《KERMIT: BERT 的逻辑化》

2.0 修正版

YKY

August 21, 2020

Table of contents

- BERT 的革命性意义:「闭环路训练」 BERT 的内部结构
- 3 Symmetry in logic
- Symmetric neural network
- 5 知识图谱 (knowledge graphs) 6 BERT 的逻辑化
 - 逻辑 与 AI 之间的联系
- 7 返期 与 AI 之间的联系 8 Attention 是什么?
 -) 谓词 (predicates) vs 命题 (propositions)
- 10 "Attention is all you need"?
- 12 BERT 为什么成功?
- 13 BERT 的一种可能的改良
 - 逆因推理 (abduction) 与 自然语言理解
- 15 捕捉 semantics
- 16 Content-addressable long-term memory
- 18 对 逻辑主义 的质疑

14

BERT 的革命性意义:「闭环路训练」

● BERT 利用平常的文本 induce 出知识,而这 representation 具有 通用性 (universality):



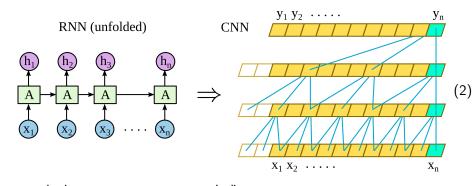
换句话说:隐状态的 representation 压缩了句子的意思,而它可以应用在别的场景下

- This implies that human-level AI can be induced from existing corpora,
 而不需重复 像人类婴儿成长的学习阶段
- 这种训练方法是较早的另一篇论文提出,它并不属於 BERT 的内部结构

BERT 的内部结构

其实,BERT 也是混合了很多技巧 发展而成的:

- BERT 基本上是一个 seq-to-seq 的运算过程
- Seq-to-seq 问题最初是用 RNN 解决的
- 但 RNN 速度较慢,有人提出用 CNN 取代:



- CNN 加上 attention mechanism 变成 Transformer
- 我的想法是重复这个思路,但引入 逻辑的对称性

Symmetry in logic

- 词语 组成 句子, 类比於 逻辑中, 概念 组成 逻辑命题
- 抽象地说,逻辑语言可以看成是一种有2个运算的代数结构:加法(△, 合并命题,可交换)和乘法(·,用作概念合成,不可交换)

 $A \wedge B \equiv B \wedge A$

• 例如:

- Word2Vec 也是革命性的;由 Word2Vec 演变成 Sentence2Vec 则比较容易,基本上只是向量的合并 (concatenation); Sentence 对应於 逻辑命题
- 但 命题的 集合 需要用 symmetric NN 处理,因为 集合的元素 是顺序无关的

Symmetric neural network

- Symmetric NN 问题 已经由 两篇论文解决了: [PointNet 2017] [DeepSets 2017]
- Any symmetric function can be represented by the following form (a special case of the Kolmogorov-Arnold representation of functions):

$$f(x,y,...) = g(h(x) + h(y) + ...)$$
g-network

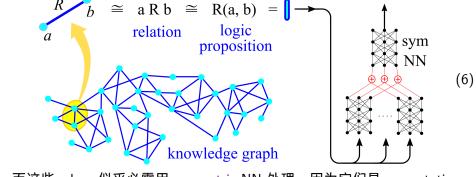
"Adder" layer

h-networks

(4)

知识图谱 (knowledge graphs)

 知识图谱 不能直接输入神经网络,它必需分拆成很多 edges,每个 edge 是一个关系,也是一个逻辑命题;也可以说 "graphs are isomorphic to logic"

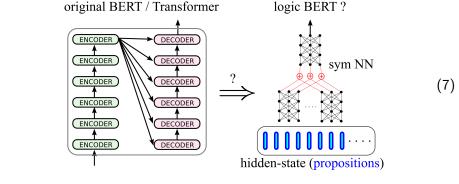


而这些 edges 似乎必需用 symmetric NN 处理,因为它们是 permutation invariant
逻辑化 建立了 知识图谱 和 BERT 之间的一道桥梁

逻辑化 建立了 知识图谱 和 BERT 之间的一道桥梁接下来讨论 BERT....

BERT 的逻辑化

 可以强逼 BERT 的 隐状态 变成 "set of propositions" 的形式,方法是将 对称性 施加在 Encoder 上:



● 下面会看到,BERT 的「注意力机制」已经是对称的,它可以做 逻辑推导

逻辑 与 AI 之间的联系

- 既然 AI 基於 逻辑,则 AI 与逻辑之间 必然存在 精确 (precise) 的联系
- BERT 似乎是在执行 句子之间的变换,而这些句子是 word embedding 的 concatenation,例如:

苏格拉底·是·人
$$\stackrel{BERT}{\longmapsto}$$
 苏格拉底·会·死 (8)

这个做法看似很「粗暴」,其实它和 逻辑式子 的作用一样:

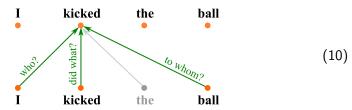
$$\forall x. \; \mathsf{Human}(x) \Rightarrow \mathsf{Mortal}(x) \tag{9}$$

而这式子,根据 Curry-Howard 对应,就是 (8) 的函数映射!

我会在另一辑 slides 里 简介一下这些理论;可以说,逻辑的 几何结构 是「永恒」的,它可以指示 AI 的 长远发展

Attention 是什么?

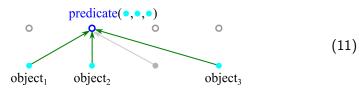
- 注意力 最初起源於 Seq2seq, 后来 BERT 引入 self-attention
- Attention 的本质就是 加权,权值 可以反映 模型 关注的点
- For each input, attention weighs the relevance of every other input and draws information from them accordingly to produce the output
- ◆ 在 BERT 里, attention 是一种 words 之间的关系:



- 但,从逻辑的角度看,word ≠ 命题
- 在逻辑学上, 必需分清 命题内部 与 命题之间 这两个层次, 非常关键!

谓词 (predicates) vs 命题 (propositions)

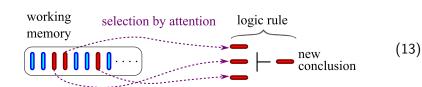
- "Predicate" 来自拉丁文「断言」的意思
- 逻辑里, predicate 代表一个 没有主体/客体 的断言,换句话说,是一个有「洞」的命题
- 命题 = 谓词 (predicate) + 主体 / 客体 (统称 objects)
- 例如: Human(John), Loves(John, Mary)
- 从逻辑的角度看, attention 的输出可以看成是 predicate 和 objects 的结合:



形象地说:

"Attention is all you need"?

- 类似地, 高层的 attention 可以处理 命题之间 的关系
- 我们希望 attention 做到的是 选择有关联的命题, 去做逻辑推导:



- 但从 N 个命题中选择 K 个,可以有 $\binom{N}{K}$ 个子集,是 exponential 的
- BERT 的做法是:每次只输出 N 个命题,而前提的 "support" 也是上一层的 全部 N 个命题,每个前提的「影响力」由 matrix 权重决定
- 根据 Curry-Howard isomorphism, BERT 的映射 其实对应於某种 另类的逻辑(BERT 的设计者可能没有意识到这点), 这种逻辑的好处是运行非常快
- BERT 的逻辑 看似有局限,但这种表面的局限未必阻止它是 universal 的逻辑
 逻辑
- 关键是在 速度 与 逻辑的 expressive power 之间 找到平衡

• 最简单的 attention 公式是 (其中 Q,K,V= query, key, value 矩阵):

$$\mathbf{y}_{j} = \sum_{i} \langle Q\mathbf{x}_{j}, K\mathbf{x}_{i} \rangle V\mathbf{x}_{i} \tag{14}$$

(15)

(红色 代表注意力的 focus) 这对应於一个逻辑式子:

 \boldsymbol{y}_1

亦即是说: $oldsymbol{y}_j$ 是由 $oldsymbol{x}_1,...,oldsymbol{x}_n$ 得出的逻辑结论 with focus on $oldsymbol{x}_j$

- 所谓 "focus" 并不是 逻辑概念,它只是 BERT 加速的 heuristic
- ullet 容易看到,attention 对於 $x_1,...,x_n$ 是 交换不变的 (equivariant),这表示 每层 attention 的输出是一些 逻辑命题,和我的理论相符
- Multi-head attention 亦有一个很好的逻辑解释:即使 focus = x_j ,亦有其他不同的前提,可以导致不同的结论,例如:

他不问的前旋,可以导致不问的结论,例如。
$$oldsymbol{x}_1 \wedge x_2 \wedge x_3 \vdash oldsymbol{y}_1 \quad , \quad oldsymbol{x}_1 \wedge x_4 \wedge x_5 \vdash oldsymbol{y}_2 \end{substitute}$$

BERT 为什么成功?

- 6 层的 BERT 有 $512 \times 6 = 3072$ 个 head, 如果 $8 \times$ multi-head 则有 24576 个
- Each head does not simply correspond to 1 formula in conventional logic,
 may require further in-depth analysis....
 我的答测是: REPT 的意思 representation 是一些有 "high lovel" 意义的会
- 我的猜测是: BERT 的高层 representation 是一些有 "high-level" 意义的命题,就像在视觉中,高层特征代表一些复杂的物体
- The embedding of high-level propositions in vector space may be "semantically dense", meaning that slight changes in the vector position may convey many different meanings
- 由於 logic rules 是以 6 层的 hierarchy 组织而成,这結構具有 "deep learning" 的特性

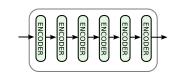
BERT 的一种可能的改良

- ullet The BERT attention formula (14) has some unnecessary restrictions, where generally we just need a symmetric function in the x_i 's
- The general form of symmetric functions is given by (4)
- Immitating BERT, we introduce a "focus" of attention on x_j :

$$\mathbf{y}_j = g(h(\mathbf{x}_j, \mathbf{x}_1) + \dots + h(\mathbf{x}_j, \mathbf{x}_n))$$
(17)

this preserves equivariance

• We can use this function to replace the entire BERT Encoder:

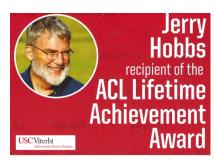


(18)

逆因推理 (abduction) 与 自然语言理解

- 根据 Jerry Hobbs 的 "abductive interpretation of natural language" 理论,
 语言理解 是一个 解释 (explain) 的过程
- 解释 在逻辑上等同於 逆因推理 (abduction), 亦即是 逻辑蕴涵 (implication, $A \Rightarrow B$) 的反方向
- 举例来说: 天气热 ⇒ 流汗, 所以「天气热」就是「流汗」的 解释
- 这个理论 今天很少人知道, 因为属於 经典逻辑 AI 时期

2013 年 他获得 计算语言学 终身成就奖



捕捉更广泛的 semantics

 阅读时,我们(人脑)有时可以预测下个 word (这是 BERT 训练的目标), 但有时即使不能预测,但看到 next word 之后,仍会有某种「意料之内」 的感觉

• 举例来说:

「天气热,我不停 <u>流汗</u>」 「天气热,我不停 <u>吃冰淇淋</u>」 第二个例子是比较少见的,但也合理

● (从逻辑角度看) BERT 只会预测 最有可能 的结论:

前提 $\stackrel{BERT}{\longmapsto}$ 预测

前提 → 成千上万的预测

刑征 ├──── 」

(19)

其实我们想要的是:

#* 마까고 「妆다

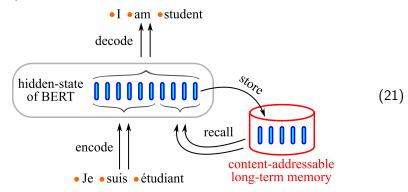
(20)

而只要其中一个成立,即给予「奖励」

• 这个情况和 强化学习 中的 "stochastic actions" 类似,或者可以用 policy gradient 算法解决? (暂时不太肯定)

Content-addressable long-term memory

- Content-addressable memory 的想法来自 Alex Graves et al 的 Neural Turing Machine [2014]
- 以前 BERT 的隐状态 没有逻辑结构,我们不是很清楚它的内容是什么;
 逻辑化之后,BERT 内部的命题可以储存在 长期记忆 中:



- 命名: Knowledge-Enhanced Reasoning with Memorized Items
- 这种系统 已非常接近 strong AI, 而这是有赖 逻辑化 才能做到的

● 例如:「太阳是热的」、「水向下流」是经常正确的命题

● 也可以将 weights 存进 content-addressable memory

- 但这些知识很多是 implicitly 存在於 rules (matrix weights) 之中

- 也有些知识是 explicit 的,例如:「猫是哺乳类动物」、「吸烟可以致癌」
- 逻辑化理论提供一种 诠释 logic rules (weights) 的方法

对 逻辑主义 的质疑

- 很多人怀疑: 人脑真的用 逻辑 思考吗?
- 其实我们每句表达的 语言,都是逻辑形式的 (logical form)
- 直觉认为,人脑 构造一些 models,再从 model 中「读出」一些结论
- 例如给定一个描述:「已婚妇人出轨,用刀刺死丈夫」



(22)

- 那么妻子穿著什么衣服?衣服什么颜色?这些都是 臆想 出来的细节,是不正确的
- 这个 model 可以有哪些细节? 答案是:任何细节都不可以有,除非是逻辑上蕴含的,或被逻辑约束
- Model 本身可以是一些 抽象的逻辑命题 构成的,这也合理;反而,一个有很多感官细节的 model 并不合理
- 其实人脑可能 比我们想像中 更接近逻辑

References

欢迎提问和讨论 😁

- [1] Alex Graves, Greg Wayne, and Ivo Danihelka. "Neural Turing Machines". In: CoRR abs/1410.5401 (2014). arXiv: 1410.5401. URL:
 - http://arxiv.org/abs/1410.5401.
- [2] Qi et al. "Pointnet: Deep Learning on Point Sets for 3D Classification and Segmentation". In: CVPR (2017). https://arxiv.org/abs/1612.00593.
- [3] Zaheer et al. "Deep sets". In: Advances in Neural Information Processing Systems 30 (2017), pp. 3391–3401.