

MA0001 Brukerkurs i matematikk A

Høst 2020

Norges teknisk–naturvitenskapelige universitet Institutt for matematiske fag

Øving 4

Forbererende oppgaver

1 Regn ut fire første verdier (n = 1, 2, 3, 4) og den hundrede verdien (n = 100) til rekkene og gjett hva er grenseverdien.

a)
$$a_n = \frac{n}{n+1}$$

b)
$$a_n = \frac{n^2}{n+1}$$

c)
$$a_n = \frac{n}{n^2 + 1}$$

Innleveringsoppgaver

a) Bestem (den største) definisjonsmengden til funksjonen gitt ved

$$\frac{1}{x^2 - 4}.$$

b) Bestem (den største) definisjonsmengden til funksjonen gitt ved

$$g(x) = \sqrt{9 - |x - 1|}.$$

Hva blir verdimengden?

3 Hva er **verdimengden** til funksjonen gitt ved

$$f(x) = \frac{10}{1+x^2}$$

og definert på alle reelle talla?

Hint: Kan f ta både positive og negative verdier? Prøv å løse x fra y = f(x) og se for hvilke y er det mulig.

4 Definer funksjonen $h: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ ved regelen

$$h(x) = \begin{cases} x^2, & \text{hvis } x \ge 0\\ -x^2, & \text{hvis } x < 0. \end{cases}$$

a) Hva er verdimengden til h?

b) Forklar hvorfor h er injektiv (en-til-en) og finn inversfunksjonen h^{-1} .

Hint: Skisser grafen.

Anbefalte øvinger

Oppgavene kommer fra Avsnitt 1.1 (sider 34-39) i Calculus for Biology and Medicine, 3. utgave, forfatteren Claudia Neuhauser.

 \bullet Definisjonsmengde og verdimenge: 5, 7, 9, 13, 17, 33, 35

 $\bullet\,$ Jevn eller odde: 27

• Injektivitet: 69, 71, 73, 75, 77

• Anvendt – valg mest intressante: 30, 32, 42, 44, 53, 63, 66, 67