# Call stack Ricorsione

Liceo G.B. Brocchi - Bassano del Grappa (VI) Liceo Scientifico - opzione scienze applicate Giovanni Mazzocchin

#### Chiamata di funzione

```
double h (double d) {
    return d * 2;
void g () {
    double d = h(3.14);
    return;
int f (int n) {
    int x = 0;
    g();
    return x;
int main () {
    int val = f(5);
    return 0;
    06/03/2024
```

Activation record di **h** 

Activation record di **g** 

Activation record di **f** 

Activation record di main

- Ad ogni chiamata di funzione viene aggiunto un *activation record* (aka *stack frame*) in un'area di memoria organizzata come **stack** (simile ad una pila di piatti: l'inserimento e la rimozione di un elemento avvengono solo in cima alla pila)
- Gli activation record contengono le variabili locali della funzione (tra cui i parametri formali) e altre informazioni necessarie per restituire il controllo al chiamante
- L'istruzione **return** all'interno di una funzione provoca la rimozione dell'activation record della stessa

• il programma viene lanciato da una shell

Activation record di main

val

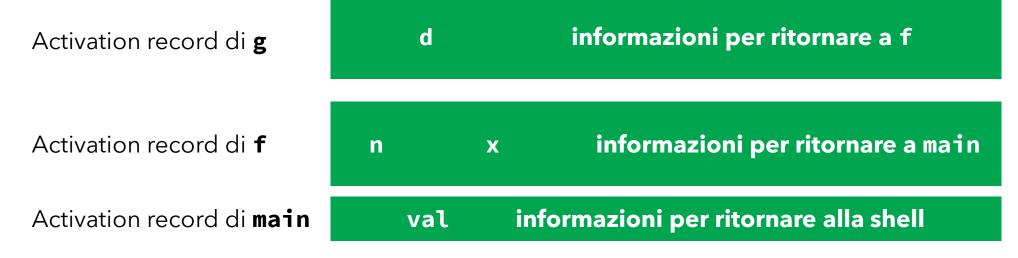
informazioni per ritornare alla shell

• main invoca f

Activation record di f n x informazioni per ritornare a main

Activation record di main val informazioni per ritornare alla shell

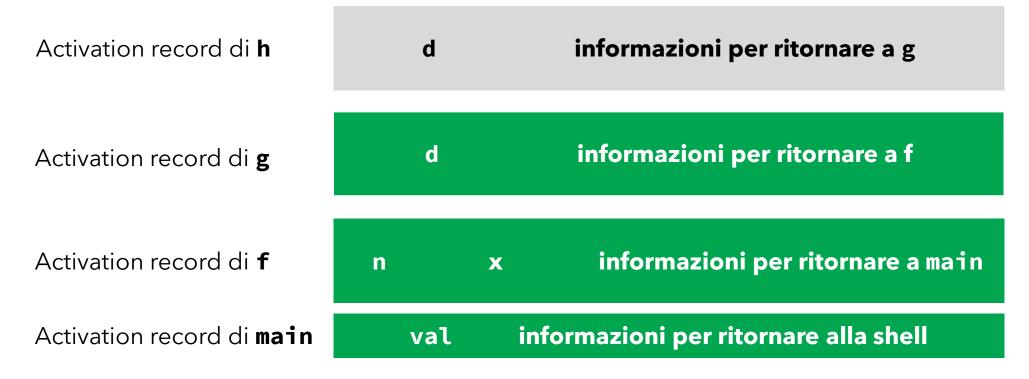
• **f** invoca **g** 



• g invoca h



• h esegue l'istruzione return



• g esegue l'istruzione return



• **f** esegue l'istruzione **return** 

Activation record di f n x informazioni per ritornare a main

Activation record di main val informazioni per ritornare alla shell

• **f** esegue l'istruzione **return** 

Activation record di main

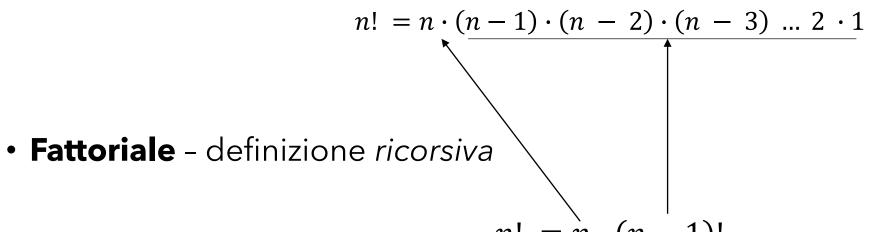
val

informazioni per ritornare alla shell

• Il flusso di controllo ritorna al **main**, in particolare all'istruzione successiva alla chiamata di **f**, che è un'assegnazione

```
int val = f(5);
```

• Fattoriale - definizione iterativa



• Spiegare cosa c'è di «ricorsivo» nell'ultima definizione

• **NB**: 0! = 1

```
int fact_iterative (int n) {
  if (n < 0) {
    return -1;
  int result = 1;
  for (int i = 1; i \le n; i++) {
    result = result * i;
  return result;
```

```
int fact_recursive (int n) {
  if (n < 0) {
    return -1;
  if (n == 0) {
    return 1;
  return n * fact_recursive(n - 1);
```

qual è la versione più efficiente in termini di tempo e occupazione di memoria?

chiamata ricorsiva

```
int fact_iterative(int n) {
  if (n < 0) {
     return -1;
  int result = 1;
  for (int i = 1; i <= n; i++) {
    result = result * i;
  return result;
```

```
int fact_recursive(int n) {
    if (n < 0) {
        return -1;
    }

if (n == 0) {
    return 1;
    }
}</pre>
```

Questo tipo di ricorsione è detto head recursion (ricorsione in testa). Prima si invoca la funzione ricorsivamente, e poi si fanno i calcoli tornando indietro (molto inefficiente in questo caso)

moltiplicazioni vengono fatte

tornando indietro. La

moltiplicazione è scritta

proprio dopo la chiamata

ricorsiva!

int rec\_call\_result = fact\_recursive(n - 1);
return n \* rec\_call\_result;

Chiamata ricorsiva.
Utilizzando una variabile si
capisce ancora meglio che le

```
int fact_recursive(int n) {
   if (n < 0) {
      return -1;
   }

if (n == 0) {
    return 1;
   }

int rec_call_result = fact_recursive(n - 1);
   return n * rec_call_result;
}</pre>
```

vediamo come cambia lo stack partendo da questo esempio. Ogni stack frame avrà al suo interno la variabile locale rec\_call\_result e il parametro n

non viene assegnato alcun valore a rec\_call\_result fintantoché il flusso di controllo non arriva al caso base

se a destra di un'assegnazione c'è un'invocazione ricorsiva, allora prima di tutto il controllo passa di nuovo alla prima istruzione della funzione

n: 6
rec\_call\_result = fact\_recursive(5)

```
n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)

n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 4
rec_call_result = fact_recursive(3)

n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)

n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 3
rec_call_result = fact_recursive(2)
               n: 4
rec_call_result = fact_recursive(3)
               n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)
               n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 2
rec_call_result = fact_recursive(1)
               n: 3
rec_call_result = fact_recursive(2)
               n: 4
rec_call_result = fact_recursive(3)
               n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)
               n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 1
rec_call_result = fact_recursive(0)
               n: 2
rec_call_result = fact_recursive(1)
               n: 3
rec_call_result = fact_recursive(2)
               n: 4
rec_call_result = fact_recursive(3)
               n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)
               n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 0
             return 1
               n: 1
rec_call_result = fact_recursive(0)
               n: 2
rec_call_result = fact_recursive(1)
               n: 3
rec_call_result = fact_recursive(2)
               n: 4
rec_call_result = fact_recursive(3)
               n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)
               n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 0
             return 1
               n: 1
rec_call_result = fact_recursive(0)
               n: 2
rec_call_result = fact_recursive(1)
               n: 3
rec_call_result = fact_recursive(2)
               n: 4
rec_call_result = fact_recursive(3)
               n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)
               n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 1
rec_call_result = fact_recursive(0): 1
    restituisce 1*1=1 al chiamante
                n: 2
rec_call_result = fact_recursive(1)
                n: 3
rec_call_result = fact_recursive(2)
                n: 4
rec_call_result = fact_recursive(3)
                n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)
                n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
    ATTENZIONE: le istruzioni successive alla chiamata ricorsiva sono:

            l'assegnazione a rec_call_result
            return n*rec_call_result

    Quando avete chiaro questo concetto, avete capito tutto
```

```
n: 2
         rec_call_result = 1
    restituisce 2*1=2 al chiamante
                 n: 3
rec_call_result = fact_recursive(2)
                 n: 4
    rec_call_result = fact_recursive(3)
                 n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)
                 n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 3
rec_call_result = fact_recursive(2): 2
    restituisce 3*2=6 al chiamante
                  n: 4
    rec_call_result = fact_recursive(3)
                  n: 5
    rec_call_result = fact_recursive(4)
                  n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 4
rec_call_result = fact_recursive(3): 6
restituisce 6*4=24 al chiamante

n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4)

n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 5
rec_call_result = fact_recursive(4): 24
restituisce 5*24=120 al chiamante

n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5)
```

```
n: 6
rec_call_result = fact_recursive(5): 120
restituisce 6*120=720 al chiamante
```

- Lo stack delle chiamate a fact\_recursive è stato svuotato, e il chiamante (main) si ritrova in mano il valore giusto, ossia 6! = 720
- Si vede bene che questo modo di calcolare è estremamente inefficiente a livello di tempo di esecuzione: abbiamo dovuto aspettare un bel po' prima di fare anche soltanto 1·1
- Anche in termini di spazio occupato in memoria questa implementazione è un disastro: se viene chiesto il fattoriale di un numero molto grande, il numero di chiamate molto probabilmente farà traboccare lo stack (stack overflow)

- La dimensione dello stack di un programma non è infinita
- Se si va oltre un certo numero di chiamate (che dipende dal sistema hardware e software su cui viene eseguito il programma), si può provocare uno stack overflow (traboccamento dello stack)
- Proviamo a vedere cosa succede con questa funzione ricorsiva, nella quale il caso base non viene mai raggiunto. Il programma va avanti all'infinito? Teoricamente dovrebbe andare avanti all'infinito, in pratica crasha perché occupa troppa memoria

```
void bad_rec_func() {
   if (1 == 0) {
     return;
   }
   return bad_rec_func();
}
```

#### Ricorsione infinita e stack overflow

cyofanni@LAPTOP-IOS1RKRC:~/Desktop/high-school-cs-class/cpp\_lectures\$ ./recursion Segmentation fault (core dumped)

Segmentation fault significa «Errore di segmentazione»: è un messaggio dato dal sistema operativo per segnalare che un programma ha provato ad accedere ad aree di memoria a cui non doveva accedere.

Vi starete chiedendo cosa significa «segmentazione»: lo vedremo più avanti.

Nei sistemi GNU/Linux, Segmentation fault è quasi un sinonimo di «crash del programma» (definizione non esatta, ma utile per iniziare a capirci qualcosa)

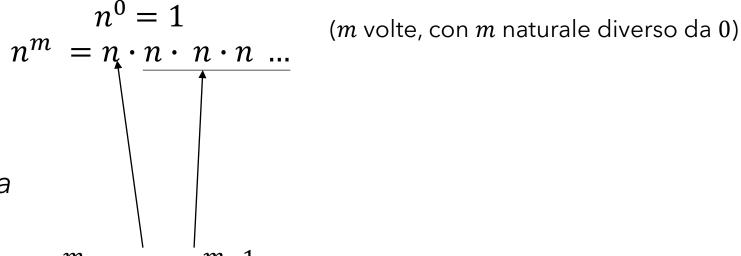
# Altro caso di Segmentation fault

```
char str[] = "hello, world";
for (int i = 0; i < 1000; i++) {
   str[i] = 'q';
}</pre>
```

str è un array di 13 caratteri, ma stiamo provando ad accedere a indici ben superiori a 12

```
cyofanni@LAPTOP-IOS1RKRC:~/Desktop/high-school-cs-class/cpp_lectures$ g++ -o recursion recursion.cpp
cyofanni@LAPTOP-IOS1RKRC:~/Desktop/high-school-cs-class/cpp_lectures$ ./recursion
*** stack smashing detected ***: terminated
Aborted (core dumped)
cyofanni@LAPTOP-IOS1RKRC:~/Desktop/high-school-cs-class/cpp_lectures$
```

• Potenza - definizione iterativa



• Potenza - definizione ricorsiva

• Spiegare cosa c'è di «ricorsivo» nell'ultima definizione e scrivere una funzione che la implementa

### Fibonacci - ricorsivamente

$$f_0 = 0$$

$$f_1 = 1$$

$$f_n = f_{n-1} + f_{n-2}$$

primi termini della successione: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, ...

qual è la differenza rispetto alle funzioni ricorsive precedenti?

#### Fibonacci - ricorsivamente

```
unsigned long long fibonacci(unsigned int n) {
  if (n == 0 || n == 1) {
    return n;
  }
  return fibonacci(n - 1) + fibonacci(n - 2);
}
```

```
unsigned long long fibonacci(unsigned int n) {
  if (n == 0 || n == 1) {
    return n;
  }
  unsigned long long fib_n_1 = fibonacci(n - 1);
  unsigned long long fib_n_2 = fibonacci(n - 2);
  return fib_n_1 + fib_n_2;
}
```

salviamo i risultati delle 2 chiamate ricorsive in 2 variabili

```
n: 2
fib_n_1 = fibonacci(1)

n: 3
fib_n_1 = fibonacci(2)

n: 4
fib_n_1 = fibonacci(3)
```

```
n: 1
restituisce 1

n: 2
fib_n_1 = fibonacci(1)

n: 3
fib_n_1 = fibonacci(2)

n: 4
fib_n_1 = fibonacci(3)
```

```
n: 1
restituisce 1

n: 2
fib_n_1 = fibonacci(1)

n: 3
fib_n_1 = fibonacci(2)

n: 4
fib_n_1 = fibonacci(3)
```

```
n: 2
fib_n_1 = fibonacci(1): 1
fib_n_2 = fibonacci(0)

n: 3
fib_n_1 = fibonacci(2)

n: 4
fib_n_1 = fibonacci(3)
```

```
n: 0
      restituisce 0
          n: 2
fib_n_1 = fibonacci(1): 1
 fib_n_2 = fibonacci(0)
          n: 3
 fib_n_1 = fibonacci(2)
          n: 4
 fib_n_1 = fibonacci(3)
```

```
n: 0
      restituisce 0
          n: 2
fib_n_1 = fibonacci(1): 1
 fib_n_2 = fibonacci(0)
          n: 3
 fib_n_1 = fibonacci(2)
          n: 4
 fib_n_1 = fibonacci(3)
```

```
n: 3
fib_n_1 = fibonacci(2): 1
fib_n_2 = fibonacci(1)

n: 4
fib_n_1 = fibonacci(3)
```

```
n: 1
      restituisce 1
          n: 3
fib_n_1 = fibonacci(2): 1
 fib_n_2 = fibonacci(1)
          n: 4
 fib_n_1 = fibonacci(3)
```

```
n: 1
restituisce 1

n: 3
fib_n_1 = fibonacci(2): 1
fib_n_2 = fibonacci(1)

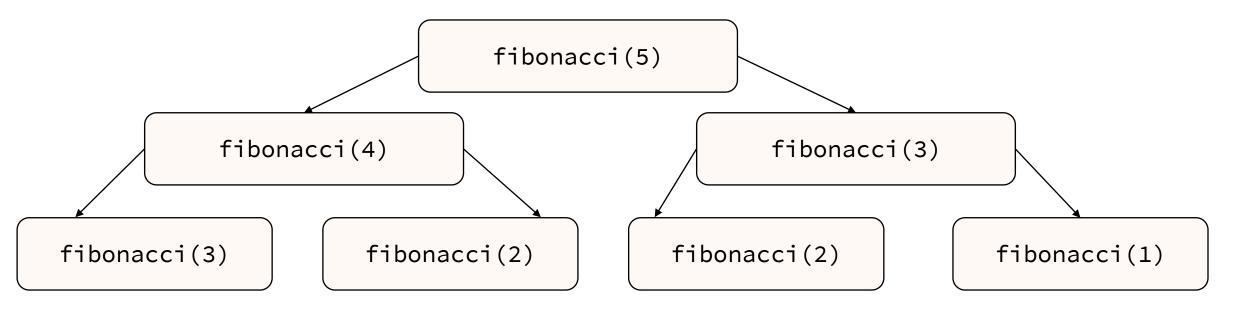
n: 4
fib_n_1 = fibonacci(3)
```

```
n: 3
fib_n_1 = fibonacci(2): 1
fib_n_2 = fibonacci(1): 1
restituisce fib_n_1 + fib_n_2: 1 + 1: 2

n: 4
fib_n_1 = fibonacci(3)
```

e così via... si noti l'inefficienza del calcolo

#### Fibonacci: albero delle chiamate



completare l'albero per esercizio

### Da vedere a casa

• Fibonacci Mystery - Numberphile