### Relační model dat (Codd 1970)

Odkud vychází, co přináší?

Formální abstrakce nejjednodušších souborů. Relační kalkul a relační algebra (dotazovací prostředky). Metodika pro posuzování kvality relačního schématu. Metodika pro návrh kvalitního relačního schématu.

### Relační model dat Relace

- jména atributů A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub> …, A<sub>n</sub>
- domény atributů, D, nebo dom(A); 1NF
- **n-tice**  $(a_1, \ldots, a_n)$   $a_i \in A_i$
- množina n-tic ⊂ D₁ x D₂ x...x Dₙ ~ relace
- schéma relace R(A<sub>1</sub>:D<sub>1</sub>,...,A<sub>n</sub>:D<sub>2</sub>), zkraceně R(A)
- jméno schématu relace R

Inuitivně (pracovně), ale nepřesně: relace = tabulka, schéma = záhlaví tabulky

# příklad

Kino\*

Film\*

KINO	NÁZEV_K Blaník Vesna Mír Domovina	ADRESA Václ. n. 4 V olšinách 6 Strašnická 3 V dvorcích	FILM	JMÉNO Černí bar Kmotr Top gun Nováček Vzorec
				Vzorec

FILM	JMÉNO_F	<b>HEREC</b>	ROK
	Černí baron	iVetchý	94
	Kmotr	Brando	72
	Top gun	Cruise	86
	Nováček	Brando	90
	Vzorec	Brando	80

#### Schémata relací:

Kino (Název\_k, Adresa, Jméno\_v)

Film (<u>Jméno\_f</u>, Herec , Rok)

Program(Název\_k, Jméno\_f, Čas)

Chceme sledovat více herců daného filmu, co s tím?

Jaký je vztah tabulky FILM na obrázku k relaci FILM\*?

Vztah daný film je dáván v daném kině?

#### Chceme sledovat více herců

daného filmu, co s tím?

JMENO_F	ŀ	HEREC	HE	REC2	ROK		
Černí baroni	JN	IENO_F		HEREC			ROK
MUSIC NAME OF THE PROPERTY OF	Če	rní baroni		Vetchý,	Brando		1994
Cerní baroni  Černí baroni	Kmotr		Brando,Cruise		1972		
Kmotr	Top Gun			Cruise,Vetchý			1986
Kmotr	No	váček		Brando			1990
Nováček	Vzorec			Brando			1980
Top Gun		v Ctony			1300		
Top Gun	Cruise			1986			
Vzorec		Brando			1980		

Chceme sledovat více herců daného filmu, co s tím?

JMENO_F	HEREC	ROK
Černí baroni	Brando	1994
Černí baroni	Vetchý	1994
Kmotr	Cruise	1972
Kmotr	Brando	1972
Nováček	Brando	1990
Top Gun	Vetchý	1986
Top Gun	Cruise	1986
Vzorec	Brando	1980

"Klasické" relační řešení (není normalizované => budou zde update anomálie, viz normální formy !!!)

### Relační model dat tabulková terminologie

Jaký je vztah tabulky FILM na obrázku k relaci FILM\*

Schéma relace záhlaví tabulky

jméno atributu jméno sloupce

atribut sloupec

relace tabulka

n-tice relace řádek tabulky

#### **Odlišnosti:**

V relaci nezáleží na pořadí n-tic.

Relace neobsahují duplicitní n-tice.

### integritní omezení

je nutné zajistit, aby se do relací dostala pouze "správná" data - přípustné n-tice

- úplná definice relačního schématu:
   (R,I) ... schéma relační databáze
   R = { R<sub>1</sub>,R<sub>2</sub>,...,R<sub>k</sub>},
   I ... množina IO
- přípustná relační databáze se schématem (R,I) je množina relací R<sub>1</sub>\*, R<sub>2</sub>\*, ..., R<sub>k</sub>\* takových, že jejich n-tice vyhovují tvrzením v I.

# integritní omezení

- Definice 3.3.1. **Klíč** K schématu R(A) je **minimální** množina atributů z A, která jednoznačně určí n-tice relace R\*.
- Tvrzení 3.3.1. Nechť **K** je klíč schématu R(A). Pak pro každou přípustnou relaci R\* platí:
  - jsou-li *u* a *v* dvě různé n-tice z R\*, pak *u*[K] ≠ *v*[K].

# Relační model dat integritní omezení Příklad:

```
KINO(NÁZEV_K, ADRESA),
FILM(JMÉNO_F, HEREC, ROK)
MÁ_NA_PROGRAMU(NÁZEV_K, JMÉNO_F, DATUM)
```

IO1: primární Klíče

IO2: Cizí klíče

IO3: V kinech se nehraje více, něž dvakrát týdně

IO4: Jeden film se nedává více, než ve třech kinech

Příklad 10

KNIHA (ISBN, AUTOR, TITUL)

EXEMPLAR (ISBN, INV\_C, NAKUPU, CENA, ...)

CTENAR(<u>C\_CT</u>, JMENO, D\_ZPET)

VYPUJCKA(<u>INV\_C, C\_CT</u>, D\_ZPET)

REZERV(ISBN,C\_CT, D\_REZ)

IO1: primární klíče

IO2: cizí klíče

IO3: knihu lze rezervovat, jsou-li všechny exempláře půjčeny

#### Ošetření IO

- jak definovat IO nad schématem úložiště?
- jak zajistit dodržování daného IO?

### Vyjádření IO:

- deklarativní
- procedurální na straně klienta
- procedurální na straně serveru

dotaz

- databázový dotaz nad schématem S je výraz, který vrací odpověď se schématem T
  - def. oborem jsou všechna úložiště se schématem S
  - oborem hodnot jsou všechny relace se schématem T
  - data v odpovědi pocházejí z databáze
  - odpověď nezávisí na fyzickém uložení dat
- dotazovací jazyk je množina všech použitelných výrazů

# Relační model dat manipulace s relacemi

- vložení n-tice do dané relace
- zrušení/změna daných n-tic v dané relaci

algoritmus manipulačních operací zahrnuje kontrolu dodržování IO

zadání dotazu

relační algebra, relační kalkul, SQL

souhrn

- relace (tabulky) jsou v 1NF, tj. komponenty jejich n-tic (řádků) jsou atomické (dále nedělitelné)
- přístup k prvkům relace (řádkům tabulky) dle obsahu
- jedinečné n-tice (řádky),
   jde o zdůraznění množinového myšlení v RMD
- abstrakce je nezávislá na fyzickém uložení dat
- existují silné prostředky pro manipulaci s daty
- existují metody návrhu schématu úložiště v relační databázi, které vedou na schéma "dobrých vlastností"

### Dotazovací jazyk

Relační algebra

Předpoklady: relace R(A), S(B)

- selekce (restrikce) R podle podmínky φ
   Značení: R(φ) = { u | u ∈ R a φ(u)}
   kde φ je (t1 Θ t2) nebo (t1 Θ a)
- projekce R na množinu atributů C, kde C ⊆ A
   Značení: R[C] = { u[C] | u ∈ R}
- přirozené spojení R a S se schématy R(A) resp. S(B)
   Značení: T(C)=R\*S = { u | u[A] ∈ R a u[B] ∈ S}
   kde C=A∪B
- přejmenování atributů,
   značení: t1→ alias

MA\_NA\_PROGRAMU(Nazev\_K = 'Mír')[Jmeno\_F, Datum]\*
FILM[Herec → Hvezda]

### Relační algebra dotazovací jazyk

• Množinové operace:

```
sjednocení
průnik
rozdíl
kartézský součin
```

 Minimální množina operací:
 B = {kartézský součin, selekce, projekce, přejmenování, sjednocení, rozdíl }

- Programování vs. relační algebra
  - relační algebra je jazyk velmi vysoké úrovně
- Dotazovací jazyk, který umožňuje realizovat relační algebru se nazývá relačně úplný.
- Komerční svět:
  - SQL,
  - jazyky formulářů,
  - obrázkové jazyky

selekce

KINO(<u>NÁZEV\_K</u>, ADRESA) FILM(<u>JMÉNO\_F</u>, HEREC, ROK) MÁ\_NA\_PROGRAMU(<u>NÁZEV\_K, JMÉNO\_F</u>, DATUM)

### R1:= MÁ\_NA\_PROGRAMU(NÁZEV\_K = 'Mír')

MÁ_NA_PROGRAMU	NÁZEV K	JMÉN F	<b>DATUM</b>	
	Blaník	Top gun	29.03.94	
	Blaník	Kmotr	08.03.94	
		Nováček		
	Mír	Top gun	09.03.94	
	Mír	Kmotr	08.03.94	

R1	NÁZEV_K	JMÉNO_F	DATUM
	Mír –	Nováček	10.03.94
	Mír	Top gun	09.03.94
	Mír	Kmotr	08.03.94

# Relační algebra projekce

R2 := R1[JMÉNO\_F, DATUM]

R1	NÁZEV_K	JMÉNO_F	DATUM	
	Mír	Nováček	10.03.94	
	Mír	Top gun	09.03.94	
	Mír	Kmotr	08.03.94	

R2	JMÉNO_F	DATUM
*	Nováček	10.03.94
<b>^</b>	Top gun	09.03.94
<b>♦</b>	Kmotr	08.03.94

### přirozené spojení

R2 := R1[JMÉNO\_F, DATUM]

R2	JMÉNO_F	DATUM
	Nováček	10.03.94
	Top gun	09.03.94
	Kmotr	08.03.94

FILM	JMÉNO_F	HEREC	ROK
	Černí baroni	Vetchý	94
	Černí baroni	Landovský	94
	Top gun	Cruise	86
	Top gun	McGillis	86
	Kmotr	Brando	72
	Nováček	Brando	90
	Vzorec	Brando	80

R3 := FILM \* R2

R3	JMÉNO_F	HEREC	ROK	DATUM
	Nováček	Brando	90	10.03.94
	Top gun	Cruise	86	09.03.94
	Top gun	McGi llis	86	09.03.94
	Kmotr	Brando	72	08.03.94

### Relační algebra filtrace stejných n-tic

R4:= R3[HEREC →Hvezda]

R	3	JMĚNO_	HEREC	ROK	DATUM	R4	Н
		Top gun	Cruise	86	09.03.94		C
		Kmotr	Brando	72	08.03.94		B
		Nováček			10.03.94		N
		Top gun	McGillis	86	09.03.94		

R4	Hvezda
	Cruise
	Brando
	McGillis

#### bez mezikroků:

{ MÁ\_NA\_PROGRAMU(NÁZEV\_K='Mír')[JMÉNO\_F,DATUM]

\* FILM } [HEREC → Hvezda]

Česky: "Seznam herců (hvězd), kteří hrají ve filmech dávaných v kině Mír".

*Θ*-spojení

kde 
$$\Theta \in \{<, >, =, \geq, \leq, \neq\}$$

Mějme relace se schématy R(A) a S(B)

 $R^* [t1 \Theta t2] S^* = \{ u \mid u[A] \in R^*, u[B] \in S^*, u.t1\Theta u.t2 \}$ 

Příklad: Mějme R(A, B, C) a S(B, C, D, E), schéma T značí výsl. operace R[A < B] S.

R	A	В	C
	8	2	3
	1	2	3
	2	1	4
	3	6	7
	3	8	9

S	B 3	С	D	Е
[	3	4	2	3
	3	3	2	3
	1	4	5	6
	2	3	4	7

T	A	R.B	R.C	S.B	S.C	D	Е
	1	2	3	3	4	2	3
	1	2	3	3	3	2	3
	1	2	3	2	3	4	7
	2	1	4	3	4	2	3
	2	1	4	3	3	2	3

### polospojení

- levé Θ-polospojení, kde Θ∈{<, >, =, ≥, ≤, ≠}, mějme relace se schématy R(A) a S(B)
   R\* < t1 Θ t2] S\* = (R\* [t1 Θ t2] S\*)[A]</li>
- pravé Θ-polospojení, kde Θ∈{<, >, =, ≥, ≤, ≠},
   mějme relace se schématy R(A) a S(B)
   R\* [ t1 Θ t2> S\* = (R\* [t1 Θ t2] S\*)[B]
- levé přirozené polospojení R(A), S(B)
   Značení: R\* <\* S\* = (R\* \* S\*) [A]</li>
- pravé přirozené polospojení R(A), S(B)
   Značení: R\* \*> S\* = (R\* \* S\*)[B]

# Operace antijoin A Þ B

Motivace: tato operace se používá jako elementární v Oracle query executoru. Můžeme jí vidět v prováděcích plánech SQL dotazů při vyhodnocení klauzule NOT EXISTS.

Zavedení:  $A \triangleright B \equiv A - A < *B$  (není standard!)

Najděte kina, která nic nehrají: KINO – KINO <\*MA\_NA\_PROGRAMU KINO Þ MA NA PROGRAMU

### Relační algebra příklad

- D1. Dotaz, který vybere seznam kin, která něco hrají.
  - R := MA\_NA\_PROGRAMU [NÁZEV\_K]
- D2. Dotaz, který vybere seznam kin, která nic nehrají.
   KINO [NÁZEV\_K] \ MA\_NA\_PROGRAMU [NÁZEV\_K]
- D3. Dotaz, který vybere seznam kin, která hrají film Top Gun.
   MA\_NA\_PROGRAMU (JMENO\_F = 'Top Gun') [NÁZEV\_K]
- D4. Dotaz, který vybere seznam filmů, které hraje kino s adresou 'Zvonková'
  - { KINO (ADRESA='Zvonková') [NAZEV\_K] \* MA\_NA\_PROGRAMU } [JMENO\_F]

množinový rozdíl

D5. Seznam kin, která hrají něco s hercem 'M.Brando'.

```
D5 := { FILM (HEREC='M.Brando') [JMENO_F] * MA_NA_PROGRAMU } [NAZEV_K]
```

D6. Seznam kin, kde **ne**dávají **žádný** film s M. Brando".

Přepis D6: Dotaz, který vybere všechna kina **s výjimkou** těch, která dávají některý film s M.Brando

KINO[NÁZEV\_K] \ D5

# Relační algebra negace a existenční kvantifikace

D7. Seznam kin, ve kterých se nehraje některý film s M. Brando".

#### 1. krok:

získejme univerzum pro množiny dvojic {kino, film s M.Brando}

#### 2. krok:

získejme reálnou množinu dvojic {kino, film s M.Brando}

#### 3. krok:

odečtením získaných množin získáme množinu v programu nezrealizovaných dvojic {kino, film s M.Brando}

#### 4. krok:

projekcí na první atribut získáme požadovaný seznam kin

dotaz D7

{kino | v kině nehrají některý film s M. Brendo}

1. krok: získejme univerzum pro množiny dvojic {kino, film s M.Brando}

R:=KINO[NÁZEV\_K] × FILM(HEREC='Brando')[JMÉNO\_F]

2. krok: získejme reálnou množinu dvojic {kino, film s M.Brando}

S:= MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K, JMÉNO\_F]

3. krok: odečtením získaných množin získáme množinu v programu nezrealizovaných dvojic {kino, film s M.Brando}

T:=R \ S

4. krok: projekcí na první atribut získáme požadovaný seznam kin

U := T[NÁZEV\_K]

Poznámka: v S opravdu není nutné dělat selekci na filmy s M. Brando.

### Relační algebra všeobecná kvantifikace

D8. Zadejte dotaz, který vybere z databáze seznam kin, ve kterých se dávají **všechny** filmy s M. Brando".

$$\forall x.P(x) = \neg \exists x.(\neg P(x))$$

- Přepis D8: Seznam kin, ve kterých něco hrají, a zároveň není pravdou, že nehrají některý z filmů s M. Brando.
- 2. přepis: Seznam kin, ve kterých něco hrají s výjimkou kin, kde nehrají některý film s M. Brendo}
- 3. přepis: {kino | kino něco hraje} \ \ \ {kino | v kině nehrají některý film s M. Brendo}

dotaz D8

{kino | kino něco hraje} \ {kino | v kinu nehrají některý film s M. Brendo}

K:= MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K] ... kina, kde něco hrají

R:=MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K]× FILM(HEREC='Brando')[JMÉNO\_F]

R obsahuje všechny možné dvojice (kino, film), kde kino je v provozu a film je s M.Brando

S:=R\MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K, JMÉNO\_F]

S obsahuje dvojice Kino-Film ve významu "daný film(ve kterém hraje Brando) není na programu daného (aktivního) kina

T := S [NÁZEV\_K]

T obsahuje aktivní kina, kde nedávají kterýkoliv z filmů s M.Brando

 $U := K \setminus T$ 

U obsahuje kina, ve kterých hrají všechny filmy s M. Brando.

# Operace dělení - A ÷ B

Pro dotazy se všeobecnou kvantifikací můžeme zavést operaci databázové dělení.

Předpokládejeme A(x,y) B(y) pak:

$$A \div B = A[x] - ((A[x] \times B) - A)[x]$$

Výsledkem jsou všechny hodnoty **x** z A, které v A tvoří dvojici s **každým** prvkem **y** z B.

### **Dotaz D8, pak Ize zapsat:**

MA\_NA\_PROGRAMU[NAZEV\_K, JMENO\_F] ÷ FILM (HEREC = 'Brando') [JMENO\_F]

# Relační algebra všeob. kvantif. příklad 2

D9. Seznam kin, ve kterých se dávají **všechny** filmy, které jsou na programu.

Přepis D9: Seznam kin, ve kterých něco hrají, a zároveň **ne**ní pravdou, že **ne**hrají některý z filmů programu.

- 2. přepis: Seznam kin, ve kterých něco hrají s výjimkou kin, ve kterých nehrají některý film z programu}
- 3. přepis: {kino | kino něco hraje} \ \ {kino | v kině nehrají některý film z programu}

Dotaz D9

{kino | kino něco hraje} \ {kino | v kinu nehrají některý film z programu}

K:= MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K] ... kina, kde něco hrají

R:=MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K] × MA\_NA\_PROGRAMU[JMÉNO\_F]

R obsahuje všechny možné dvojice (kino, film), kde kino je v provozu a film je na programu

S:=R\MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K, JMÉNO\_F]

S obsahuje dvojice Kino-Film ve významu "daný film (který je na programu) není na programu daného (aktivního) kina

T := S [NÁZEV\_K]

T obsahuje aktivní kina, kde nedávají některý film z programu

 $U := K \setminus T$ 

U obsahuje kina, ve kterých hrají všechny filmy z programu

### všeob. kvant. příklad 3

D10. Zadejte dotaz, který vybere z databáze kino, ve kterém jsou konána všechna představení programu.

Poznámka:

Odpověď bude prázdná, nebo bude obsahovat jediné kino.

- Přepis D10: Zadejte dotaz, jehož odpověď bude obsahovat seznam kin, u nichž **ne**ní pravdou, že **ne**hraje některé představení programu.
- 2. přepis: Seznam kin, ve kterých něco hrají s výjimkou kin, ve kterých se nehraje některé představení z programu

Dotaz D10

{kino | kino něco hraje} \
{kino | v kinu nehrají některé představení z programu}

K:= MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K] ... kina, kde něco hrají

R:=MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K] ×
MA\_NA\_PROGRAMU[JMÉNO\_F,DATUM]

R obsahuje všechny možné dvojice (kino, představení), kde kino je v provozu a představení je dvojice (film,datum) ve významu daný film je na programu v dané datum (den a čas).

S:=R\MA\_NA\_PROGRAMU[NÁZEV\_K, JMÉNO\_F,DATUM]

S obsahuje dvojice Kino-představení ve významu "dané představení (které je na programu) není dáváno v daném aktivním kině

T := S [NÁZEV\_K]

T obsahuje aktivní kina, ve kterých se nekoná kterékoliv představení z programu

 $U := K \setminus T$ 

U obsahuje kino, ve kterém jsou dávána všechna představení z programu

### Operace "za" relačním modelem

- 1. Prázdná hodnota: NULL, UNKNOWN
- 2. (levé, pravé, plné) vnější spojení : motivace: seznam filmů ve všech kinech, v seznamu nechť jsou i kina, kde se zrovna nic nehraje

#### Chceme získat:

R NÁZEV_K	ADRESA	JMÉNO_F	DATUM
Blaník	Václ.n. 4	Top gun	29.03.92
Blaník	Václ.n. 4	Kmotr	08.03.92
Mír	Starostrašnická 3	Nováček	10.03.92
Mír	Starostrašnická 3	Top gun	09.03.92
Mír	Starostrašnická 3	Top gun	08.03.92
Mír	Starostrašnická 3	Kmotr	08.03.92
Vesna	V olšinách 6	NULL	NULL
Domovina	V dvorcích	NULL	NULL

dotaz KINO \* MÁ\_NA\_PROGRAMU problém neřeší

### Operace "za" relačním modelem

levé vnější přirozené spojení

$$R *_{L} S = (R * S) \cup (R - R < *S) \times \{NULL,...,NULL\})$$
  
poznámky:  $(R *_{L}S)[A] = R$   
 $(R *_{L}S)[B] = (R *> S) \cup \{NULL,...,NULL\}$ 

pravé vnější přirozené spojení

$$R *_{R} S = (R * S) \cup (\{NULL,...,NULL\} \times (S - R*>S))$$

plné vnější přirozené spojení

$$R *_{F} S = (R *_{F} S) \cup (R *_{R} S)$$

### Operace "za" relačním modelem

Program kin s doplněnými podrobnosti o daném kinu.
 V seznamu nechť jsou i kina, kde se zrovna nic nehraje

 Dvojice kino-film Jedna dvojice má význam "v kině je na programu film". V seznamu nechť jsou i kina, kde se zrovna nic nehraje a filmy, které nejsou nikde hrány.