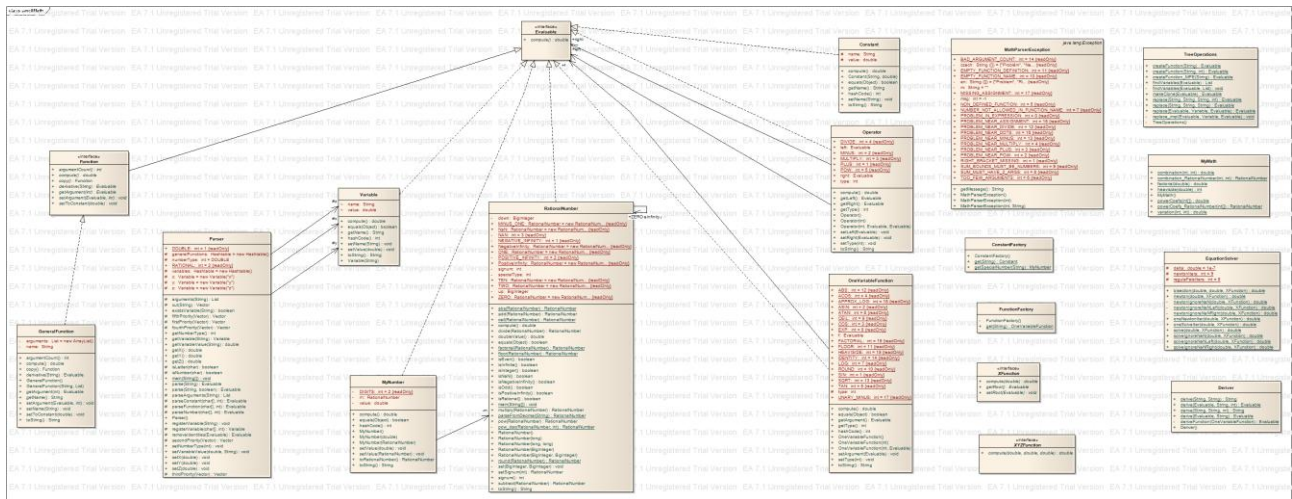
### Class diagram

Class diagram spadá do druhé kategorie. Často pomocí něj definujeme svět tzv. Business Objectů, tj. entit, které nás v obchodě zajímají především (můžeme setkat také s pojmy Domain Model, ER model). Class diagram je abstrakce realizace tříd a vztahů mezi nimi, které jsou v OOP/OOD důležité, jejich implementace je v tomto pohledu nepodstatná.

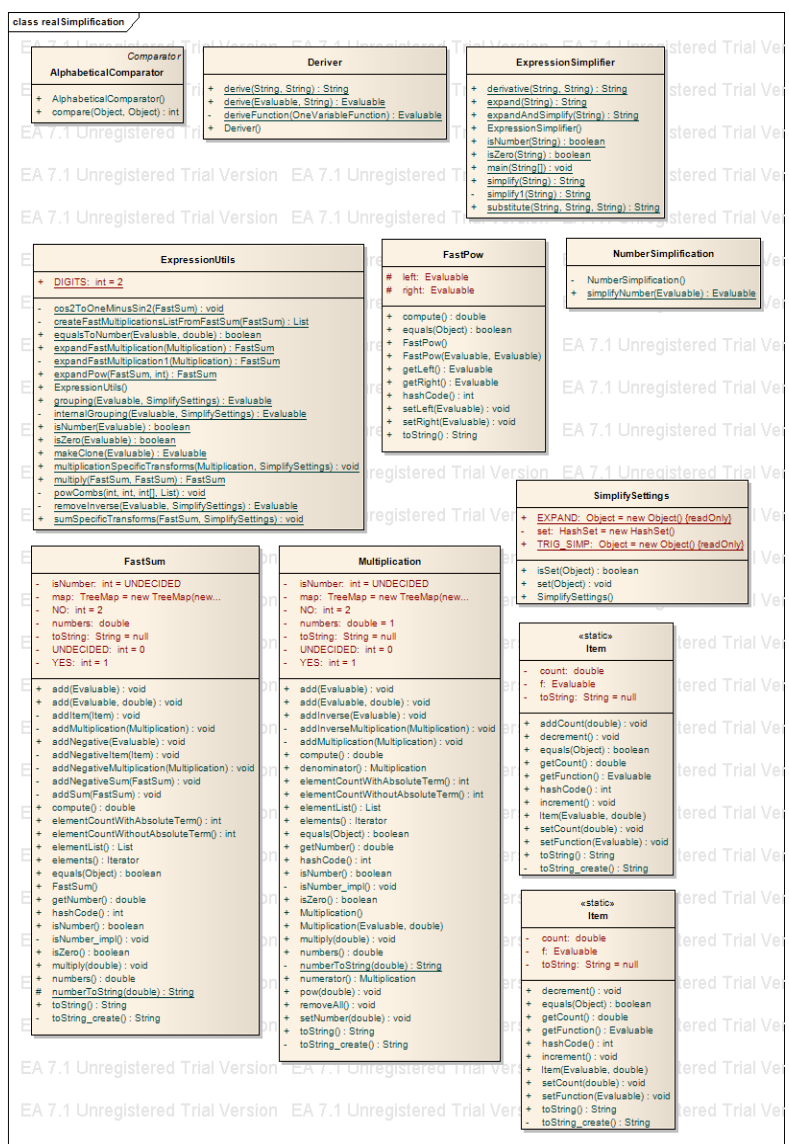
### Jádro package smallMath



Pro úplnost uvádíme také úplný class diagram package smallMath, kde jsou kromě základního modelu tříd a závislostí uvedeny také třídní atributy s obory viditelností, metody, statické konstanty a podobně.

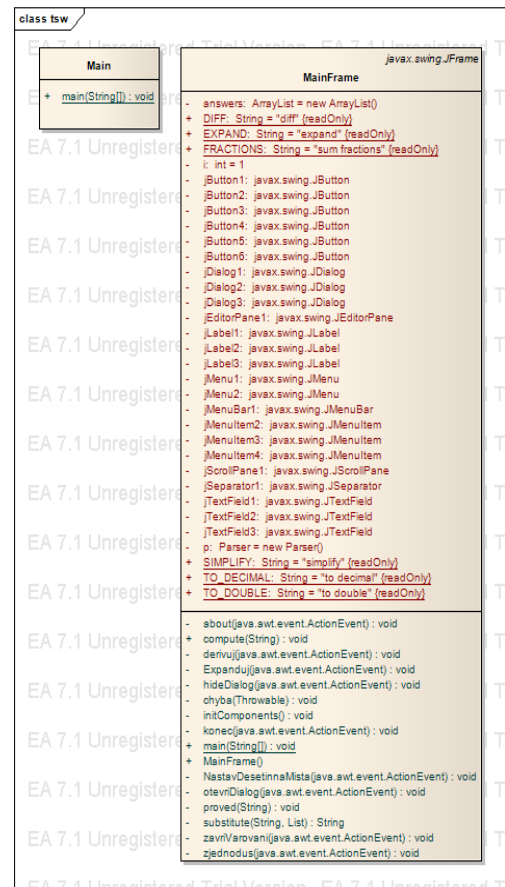


V tomto package se nachází servisní vrstva aplikace, chcete-li aplikační logika. Jsou zde třídy reprezentující realizaci jednotlivých user stories (requirementů) jako jsou: *derive*, *simplify*, *evaluate*. Package je tvořen převážně třídami podle návrhového vzoru *Helper*, třídami, jež mají jen statické metody.



## package tsw

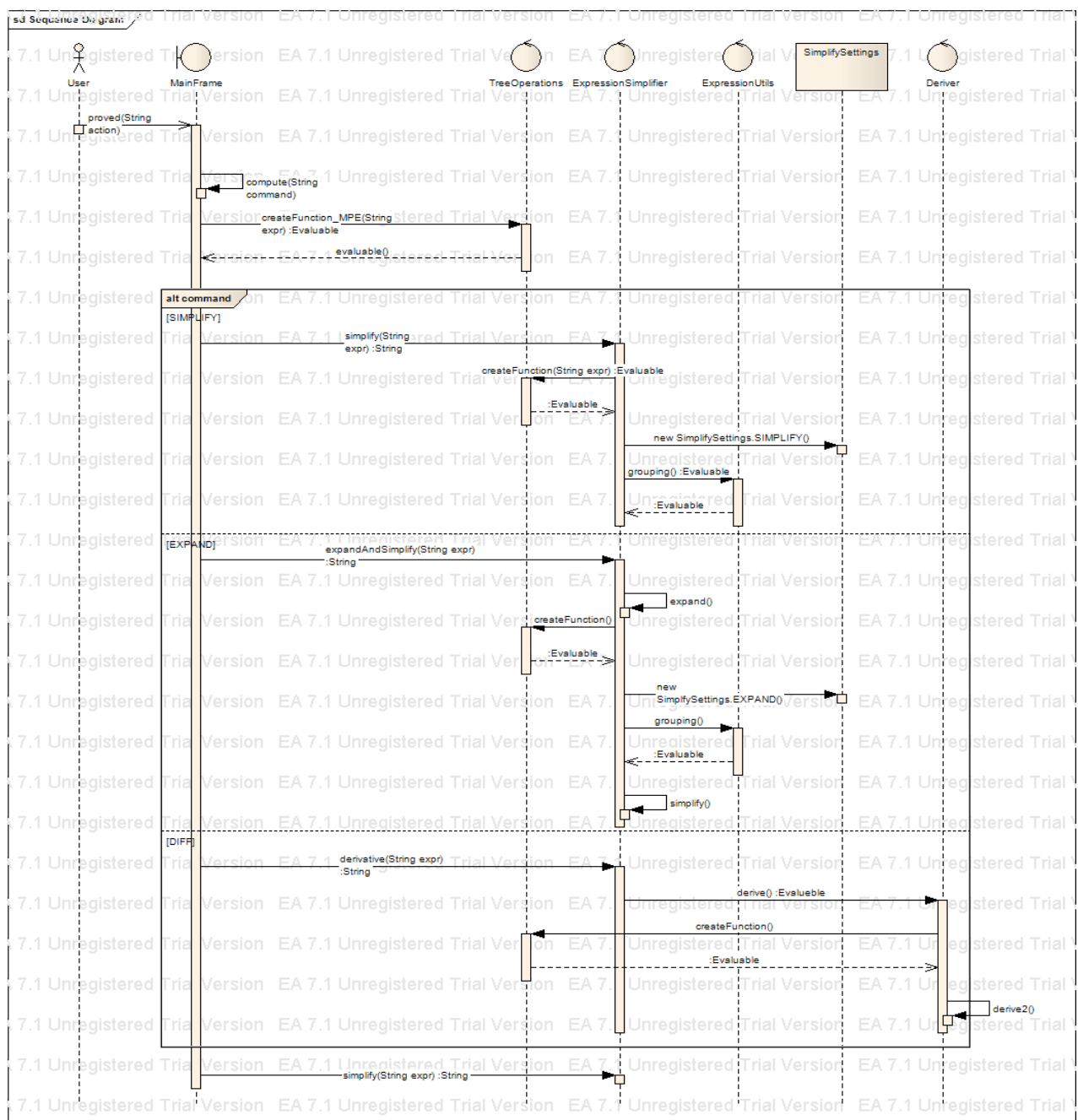
V tomto package je naimplementováno GUI pro interakci s programovým vybavením zapsaným v předchozích 2 class diagramech. Jedná se o hlavní třídu MainFrame, která jak je vidět z diagramu extenduje od javax.swing.JFrame, tudíž jde o Swingovskou aplikaci.





## Sequence diagram

Sekvenční diagram patří do první výše zmíněné kategorie. Pomocí tohoto dobře modelujeme interakci mezi jednotlivými entitami (třídami). Jednotlivé třídy spolu komunikují pomocí předávání zpráv, jednak synchronního, druhak asynchronního. U synchronních zpráv zde mluvíme o volání (call), zprávy můžeme posílat rekurzivně. Tento diagram ukazuje průběh zpracování user requirementů, kdy uživatel, aktor z Use case diagramu (modelu jednání), klikne na button expanduj, zjednoduš, derivuj a očekává správný výsledek svého dotazu. „První na ráně“ je vstupní bránou do aplikace, v terminologii sekvenčního diagramu říkáme Boundary element. Dál zde vidíme kontroléry (Control elements), v našem případě třídy odpovídající návrhovému vzoru Helper a dále třídu SimplifySettings, která nespadá do žádné



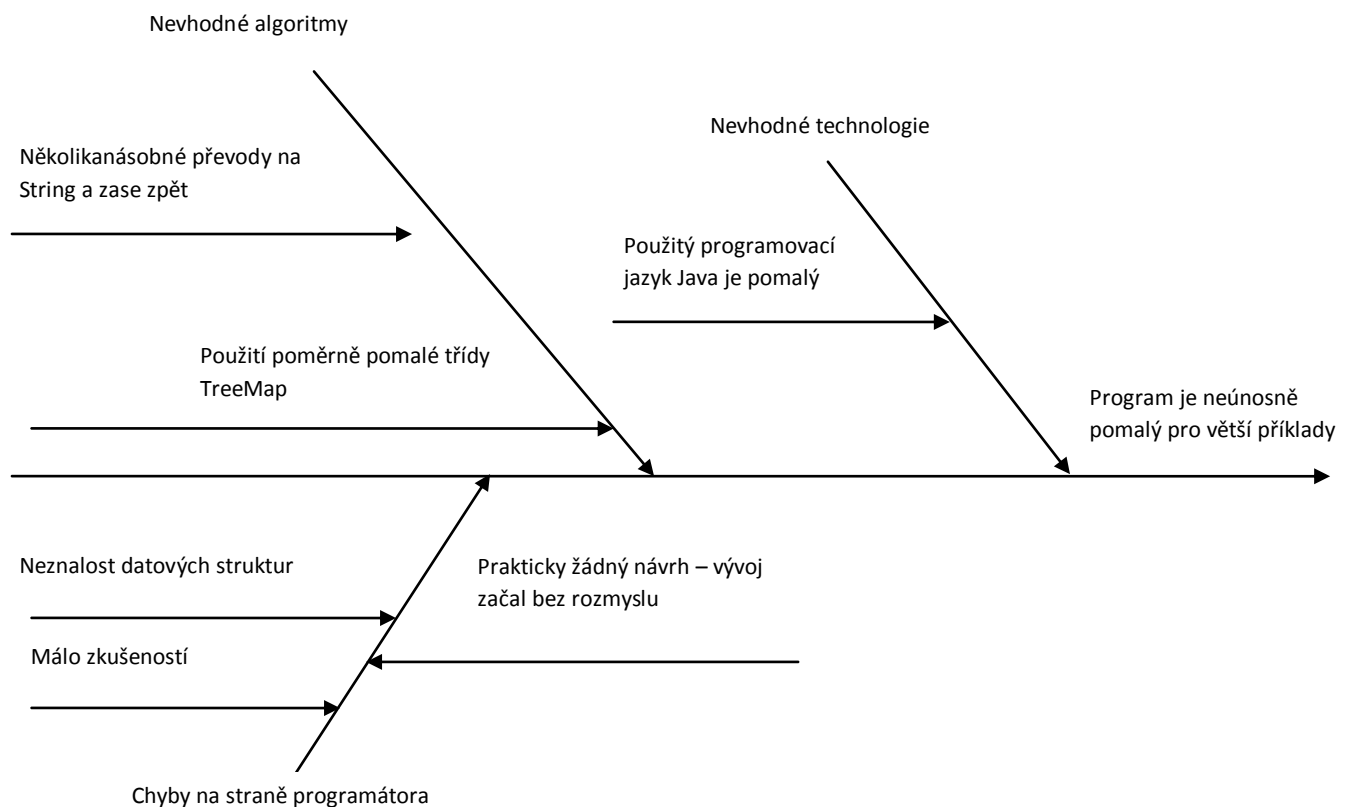


kategorie, je použita pro zaobalení parametrů použitých při zjednodušení výrazu.

### 3. CE-diagram

CE-diagram (Cause-and-Effect-Diagram) je grafická pomůcka umožňující zobrazit různé příčiny nějakého pozorovaného jevu (v našem případě špatné výkonnosti testovaného programu). CE-diagram se typicky vytváří tak, že se nejprve nakreslí horizontální šipka, na jejímž konci je jev, jehož příčiny, chceme najít, a k této šipce se nakreslí další šipky, které označují poměrně obecné příčiny (v našem případě například „nevhodné algoritmy“). K těmto šipkám označujícím obecné příčiny se pak přidávají šipky s konkrétnějšími příčinami a tak se postupuje, dokud není diagram dostatečně detailní. CE-diagramu se kvůli jeho tvaru také někdy říká „rybí kost“.

Pomocí CE-diagramu jsme se pokusili zachytit možné příčiny špatné výkonnosti testovaného programu Kalkulačka. Možné příčiny jsme rozdělili do několika skupin: Nevhodné algoritmy, Chyby na straně programátora a nevhodně použité technologie.



## 4. Analýza výkonnosti programu pomocí profileru

Pro analýzu výkonnosti programu Kalkulačka jsme využili profiler dodávaný s integrovaným vývojovým prostředím Netbeans 6. Bohužel vzhledem k tomu, že uživatelské rozhraní programu Kalkulačka bylo vytvořeno v Javě 1.6, nebylo možné využít doporučeného profilovacího programu IBM Quantify. Nicméně i s tímto profilerem poskytovaným společně s Netbeans se nám podařilo určit části aplikace kritické pro výkon.

Ukázalo se, že nejvíce procesorového času je spotřebováno na udržování výrazů ve stromových strukturách – konkrétně nejvíce strojového času spotřebovala podle výsledků profileru metoda *realSimplification.AlphabeticalComparator.compare(Object, Object)*. Ta byla nejčastěji volána při vkládání prvků do instancí třídy *java.util.TreeMap* a při volání metody téže třídy *java.util.TreeMap.containsKey()*, o čemž se můžeme přesvědčit ve výpisu stack-traces zobrazených na Obrázku 2. Pokud bychom tedy měli v úmyslu aplikaci zrychlit, bylo by vhodné buď zcela odstranit použití třídy *java.util.TreeMap*, anebo alespoň snížit četnost jejího použití na nutné minimum. Co je však nejdůležitější, je poznání, že bez použití profileru bychom byli pouze velice těžko schopni zjistit, která část aplikace by měla být optimalizována s ohledem na výkon.

Hot Spots - Method	Self time [%]	Self time	Invocations
<i>realSimplification.AlphabeticalComparator.compare</i> (Object, Object)		877 ms (7,6%)	452964
<i>java.lang.String.compareTo</i> (String)		293 ms (2,5%)	452965
<i>java.util.TreeMap.fixAfterInsertion</i> (java.util.TreeMap.Entry)		253 ms (2,2%)	32715
<i>sun.awt.windows.WFramePeer.reshape</i> (int, int, int, int)		244 ms (2,1%)	2
<i>smallMath.Parser.isLetter</i> (char)		232 ms (2%)	18058
<i>realSimplification.Multiplication.toString</i> ()		231 ms (2%)	898421
<i>javax.swing.text.Segment.next</i> ()		225 ms (2%)	5001
<i>java.io.FileInputStream.&lt;init&gt;</i> (java.io.File)		217 ms (1,9%)	35
<i>java.util.TreeMap.parentOf</i> (java.util.TreeMap.Entry)		148 ms (1,3%)	560164
<i>java.util.TreeMap.put</i> (Object, Object)		144 ms (1,3%)	40296
<i>java.lang.Math.min</i> (int, int)		131 ms (1,1%)	502141
<i>java.util.Arrays.copyOf</i> (char[], int)		115 ms (1%)	7622
<i>java.util.TreeMap.getEntryUsingComparator</i> (Object)		108 ms (0,9%)	39014
<i>java.io.BufferedReader.&lt;init&gt;</i> (java.io.Reader, int)		84,4 ms (0,7%)	2
<i>java.util.Arrays.copyOfRange</i> (char[], int, int)		70,8 ms (0,6%)	30462
<i>sun.awt.GlobalCursorManager.updateCursor</i> (boolean)		55,8 ms (0,5%)	3
<i>realSimplification.FastSum.addSum</i> (realSimplification.FastSum)		52,0 ms (0,5%)	625
<i>java.util.regex.Pattern\$BmpCharProperty.match</i> (java.util.regex.Matcher, int, CharSequence)		51,6 ms (0,4%)	67386
<i>java.lang.CharacterDataLatin1.toLowerCase</i> (int)		50,3 ms (0,4%)	18988
<i>realSimplification.ExpressionUtils.internalGrouping</i> (smallMath.Evaluable, realSimplification.SimplifySettings)		42,8 ms (0,4%)	8293
<i>realSimplification.FastSum.addItem</i> (realSimplification.FastSum.Item)		42,6 ms (0,4%)	32024
<i>java.lang.String.charAt</i> (int)		39,3 ms (0,3%)	164417
<i>sun.awt.windows.WComponentPeer.show</i> ()		37,4 ms (0,3%)	1
<i>sun.awt.windows.WWindowPeer.updateFocusableWindowState</i> ()		36,9 ms (0,3%)	2
<i>java.util.TreeMap.leftOf</i> (java.util.TreeMap.Entry)		35,1 ms (0,3%)	133723
<i>smallMath.Parser.cut</i> (String)		35,0 ms (0,3%)	417
<i>java.util.TreeMap.setColor</i> (java.util.TreeMap.Entry, boolean)		31,6 ms (0,3%)	132555
<i>java.lang.CharacterDataLatin1.getType</i> (int)		30,5 ms (0,3%)	55625

[Method Name Filter]

Call Tree Hot Spots Combined Info Back Traces for: compare

Obrázek 3: "Hot Spots"

Method	Time [%]	Time	Invocations
realSimplification.AlphabeticalComparator.compare (Object, Object)		877 ms (9,3%)	452964
when called from java.util.TreeMap.getEntryUsingComparator (Object)		561 ms (6%)	226482
java.util.TreeMap.getEntryUsingComparator (Object)		107 ms (1,1%)	35492
java.util.TreeMap.getEntry (Object)		15.1 ms (0,2%)	35492
java.util.TreeMap.containsKey (Object)		23.7 ms (0,3%)	35492
when called from realSimplification.FastSum.addItem (realSimplification.FastSum.Item)		20.9 ms (0,2%)	31909
realSimplification.FastSum.addItem (realSimplification.FastSum.Item)		41.5 ms (0,4%)	31909
when called from realSimplification.FastSum.addSum (realSimplification.FastSum)		40.5 ms (0,4%)	31199
realSimplification.FastSum.addSum (realSimplification.FastSum)		50.0 ms (0,5%)	574
realSimplification.FastSum.add (smallMath.Evaluable)		5.66 ms (0,1%)	1739
when called from realSimplification.ExpressionUtils.internalGrouping (smallMath.Evaluable, realSimplification.FastSum)		5.61 ms (0,1%)	1719
when called from realSimplification.FastSum.add (smallMath.Evaluable, double)		0.035 ms (0%)	14
when called from realSimplification.ExpressionUtils.expandFastMultiplication1 (realSimplification.FastSum)		0.013 ms (0%)	6
when called from realSimplification.FastSum.addMultiplication (realSimplification.Multiplication)		1.2 ms (0%)	710
when called from realSimplification.Multiplication.addMultiplication (realSimplification.Multiplication)		2.75 ms (0%)	3583
when called from java.util.TreeMap.put (Object, Object)		315 ms (3,3%)	226482

Obrázek 4: "Stack traces "

## 5. Test chyb ve správě paměti

V Javě k memory leakům nemůže dojít, resp. pokud dojde, je to čistě v implementaci Garbage Collectoru a tu na aplikační úrovni nejde ovlivnit. Co se týče chyb v nesprávném používání paměti, ta byla profilována pomocí nástroje Netbeans Profiler v předchozím bodu a žádné chyby nalezeny nebyly. Netbeans Profiler jsme použili z toho důvodu, že stejně jako v předchozím bodě nebylo možné použít program z balíku IBM Rational kvůli použití Javy verze 1.6.

## 6. Test částí kódu, které nejsou nikdy volány

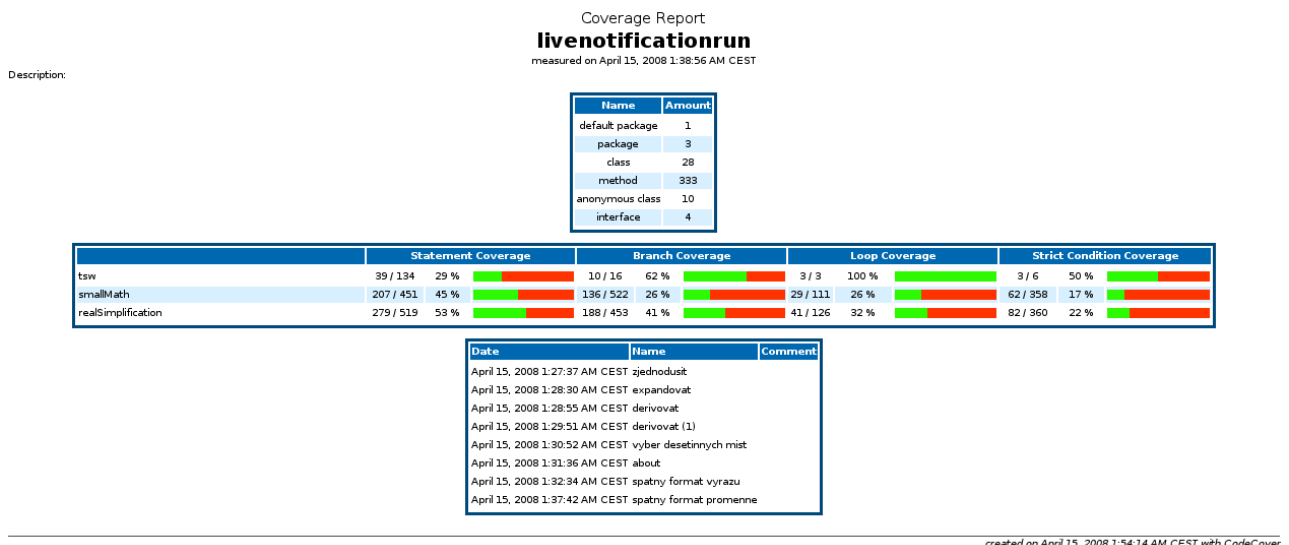
Předně pod pojmem code coverage rozumíme poměr mezi kódem, který je pokryt jednotkovými testy a celým kódem. Jednotkový test (neboli Unit test či chcete-li white-box test) by měl psán vývojář sám. Existuje dokonce novodobá agilní metodika TDD (Test-driven development), která říká dokonce, aby se testy psaly nejdříve (Test-first approach). Tento přístup se nedá bohužel použít všude, resp. otestování někdy zabere více úsilí než samotná implementace a v některých případech to není možné vůbec. V praxi navíc se mnohdy unit testy nepíší ani po implementaci. Spolu s unit testy jde ruku v ruce refaktorování, kdy pokud jsou napsané testy, snadno (čti rychle) se dá ověřit, zda je pořád program po změně návrhu stejně funkční.

V této aplikaci se unit testy nepsaly test-first, dokonce nejsou psané ani po implementaci, čili zde tato metrika nemá význam.

V našem případě pod pojmem code coverage rozumíme test na kusy kódu, které nejsou nikdy volány. Pokud se jedná o knihovnu nebo framework, tak tam to na škodu samozřejmě není.

Pro následující report byl použit open-sourceový nástroj Code cover, který je

spustitelný jednak standalone, druhak jako plugin do nejoblíbenějšího vývojového prostředí Eclipse IDE. Tool je dostupný na adrese <http://codecover.org/>



Zadali jsme základní uživatelské scénáře, jako kliknout na button expandovat, na button zjednodužit, derivovat, zadali jinou proměnnou, změnili počet desetinných míst, zapsali výraz ve špatném formátu. Výsledek je možné vidět na tomto shrnujícím obrázku. Bohužel se nám s programem nepodařilo zaznamenávat hned od začátku a tak se iniciační části tříd jako konstruktory a jimi volané metody jeví jako nevyužité. Na následujícím obrázku jsou zeleně části, které se během testu volali a červeně části, které ne.

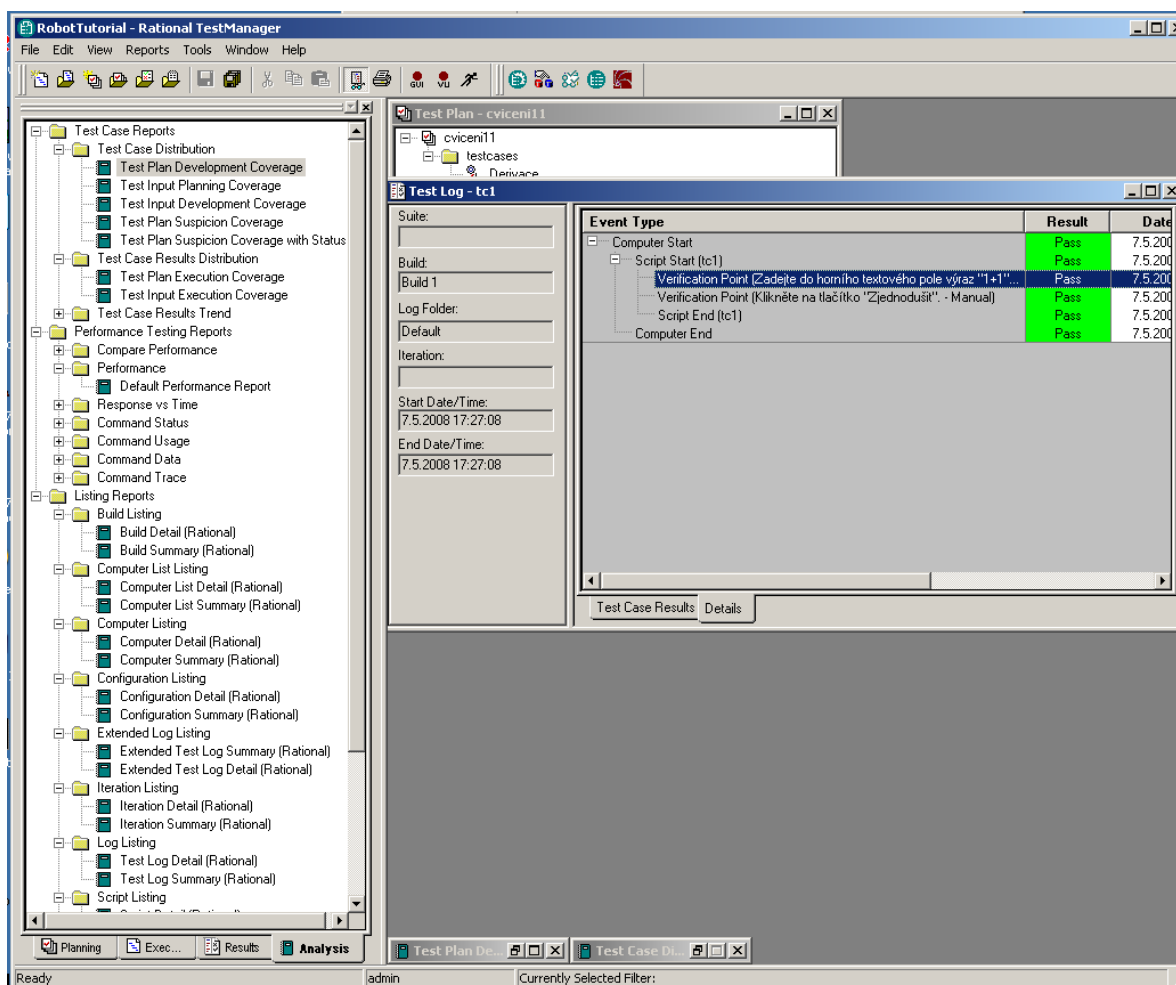
```
TreeOperations.java
35 private static void replace_impl(Evaluable f, Variable var, Evaluable replaceBy){
36     if (f instanceof Operator){
37         Operator o = (Operator)f;
38         if (o.getLeft().equals(var))
39             o.setLeft(replaceBy);
40         else
41             replace_impl(o.getLeft(), var, replaceBy);
42         if (o.getRight().equals(var))
43             o.setRight(replaceBy);
44         else
45             replace_impl(o.getRight(), var, replaceBy);
46     }
47     else if (f instanceof OneVariableFunction){
48         OneVariableFunction ovf = (OneVariableFunction)f;
49         if (ovf.getArgument().equals(var))
50             ovf.setArgument(replaceBy);
51         else
52             replace_impl(ovf.getArgument(), var, replaceBy);
53     }
54     else if (f instanceof Function){
55         Function sf = (Function)f;
56         for (int i = 0; i < sf.argumentCount(); i++){
57             if (sf.getArgument(i).equals(var))
58                 sf.setArgument(replaceBy, i);
59             else
60                 replace_impl(sf.getArgument(i), var, replaceBy);
61         }
62     }
63 }
```

Podle mého názoru je tento postup použitelný za jistých situací, spíše jako doplněk k jednotkovému testování a debugování. Pro úplný výčet částí kódu, které se nevolají využijeme některého stroje pro generování testovacích scénářů, např. Ration Robot.

## 7. Manuální testování pomocí programu Rational Manual Test

S pomocí programu Rational Manual Test jsme provedli manuální testování programu Kalkulačka. Kromě základních funkcí spočívajících ve vytváření testovacího plánu a zaškrťovacích formulářů pro zaznamenávání výsledků testů poskytuje program Rational Manual Test ve spojení s programem Rational Test Manager možnost vytvářet souhrnné zprávy o výsledcích testů – například o počtu pokrytých test cases apod.

Výsledky jednoho ze tří manuálních testů (konkrétně TC1), které jsme prováděli na programu Kalkulačka, jsou zobrazeny na následujícím obrázku. Jak je patrné z tohoto obrázku, tester, jímž jsme v tomto případě byli my, provedl úspěšně všechny požadované kroky, což je indikováno zeleně podbarvenými nápisy „Pass“.

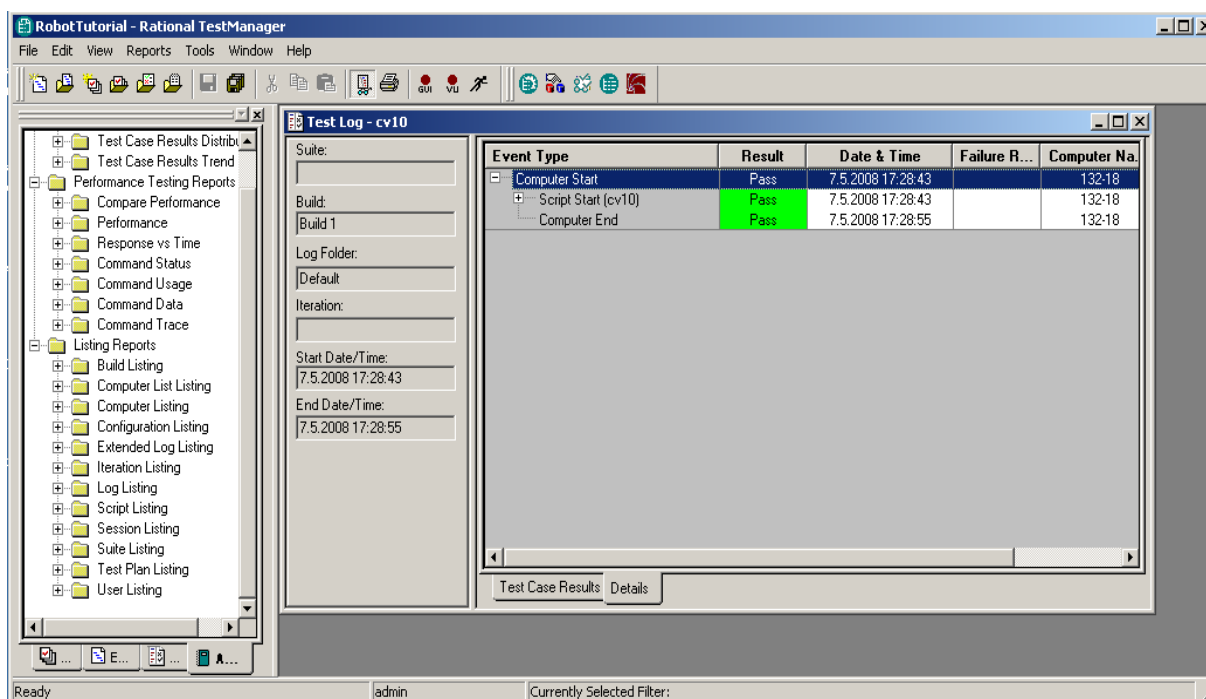


Obrázek 5: Výsledek manuálních testů v programu Rational Manual Test

## 8. Automatické testování pomocí programu Rational Robot

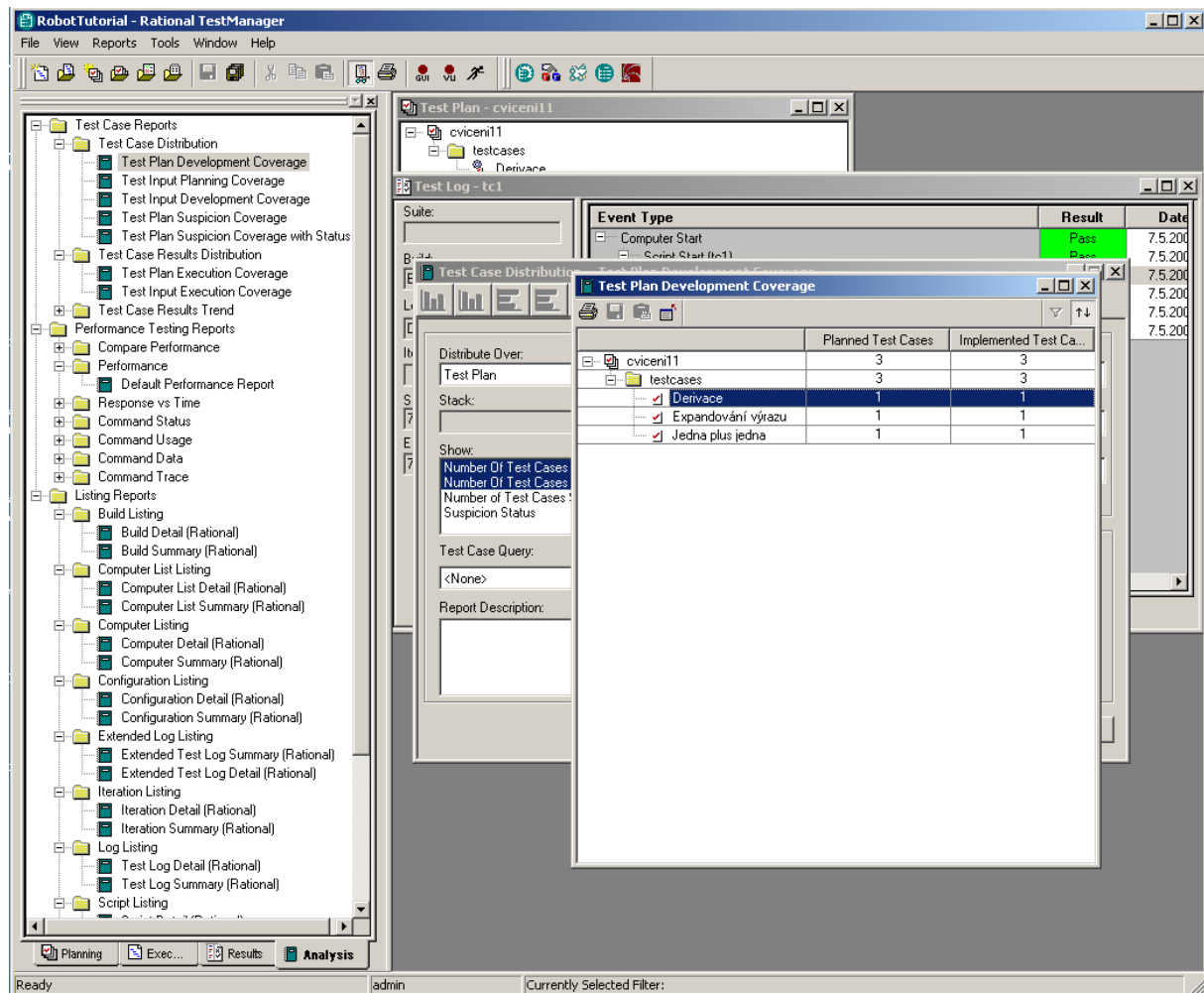
Na rozdíl od programu použitého v předchozí sekci umožňuje program Rational Robot automatické testování aplikací s grafickým uživatelským rozhraním. Rational Robot umožňuje automatické provádění posloupností uživatelských akcí a testování stavu komponent uživatelského rozhraní (textových polí atd.). Používá se především pro regresní testování, jímž se zjišťuje, jestli změny provedené v kódu aplikace nezpůsobily chyby v již otestovaných částech aplikace.

My jsme program Rational Robot použili pro nahrání sekvencí uživatelských akcí pro test cases TC1, TC2 a TC3. Vzhledem k tomu, že naše testovaná aplikace byla napsána v Javě 1.6, se vyskytly problémy, které způsobily nemožnost použít některé testy založené na čtení textu z textových polí aplikace. Tento problém jsme vyřešili pomocí testování obsahu systémové schránky, do níž byl tento obsah vložen rovněž pomocí programu Rational Robot. Obrázek 6 zobrazuje výsledek testu pokrývajícího test case TC 1 provedený na programu Kalkulačka. Obrázek 7 zobrazuje v programu Rational Test Manager souhrnné informace o pokrytí jednotlivých test cases.



Obrázek 6: Výsledek testu v programu Rational Robot

Kromě módu nahrávání akcí umožňuje program Rational Robot vytvářet testy ve skriptovacím jazyku podobném Visual Basicu, jenž jsme nicméně nevyužili.



Obrázek 7: Statistiky testů v programu Rational Test Manager

## 9. Propagace kovarianční matice

### 1 Propagace kovarianční matice

$Z = X \cdot Y$ , kde  $Z = F(X, Y)$

$Y = Y_0 + \frac{\partial F}{\partial X} |_{X_0} (X - X_0) + R_{Y0} \Rightarrow \sigma X = X - X_0, \sigma Y = Y - Y_0, J_0 = \frac{\partial F}{\partial X} |_{X_0}$

$\sigma Y = J_0 \cdot \sigma X + R_{Y0}$

$\sigma Y \cdot \sigma Y^T = (J_0 \cdot \sigma X + R_{Y0}) \cdot (J_0 \cdot \sigma X + R_{Y0})^T = J_0 \cdot \sigma X \cdot \sigma X^T \cdot J_0^T + R_Y Y_0$

$\sum_{YY_0} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (\sigma Y_i \cdot \sigma Y_i^T) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (J_0 \sigma X_i \sigma X_i^T J_0^T) =$

$= J_0 \sum_X X_0 J_0^T = \underline{\underline{\sum_Y = J_0 \sum_X J_0^T}}$



## 1.2 Implicitní propagace

$$F(\mathbf{X}, \mathbf{Y}) = (\mathbf{X}\mathbf{Y} - \mathbf{Z})^2$$

$$\mathbf{g} = \frac{\partial F}{\partial \mathbf{Z}} = -2(\mathbf{X}\mathbf{Y} - \mathbf{Z}) \Rightarrow \frac{\partial \mathbf{g}}{\partial \mathbf{X}} = -2\mathbf{Y}, \frac{\partial \mathbf{g}}{\partial \mathbf{Y}} = -2\mathbf{X}, \frac{\partial \mathbf{g}}{\partial \mathbf{Z}} = 2$$

$$\begin{aligned} \sum_{\mathbf{q}\mathbf{q}} &= |\sigma_{\mathbf{Z}}^2| = |\mathbf{2}|^{-1} \cdot |-\mathbf{2}\mathbf{Y} - \mathbf{2}\mathbf{X}| \cdot \begin{vmatrix} \sigma_{\mathbf{X}}^2 & \sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}} \\ \sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}} & \sigma_{\mathbf{Y}}^2 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} -2\mathbf{Y} \\ -2\mathbf{X} \end{vmatrix} \cdot |\mathbf{2}|^{-1} = \\ &= |-\mathbf{Y} - \mathbf{X}| \cdot |\dots| \cdot \begin{vmatrix} -\mathbf{Y} \\ -\mathbf{X} \end{vmatrix} = |-\mathbf{Y}\sigma_{\mathbf{X}}^2 - \mathbf{X}\sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}}, -\mathbf{Y}\sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}} - \mathbf{X}\sigma_{\mathbf{Y}}^2| \cdot \begin{vmatrix} -\mathbf{Y} \\ -\mathbf{X} \end{vmatrix} = \\ &= \mathbf{Y}^2\sigma_{\mathbf{X}}^2 + \underbrace{2\mathbf{X}\mathbf{Y}\sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}}}_{\doteq 0} + \mathbf{X}^2\sigma_{\mathbf{Y}}^2 = \underline{\underline{\mathbf{Y}_0^2\sigma_{\mathbf{X}}^2 + \mathbf{X}_0^2\sigma_{\mathbf{Y}}^2}} \end{aligned}$$

## 1.1 Explicitní propagace

$$\mathbf{Z} = \mathbf{F}(\mathbf{X}, \mathbf{Y}) = \mathbf{X} \cdot \mathbf{Y}$$

$$\mathbf{J} = \left| \frac{\partial \mathbf{Z}}{\partial \mathbf{X}} \frac{\partial \mathbf{Z}}{\partial \mathbf{Y}} \right| = |\mathbf{Y}\mathbf{X}|$$

$$\begin{aligned} \sum_{\mathbf{z}\mathbf{z}} &= |\sigma_{\mathbf{Z}}^2| = |\mathbf{Y}\mathbf{X}| \cdot \begin{vmatrix} \sigma_{\mathbf{X}}^2 & \sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}} \\ \sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}} & \sigma_{\mathbf{Y}}^2 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} \mathbf{Y} \\ \mathbf{X} \end{vmatrix} = \\ &= |\mathbf{Y}\sigma_{\mathbf{X}}^2 + \mathbf{X}\sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}}, \mathbf{Y}\sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}} + \mathbf{X}\sigma_{\mathbf{Y}}^2| \cdot \begin{vmatrix} \mathbf{Y} \\ \mathbf{X} \end{vmatrix} = (\mathbf{Y}^2\sigma_{\mathbf{X}}^2 + \mathbf{X}\mathbf{Y}\sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}}) + (\mathbf{X}\mathbf{Y}\sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}} + \mathbf{X}^2\sigma_{\mathbf{Y}}^2) = \\ &= \mathbf{Y}_0^2\sigma_{\mathbf{X}}^2 + \underbrace{2\mathbf{X}\mathbf{Y}\sigma_{\mathbf{X}\mathbf{Y}}}_{\doteq 0} + \mathbf{X}_0^2\sigma_{\mathbf{Y}}^2 = \underline{\underline{\mathbf{Y}_0^2\sigma_{\mathbf{X}}^2 + \mathbf{X}_0^2\sigma_{\mathbf{Y}}^2}} \end{aligned}$$

## 10. Závěr

V rámci předmětu X33TSW jsme si vyzkoušeli práci s moderními nástroji pro testování softwaru. V programu Rational Rose jsme vytvořili systémové požadavky a případy užití pro program Kalkulačka. V programu Enterprise Architect jsme využili funkci reverzního inženýrství pro vytvoření UML class diagramů popisujících strukturu tříd testovaného programu. Dále jsme vytvořili diagram příčin a následků snažící se postihnout příčiny nedostatečné rychlosti testovaného programu. Pomocí programů Netbeans Profiler jsme analyzovali možnosti zvýšení rychlosti programu a snížení jeho paměťové náročnosti. Naši aplikaci jsme analyzovali pomocí programu Code Cover. Dále jsme použili programy Rational Manual Tester a Rational Robot pro manuální a automatické testování uživatelského rozhraní. Nakonec jsme na uměle vytvořeném problému odvodili propagaci variance.