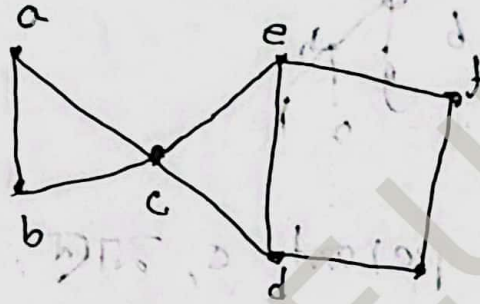


Trees

connected trees \rightarrow যে কোন vertex থেকে যে-
কোন vertex এ যাওয়া যায়।



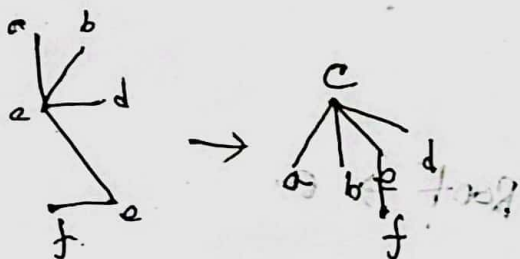
circuits \rightarrow যেখান থেকে শুরু করে আবার সেখানে
আসতে পারে যে vertex দ্বারা সেগুলোকে circuit বলে
আসতে পারে।
overlapping থাকতে পারে - some edge থাকতে পারে।

simple circuit \hookrightarrow overlapping থাকতে পারে না।

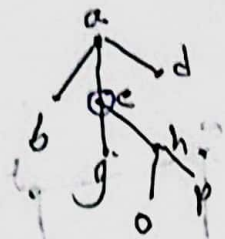
simple circuit থাকলে tree হবে না।

Rooted tree

যে vertex দ্বারা সূচনা হয় তার Root বলে।



some terminologist



h এর parent c, মানে, h এর guardian c

c এর children g, h, মানে c এর সন্তান g, h

Sibling

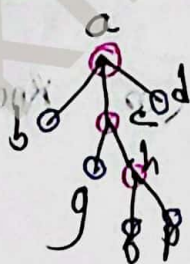
একই parent এর অর্থ, মানে একই বাবা।

p এর sibling o

g এর sibling h

Leaves এর child

internal এর child



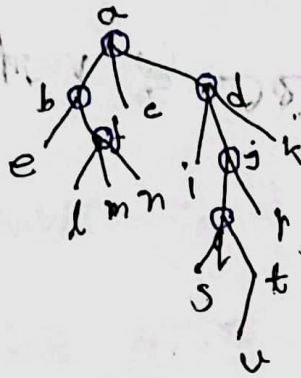
Leaves \rightarrow b, d, g, o, p

Internal \rightarrow a, c, h



Ancestors

(v) - vertex v parents to Root



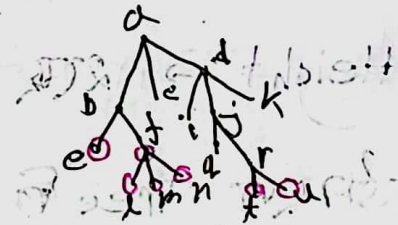
Ancestors of $m = f, b, a$

Ancestors of $k = d, a$

Descendant

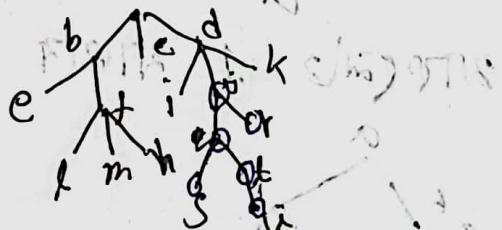
Descendant of $b = e, f, l, m, n$

Descendant of $r = t, u$



sub tree rooted at a

sub tree Rooted at $j = j, r, i, t, u, s$

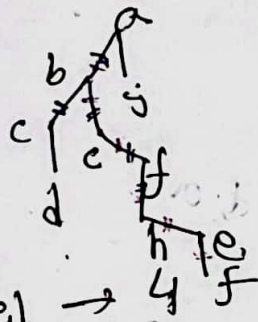


Height of tree and level.

২০১৭/০৫/০৫

১০

level \Rightarrow Root থেকে শুরু করে vertex ৬ লেভেল
মধ্যে edge লাগে ৫



h এর level $\rightarrow 4$

c এর level $\rightarrow 2$

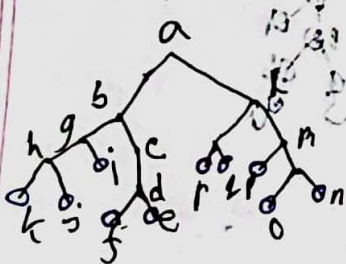
Height \Rightarrow শুরু থেকে শেষ নোড/ level to level

এই Tree-র Height $\rightarrow 6$

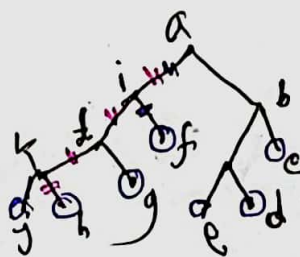
Balanced tree

Leaves গুলার মধ্যে vertex এর পার্থক্য থাকবে না

যদি পার্থক্য থাকবে, তবে balanced বলা যাবে না



Balanced tree



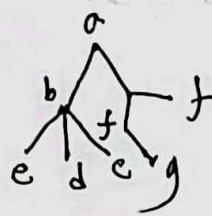
Not Balanced tree

Theorem

* vertex এর মোট edge দৈর্ঘ্য $\text{edge} = n - 1$

m-ary tree

অর্থাৎ m সন্তান child আছে এবং বাকি সব node একটি m সন্তান child আছে must.



[3-ary Tree]

2-ary tree = Binary tree.

full m-ary tree \rightarrow যদি n সন্তান child আছে

full 3-ary tree \rightarrow



some important terms

$m \rightarrow$ no: of arry ~~no: of children of every internal vertex~~

$n \rightarrow$ no: of vertices

$i \rightarrow$ no: of internal vertex

$l \rightarrow$ no: of leaves.

some laws

$$n = mi + 1$$

$$l = (m-1)i + 1$$

$$n = i + l$$

example $\rightarrow 1$

calculate the number of vertices in a full
5-ary tree with 45 internal vertices.

Also, find out the no: of leaves

$$m = 5$$

$$i = 45$$

$$n = mi + 1$$

$$= 45 \times 5 + 1$$

$$= 226$$

$$l = n - i$$

$$= 226 - 45$$

$$= 181$$

example - 2

calculate the no. of ^{internal} vertices in full 5-ary tree with 35 leaves.

Also, find out the total no. of leaves. vertices.

$$m = 5$$

$$l = (m-1)i + 1$$

$$l = 35$$

$$\Rightarrow i = \frac{l-1}{m-1}$$

$$= \frac{35-1}{5-1}$$

$$= 8.5$$

The description is invalid!



❏ Binary search tree.

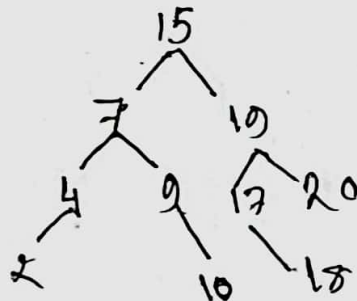
single child থাকলে তাকে ডান বা বাম child বলা হবে
২য়।

বমানোর মূল Root এর সাথে compare করতে
হবে। যদি কোন Root এর বড় ছোট থাকে। তবে
Root এর ছোট শাখা থাকে।

বমানোর সমস্ত প্রত্যেকটি Root-এ আছে বা
আমনে মনে আছে।

যে ডান বা বাম Root-এ আছে হবে।

15, 7, 10, 9, 4, 2, 12, 10, 20, 18.



name

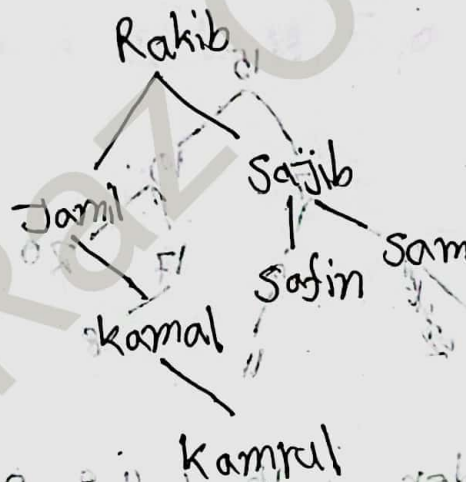
নামের ক্রমিক Dictionary order - অনুক্রমিক ক্রম

Order

A — Z

অ — জ

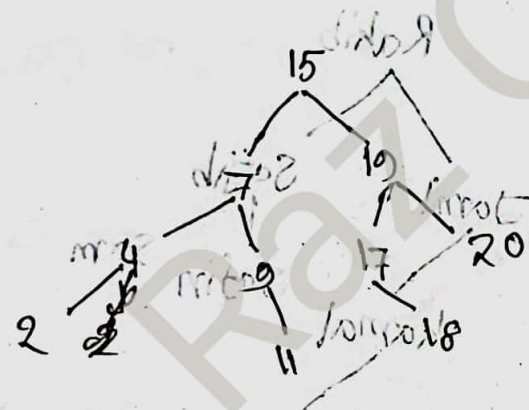
Rakib, Jamil, Kamal, Kamrul, Sajib, Sam, Sofin



Tree traversals

- ① preorder \rightarrow Root - Left - Right
- ② inorder \rightarrow Left - Root - Right
- ③ post order \rightarrow Left - Right - Root

individually



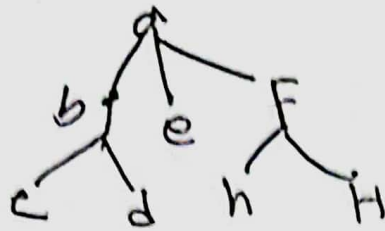
pre order \rightarrow 15, 7, 4, 2, 9, 11, 19, 17, 18, 20

inorder \rightarrow 2, 4, 7, 9, 11, 15, 17, 18, 19, 20

post order \Rightarrow 2, 4, 11, 9, 7, 18, 17, 20, 19, 15

3-er stage Right a jaw. is stage after 6th stage.

#



pre order = a, b, c, d, e, F, h, H

~~inorder = c, b, d, a, e, f~~

inorder = c, b, d, a, e, h, f, H

post order = c, d, b, h, H, F, a e.