

# 《论 AGI 的架构》

December 1, 2019 中期报告

YKY 甄景贤

Independent researcher, Hong Kong

*generic.intelligence@gmail.com*

# Table of contents

- 3 The simplest AGI architecture
- 4 No free lunch (NFL) 的迷思
- 5 「双回路」架构
- 7 强化学习 与 量子力学 之间的联系
- 9 Topos 理论
- 10 交换不变性 (permutation invariance)

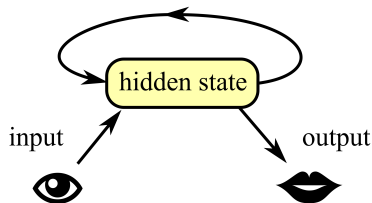
Hello 各位朋友 😊

近来有些进展，但只能算是「中段结果」，和大家分享一下。  
也希望能找到合作者。

# 最简单的 AGI 架构

- ▶ 最简单的 AGI 架构是这样的：（它包含一个 recurrent 回路）

rewrite / update / transition function =  $F$

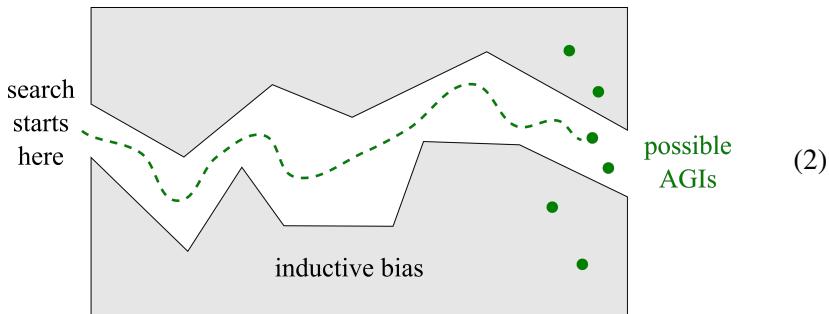


(1)

- ▶ 它在 强化学习 的框架下，根据 Bellman 最优化条件，将 奖励 最大化
- ▶ Transition function  $F$  可以用一个 神经网络 实现
- ▶ 根据我先前解释过的 no free lunch 理论，这个架构的问题是缺乏 inductive bias，学习太慢

# No free lunch (NFL) 的迷思

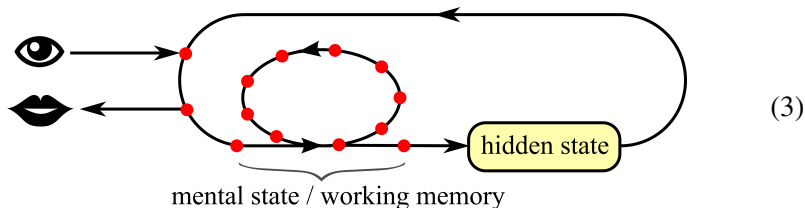
- ▶ 根据 no free lunch 哲学，没有所谓「好」与「坏」的归纳偏好
- ▶ 只要能加速学习的，但又不完全切掉 AGI，都是好 bias



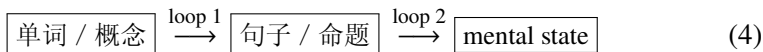
- ▶ 例如，可以将  $F$  的神经网络变稀疏 (sparse)，但保持深度 (deep)
- ▶ 但我之前提议用逻辑结构作为 bias，是否多此一举呢?! 🤔

## 「双回路」架构

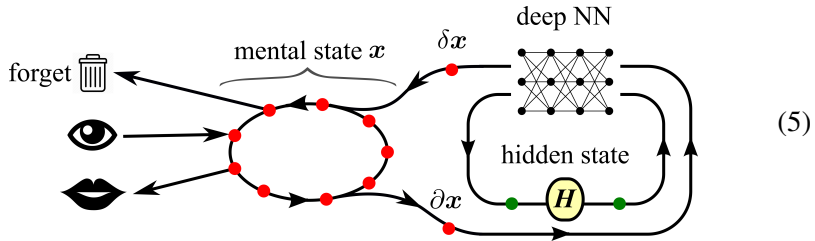
- 假设 working memory 是由分离的命题 (•) 构成的，可以提出一个「双回路」的架构：(这意思是，例如回路中载有 10 个命题，则它运转 10 次，隐状态即「浓缩」了这 10 个命题的资讯，然后输出一个新命题)



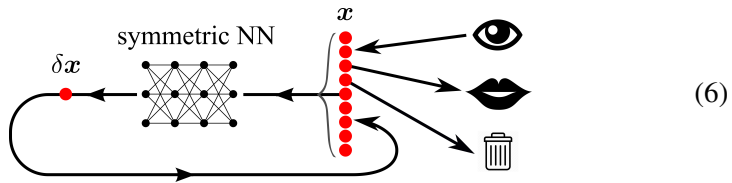
- 这种架构很可能是人脑的架构，因为比较简单，可以进化出来
- 据我所知，BERT 架构含有一个回路 / 一个隐状态 (BERT 逐个输入句子的单词，然后 隐状态 再将输出的单词 逐个吐出来)
- 似乎 将 BERT 变成「双回路」，可以得到 AGI: (但我不熟悉 BERT)



▶ 图 (3) 不够严谨，详细画出来是这样的：



▶ 相比之下，如果用了 symmetric NN 则架构更简单：



▶ 问题是 (5) 和 (6) 哪个的学习速度更快？但不易判断 🤔

# 强化学习 与 量子力学 之间的联系

- 强化学习 的最优化条件是 **Bellman** 方程:

$$\boxed{\text{Bellman}} \quad S_t(x) = \max_u \{L(x, u) + \gamma S_{t+1}(x)\} \quad (7)$$

- 而 **Bellman** 方程 的微分形式, 是经典分析力学中的 **Hamilton-Jacobi** 方程 (这点在 1970s 已经为 **Kalman** 和 **Pontryagin** 等人认识), 现代叫这方程为 **Hamilton-Jacobi-Bellman (HJB)** 方程:

$$\boxed{\text{Hamilton-Jacobi}} \quad \frac{\partial S(x, t)}{\partial t} = -H \quad (8)$$

- 其中 **Lagrangian**  $L$  和 **Hamiltonian**  $H$  之间有关系:

$$L = \text{K.E.} - \text{P.E.} \quad , \quad H = \text{K.E.} + \text{P.E.} \quad (9)$$

K.E. = kinetic energy, P.E. = potential energy.

- 至此, 我们将一条 **离散**方程 变为 连续函数的微分方程, 但**没有得益**

- ▶ 我最近独立发现了从经典力学的 Hamilton-Jacobi 方程 过渡到 Schrödinger 方程的 exact 形式，关键是透过  $\Psi = e^{-i\hbar S}$  此一代入：

$$\boxed{\text{Hamilton-Jacobi}} \quad \frac{\partial S}{\partial t} = -H \quad \Rightarrow \quad i\hbar \frac{\partial \Psi}{\partial t} = H\Psi \quad \boxed{\text{Schrödinger}} \quad (10)$$

- ▶ 一直以来，量子力学的教科书 认为这种 量子化 (quantization) 过程 只能是近似性的。后有朋友告诉我 [Field 2010] 已导出了这结果。
- ▶ 从 AI 的角度来看，这结果表示：强化学习 可以转化为 在 Hilbert 空间中求解 Schrödinger 方程！
- ▶ 而，Schrodinger 方程可以透过 虚数时间 (imaginary time) 转化为 热力学的 扩散 (diffusion) 方程

$$\boxed{\text{wave eqn.}} \quad \frac{\partial \Psi}{\partial t} + i\Delta\Psi = 0 \quad \Leftrightarrow \quad \frac{\partial u}{\partial t} + \Delta u = 0 \quad \boxed{\text{heat eqn.}} \quad (11)$$

- ▶ 但应用到 AI 上需要 离散化，特别是利用 discrete Laplacian  $\Delta$  或 discrete Schrödinger operators 作用在 graph 上（状态空间是 graph）
- ▶ 暂未知这方向有没有好处 🤔



# Topos 理论

Topos 是指一个能够在里面「**做逻辑**」的范畴，它起源於 Lawvere 于 1950s 将 **集合论** 表述成 **范畴论** 的尝试。

在一个 topos 范畴内的物体 (objects) 可以进行三种运算：

- ▶ Cartesian product  $A \times B$  (对应命题逻辑的  $A \wedge B$ )
- ▶ exponentiation  $A \rightarrow B = B^A$  (对应命题逻辑的  $A \Rightarrow B$ )
- ▶ subobject classifier  $A \hookrightarrow B$  (表示 **子集**  $A \subseteq B$  的概念)

Topos 理论的重要性在於：它概括了哪些数学结构有进行 **逻辑** 的能力，例如一些 relation graphs, algebras 等。

在我的理论里，神经网络  $F$  负责  $U \xrightarrow{F} V$  即 exponentiation  $V^U$  这部分，而  $U, V$  是向量空间。这至少要求我们将  $A \times B$  的结构 embed 到向量空间中。由於  $A \times B = B \times A$  是**可交换的**，这促使我看了一下 Abel 群的理论。



- ▶ 上页结论是： $\mathbb{Z}^n$  不可能嵌入到更低维的空间内，除非使用某种 **fractal** 方法。然而，fractals 恰好是神经网络这件武器的「射程范围」之外！
- ▶ 换个想法，通过类似 weights-sharing 的约束，令神经网络变成 permutation invariant (= **Symmetric NN**)
- ▶ 这方法 必需设 activation function = polynomial
- ▶ 缺点是：约束的数量 随著 层数 增加而 指数式增长，暂时只能做 1-2 层的，每层 = 2 次多项式
- ▶ 优点是：反正我们希望神经网络是 sparse（减少权重空间的自由度），而这个做法同时具有逻辑 bias
- ▶ 细节我会在另一篇论文讲述

Field, JH (2010). “Derivation of the Schrödinger equation from the Hamilton-Jacobi equation in Feynman’s path integral formulation of quantum mechanics”. In: *European Journal of Physics*.

Nickel, Maximillian and Douwe Kiela (2017). “Poincaré embeddings for learning hierarchical representations”. In: *Advances in neural information processing systems*, pp. 6338–6347.

多谢收看 😊