

Линейное обыкновенное дифференциальное уравнение (ОДУ) первого порядка можно решить методом конечных разностей точности. Для простоты рассмотрим следующее дифференциальное уравнение:

$$y' = -2y$$

где y - неизвестная функция, y' - ее производная.

Шаг сетки h будет определять, как мало изменяется значение функции между точками сетки. Для удобства обозначим значение функции в точке x_i как y_i , $x_{i+1} = x_i + h$.

Чтобы применить метод конечных разностей точности, нужно заменить производную на конечную разность между значениями функции в двух точках. Мы можем использовать метод прямых разностей:

$$y_{i+1} - y_i / h = -2y_i$$

или

$$y_{i+1} = (1-2h)y_i$$

Таким образом, мы можем решить ОДУ, генерируя последовательность значений функции на каждой точке сетки, начиная с известного начального условия y_0 .

Для иллюстрации, если выберем начальное условие $y_0 = 1$ и шаг сетки $h = 0.1$, то соответствующие значения функции на каждой точке сетки будут:

$$x_0 = 0, y_0 = 1$$

$$x_1 = 0.1, y_1 = (1-2*0.1)*1 = 0.8$$

$$x_2 = 0.2, y_2 = (1-2*0.1)*0.8 = 0.64$$

$$x_3 = 0.3, y_3 = (1-2*0.1)*0.64 = 0.512$$

и т.д.

В общем случае, метод конечных разностей точности позволяет решать ОДУ с произвольными начальными и граничными условиями, выбирая соответствующий шаг сетки и используя соответствующее количество точек сетки.