

$$1 \quad \frac{2}{\left(3+\frac{1}{5}\right)} + \frac{\frac{\left(3+\frac{1}{4}\right)}{13}}{\frac{2}{3}} + \left(\left(2+\frac{5}{18}\right) - \frac{17}{36}\right) \cdot 18.6 = 34.583$$

$$2 \quad \left(2 \cdot x^3 + x^2 \cdot y + 2 \, y x^2 - y^3\right) \left(x + 5 \, y\right) - \left(x^3 - 2 \, x^2 \, y + 3 \, x y^2 + 5 \, y^3\right) \left(2 \, x - y\right) \xrightarrow{\text{expand}} 16 \cdot x^3 \cdot y + 3 \cdot x^2 \cdot y^2 - 11 \cdot x \cdot y^3 - 6 \cdot x \cdot x y^2 +$$

$$3 \quad x^3 + 9 \, x^2 + 23 \, x + 15 \xrightarrow{\text{factor}} (x + 3) \cdot (x + 5) \cdot (x + 1)$$

$$x^3 + 9 \, x^2 + 23 \, x + 15 \xrightarrow{\text{solve}} \begin{bmatrix} -1 \\ -3 \\ -5 \end{bmatrix}$$

$$4 \quad a := \begin{bmatrix} 4 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} \quad A := -2$$

$$b := \begin{bmatrix} 3 \\ -3 \\ 4 \end{bmatrix} \quad B := 4$$

$$c := \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \\ -1 \end{bmatrix} \quad C := 2$$

$$B \cdot a = \begin{bmatrix} 16 \\ -4 \\ 0 \end{bmatrix} \quad B \cdot a - A \cdot b + C \cdot c = \begin{bmatrix} 32 \\ -6 \\ 6 \end{bmatrix} \quad a \times b = \begin{bmatrix} -4 \\ -16 \\ -9 \end{bmatrix} \quad a \cdot b = 15$$

5

$$A := \begin{bmatrix} 1 & 1 & 5 \\ 3 & 2 & 7 \\ 7 & -1 & 0 \end{bmatrix} \quad B := \begin{bmatrix} 5 \\ 0 \\ 4 \end{bmatrix} \quad C := \begin{bmatrix} 6 & 2 & 2 \\ -1 & 4 & 7 \\ 3 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\det(A) = -29 \quad \det(C) = 0$$

$$B^T = [5 \ 0 \ 4]$$

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -0.241 & 0.172 & 0.103 \\ -1.69 & 1.207 & -0.276 \\ 0.586 & -0.276 & 0.034 \end{bmatrix}$$

$$\text{rank}(A) = 3 \quad \text{rank}(C) = 2$$

$$A \cdot B = \begin{bmatrix} 25 \\ 43 \\ 35 \end{bmatrix} \quad A^2 = \begin{bmatrix} 39 & -2 & 12 \\ 58 & 0 & 29 \\ 4 & 5 & 28 \end{bmatrix}$$

6

$$A := \begin{bmatrix} 6 & 1 & 5 & 3 \\ 1 & 2 & 1 & -1 \\ 2 & 4 & -1 & 2 \\ 7 & -1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \quad B := \begin{bmatrix} 5 \\ 1 \\ 9 \\ 5 \end{bmatrix}$$

$$X := A^{-1} B = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{lsolve}(A, B) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{rref}(A) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$