

李庆扬, 王能超, 易大义编《数值分析》(第5版)



信阳师范大学  
数学与统计学院  
SCHOOL OF MATHEMATICS AND STATISTICS

# — 第十四周 数值分析复习要点 —

授课人：郑重

邮箱：zhengzh@xynu.edu.cn



## ► 第一章 数值分析引论

1. 误差与相对误差；

例：p19, 第1, 2题

2\*. 有效数字；

例：2.7182和2.7183分别作为  $e$  的近似数具有\_\_\_\_\_位有效数字

3\*. 数值运算中的误差估计

例：一元函数的误差限；多元函数的误差限；二元函数的误差限

4. 避免误差危害

例：将  $x-x$  转化为乘积形式，p17, 例7, 8

## ▶ 第二章 插值多项式



信阳师范大学  
数学与统计学院  
SCHOOL OF MATHEMATICS AND STATISTICS

1\*. 插值多项式的存在唯一性(次数：不超过 $n$ )：p23, 定理1

2. 拉格朗日插值

重点：插值基函数的性质\*；拉格朗日插值多项式的表达式及计算\*；插值余项的表达式及证明\*；p26, 公式(2.9), 定理2；例：p48, 第1题

3. 牛顿插值

重点： $n$ 阶均差的计算\*，均差表的构造\*，牛顿插值多项式的表达式，区分牛顿插值与拉格朗日插值的相似与不同；例：p48, 第2题

4. Hermite 插值

重点：重节点均差与导数的关系；两个典型Hermite插值多项式的构造

## ▶ 第三章 函数逼近



信阳师范大学  
数学与统计学院  
SCHOOL OF MATHEMATICS AND STATISTICS

### 1. 函数逼近的内涵

重点:  $p(x) \approx f(x), x \in [a, b], p(x) \in H_n, f(x) \in C[a, b]$

### 2. 范数;

重点: 范数的定义, 向量和函数范数的计算\*, 特别是向量和函数2-范数的证明; 例: p94, 第2、3题

### 3. 内积

重点: 内积的定义; 内积范数的定义及证明(柯西-施瓦茨不等式的证明)\*;  
例: p54, 验证公式(1.12)和(1.16)符合范数的定义

### 4. 最佳逼近

重点:  $\|f - p^*\| = \min_{p \in H_n} \|f - p\|$ , 范数不同时, 对应不同的函数逼近类型

### 5. 正交函数与正交函数族

重点: 函数(族)正交的判别依据\*; 例: p57, 公式(2.2)

### 6. 正交多项式族

重点: 正交多项式族的构造: 给定权函数及区间, 利用施密特正交化方法

### 7. 正交多项式的性质

重点: 线性无关性\*, p58; 高次正交多项式与 $H_{n-1}$ 空间正交\*, p58;  $n$ 次正交多项式在区间范围内有 $n$ 个互不相同的零点\*, p58, 定理5

## ▶ 第三章 函数逼近



信阳师范大学  
数学与统计学院  
SCHOOL OF MATHEMATICS AND STATISTICS

### 8. 勒让德正交多项式

重点：勒让德多项式的构造：权函数为1，区间为 $[-1, 1]$ ；勒让德多项式的通项表达式<sup>\*</sup>，特别是前四项；正交性<sup>\*</sup>，p59, 性质1

### 9. 切比雪夫多项式

重点：切比雪夫多项式的构造<sup>\*</sup>；切比雪夫多项式的表达式<sup>\*</sup>

### 10. 切比雪夫多项式的性质

重点：递推关系；正交性<sup>\*</sup>；零点表达式<sup>\*</sup>；最大值最小性质

### 11. 切比雪夫多项式零点插值

重点：插值余项表达式；p64, 公式(2.15)

### 12. 最佳平方逼近

重点：最佳平方逼近多项式的确定<sup>\*</sup>，解法方程组，p67, 公式(3.3)

## 第四章 数值积分



信阳师范大学  
数学与统计学院  
SCHOOL OF MATHEMATICS AND STATISTICS

### 1\*. 代数精度

重点：代数精度的定义与计算；矩形、梯形、辛普森积分公式代数精度

### 2. 求积公式的余项

重点：求积公式的余项公式；矩形\*、梯形\*、辛普森积分公式余项

### 3\*. 复合求积公式

重点：复合梯形公式表达式及积分余项公式；复合辛普森公式表达式及积分余项公式；p107, 公式(3.3)、(3.6)；p108, 例3

### 4. 高斯求积公式

重点：代数精度达到 $2n+1$ \*