《KERMIT: BERT 的逻辑化》

YKY

August 2, 2020

Table of contents

- 1 BERT 的革命性意义:「闭环路训练」
- 2 BERT 的内部结构
- 3 Symmetry in logic
- 4 Symmetric neural network
- 5 BERT 的逻辑化
- 6 逻辑 与 AI 之间的联系
- 7 Attention 是什么?
- 8 谓词 (predicates) 与 命题 (propositions)
- 9 Attention 在命题之间的作用
- "Attention is all you need"?
- 11 Content-addressable long-term memory
- 12 知识图谱 (knowledge graphs)
- 13 对逻辑主义的质疑

BERT 的革命性意义:「闭环路训练」

● BERT 利用平常的文本 induce 出知识,而这 representation 具有 通用性 (universality):



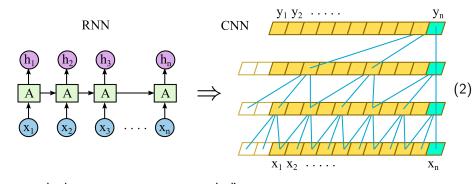
换句话说:隐状态的 representation 压缩了句子的意思,而它可以应用在别的场景下

- This implies that human-level AI can be induced from existing corpora,
 而不需重复 像人类婴儿成长的学习阶段
- 这种训练方法是较早的另一篇论文提出,它并不属於 BERT 的内部结构

BERT 的内部结构

其实,BERT 也是混合了很多技巧 发展而成的:

- BERT 基本上是一个 seq-to-seq 的运算过程
- Seq-to-seq 问题最初是用 RNN 解决的
- 但 RNN 速度较慢,有人提出用 CNN 取代:



- CNN 加上 attention mechanism 变成 Transformer
- 我的目标是重复这个思路,但引入 symmetric NN 的结构

Symmetry in logic

- 词语 组成 句子, 类比於 逻辑中, 概念 组成 逻辑命题
- 抽象地说,逻辑语言可以看成是一种有2个运算的代数结构:加法(△, 合并命题,可交换)和乘法(·,用作概念合成,不可交换)

 $A \wedge B \equiv B \wedge A$

• 例如:

- Word2Vec 也是革命性的;由 Word2Vec 演变成 Sentence2Vec 则比较容易,基本上只是向量的合并 (concatenation); Sentence 对应於 逻辑命题
- 但 命题的 集合 需要用 symmetric NN 处理,因为 集合的元素 是顺序无关的

Symmetric neural network

- Symmetric NN 问题 已经由 两篇论文解决了: [PointNet 2017] [DeepSets 2017]
- Any symmetric function can be represented by the following form (a special case of the Kolmogorov-Arnold representation of functions):

$$f(x,y,...) = g(h(x) + h(y) + ...)$$
g-network

"Adder" layer

h-networks

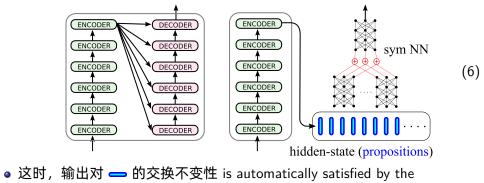
(4)

BERT 的逻辑化

original BERT

可以将 BERT 的 隐状态 变成 "set of propositions" 的形式,方法是将 原来的 decoder 变成 sym NN:

logic BERT



- architecture of the decoder

 旧的 encoder 可以照旧使用,因为它是一个 universal seq-2-seq mapping
- 因为后半部改变了, error propagation 会令 representation 也改变
- 当然,这个想法有待实验证实 😝

逻辑 与 AI 之间的联系

- 既然 AI 基於 逻辑,则 AI 与逻辑之间 必然存在 精确 (precise) 的联系
- BERT 似乎是在执行 句子之间的变换,而这些句子是 word embedding 的 concatenation,例如:

苏格拉底·是·人
$$\xrightarrow{BERT}$$
 苏格拉底·会·死 (7)

这个做法看似很「粗暴」,其实它和 逻辑式子 的作用一样:

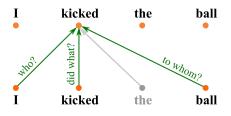
$$\forall x. \; \mathsf{Human}(x) \to \mathsf{Mortal}(x)$$
 (8)

而这式子,根据 Curry-Howard 对应,就是 (7) 的函数映射!

我在另一篇文章里将会分析这个联系;可以说,逻辑的几何结构是「永恒」的,它可以指示 AI的长远发展

Attention 是什么?

- 注意力 最初起源於 Seq2seq, 后来 BERT 引入 self-attention
- Attention 的本质就是 加权,权值 可以反映 模型 关注的点
- For each input, attention weighs the relevance of every other input and draws information from them accordingly to produce the output
- ◆ 在 BERT 里, attention 是一种 words 之间的关系:

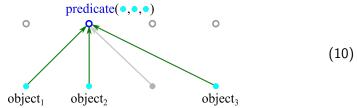


(9)

- 但,从逻辑的角度看,word ≠ 命题
- 在逻辑学上, 必需分清 命题内部 与 命题之间 这两个层次, 非常关键!

谓词 (predicates) 与 命题 (propositions)

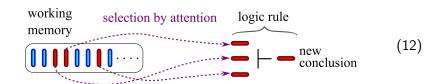
- "Predicate" 来自拉丁文「断言」的意思
- 逻辑里, predicate 代表一个没有主体/客体的断言,换句话说,是一个有「洞」的命题
- 命题 = 谓词 (predicate) + 主体 / 客体(统称 objects)
- 例如:Human(John), Loves(John, Mary)
- 从逻辑的角度看, attention 的输出可以看成是 predicate 和 objects 的结合:



形象地说:

Attention 在命题之间的作用

- 类似地,高层的 attention 可以处理 命题之间 的关系,但这时 attention 机制似乎有 严重的不足之处
- 由词语构成句子/命题,通常有少数的 syntax 法则,例如 subject · verb · object
- 但由命题构成结论,并没有 a priori 的规则;逻辑上有关联的东西 未必是相似的
- 例如:尿急 △ 不在厕所 ⇒ 忍著;但「尿」和「厕所」是 后天 学习的关系
- 我们希望 attention 做到的是 选择有关联的命题,去做逻辑推导:



ullet 但从 M 个命题中选择 N 个,可以有 $\binom{M}{N}$ 个子集,是 exponential

"Attention is all you need"?

- At the porpositional level, attention 要用 weight matrix 记住各种命题之间的相关性,这种做法似乎缺乏效率
- 例如,假设 q 是被关注的逻辑命题, p_1, p_2, \dots 是一些可能相关的命题, \bowtie 表示 matching by attention,我们希望输出它们的关联性:

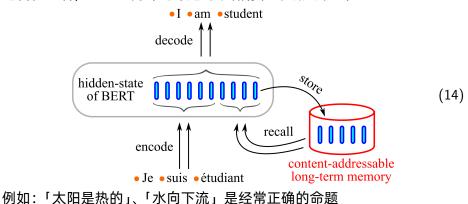
$$q\bowtie p_1,p_2,...\mapsto \mathsf{related}$$
? (13)

但每个 case 需要 矩阵的一行 储存

- 这是一种 "flat" representation of cases
- 而如果我们企图使用 hierarchical 的方法处理,这个方向 会越来越变得像 deep learning,还不如干脆使用 神经网络!
- 换句话说: 直接使用 deep symmetric NN, 在 NN 内部 学习如何 选择 相关 的命题

Content-addressable long-term memory

以前 BERT 的隐状态 没有逻辑结构,我们不是很清楚它的内容是什么;
 逻辑化之后,BERT 内部的命题可以储存在 长期记忆 中:



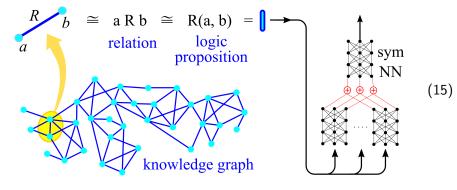
• 命名: Knowledge-Enhanced Reasoning with Memorized Items

• 这种系统 已非常接近 strong AI, 而这是有赖 逻辑化 才能做到的

 Content-addressable memory 的想法来自 Alex Graves et al 的 Neural Turing Machine [2014]

知识图谱 (knowledge graphs)

 知识图谱 不能直接输入神经网络,它必需分拆成很多 edges,每个 edge 是一个关系,也是一个逻辑命题;也可以说 "graphs are isomorphic to logic"



而这些 edges 似乎必需用 symmetric NN 处理,因为它们是 permutation invariant

对 逻辑主义 的质疑

- 很多人怀疑: 人脑真的用 逻辑 思考吗?
- 其实我们每句表达的 语言,都是逻辑形式的 (logical form)
- 直觉认为,人脑 构造一些 models,再从 model 中「读出」一些结论
- 例如给定一个描述:「已婚妇人出轨,用刀刺死丈夫」



(16)

- 那么妻子穿著什么衣服?衣服什么颜色?这些都是 臆想 出来的细节,是不正确的
- 这个 model 可以有哪些细节? 答案是:任何细节都不可以有,除非是逻辑上蕴含的,或被逻辑约束
- Model 本身可以是一些 抽象的逻辑命题 构成的,这也合理;反而,一个有很多感官细节的 model 并不合理
- 其实人脑可能 比我们想像中 更接近逻辑

References

欢迎提问和讨论 😁

- [1] Alex Graves, Greg Wayne, and Ivo Danihelka. "Neural Turing Machines". In: CoRR abs/1410.5401 (2014). arXiv: 1410.5401. URL:
 - http://arxiv.org/abs/1410.5401.
- [2] Qi et al. "Pointnet: Deep Learning on Point Sets for 3D Classification and Segmentation". In: CVPR (2017). https://arxiv.org/abs/1612.00593.
- [3] Zaheer et al. "Deep sets". In: Advances in Neural Information Processing Systems 30 (2017), pp. 3391–3401.