# 第七课 哈希表与字符串

林沐

# 内容概述

1.6道经典哈希表与字符串的相关题目

预备知识:哈希表基础知识

例1:最长回文串(easy)(字符哈希)

例2:词语模式(easy)(字串符哈希)

例3:同字符词语分组(medium)(数组哈希)

例4:无重复字符的最长子串(medium)(字符哈希)

例5:重复的DNA序列(medium)(字串符哈希)

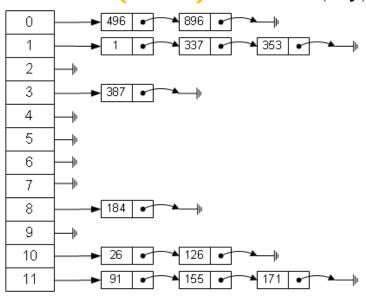
例6:最小窗口子串(hard)(哈希维护窗口)

2.详细讲解题目解题方法、代码实现

# 预备知识:哈希表定义

哈希表(Hash table,也叫散列表),是根据关键字值(key)直接进行访问的数据结构,它通过把关键字值映射到表中一个位置(数组下标)来直接访问,以加快查找关键字值的速度。这个映射函数叫做哈希(散列)函数,存放记录的数组叫做哈希(散列)表。

给定表M,存在函数f(key),对任意的关键字值key,代入函数后若能得到包含该关键字的表中地址,称表M为哈希(Hash)表,函数f(key)为哈希(Hash)。函数。



# 预备知识:最简单的哈希-字符哈希

```
#include <stdio.h>
                                                              [a][97] :
                   //ASC2码 从0 - 127 , 故使用数组
#include <string>
                                                              [Ъ][98]:
                   下标做映射,最大范围至128
int main(){
                                                              [c 1[99]
   int char map [128] = \{0\};
                                                              [4][4][6]
   std::string str = "abcdefgaaxxy";
                                           char_map['a']++;
                                            即char_map[97]++;
      //统计字符串中 , 各个字符的数量
                                                             [e][101]
                                                              [f][102]:
                                           char_map['b']++;
   for (int i = 0; i < str.length(); i++) {</pre>
       char map[str[i]]++;
                                                             [g][103]
                                            即char_map[98]++;
                                                              [x][120] :
   for (int i = 0; i < 128; i++) {
                                                              [y][121] :
       if (char map[i] > 0){
           printf("[%c][%d] : %d\n", i, i, char map[i]);
   return 0;
```

### 预备知识:哈希表排序整数

```
//哈希表排序,使用数组的下标对正整数排序
#include <stdio.h>
                 //哈希表表的长度,需要超过最大待排序数字
int main(){
   int random[10] = \{999, 1, 444, 7, 20, 9, 1, 3, 7, 7\};
   int hash map [1000] = \{0\};
   for (int i = 0; i < 10; i++) {
       hash map[random[i]]++;
   for (int i = 0; i < 1000; i++) {
       for (int j = 0; j < hash map[i]; j++) {
          printf("%d\n", i);
              //时间复杂度O(表长+n) n为元素个数
   return 0:
          hash_map[999] + +;
          hash_map[1]++;
```

# 预备知识:问题引入1,任意元素的映射

1.当遇到负数或非常大的整数,如何进行哈希(映射)?

如: -5、99999999、...

2.当遇到字符串,如何进行哈希(映射)?

如: abcdefg、XYZ、...

3.当遇其他到无法直接映射的数据类型,如浮点数、数组、

对象等等,如何进行哈希(映射)?

如: 1.2345、[1, 2, 3]、...

#### 解决:

利用哈希函数,将关键字值(key)(大整数、字符串、浮点数等)转换为整数再对表长取余,从而关键字值被转换为哈希表的表长范围内的整数。

# 预备知识:问题引入2,发生冲突

```
#include <stdio.h>
#include <string>
                     //直接对整数取余表长再返回
int int func(int key, int table len) {
   return key % table len;
           //将字符串中的字符的ASC2码相加得到整数再取余表长
int string func(std::string key, int table len) {
    int sum = 0;
   for (int i = 0; i < \text{key.length}(); i++) {
       sum += key[i];
                             //不同的整数或字符串,由于哈希函数的
   return sum % table len;
                             选择,被映射到了同一个下标处!
int main(){
                             产生了冲突!
   const int TABLE LEN = 10;
   int hash map[TABLE LEN] = {0};
   hash map[int func(99999995, TABLE LEN)]++;
   hash map[int func(5, TABLE LEN)]++;
   hash map[string func("abc", TABLE LEN)]++;
   hash map[string func("bac", TABLE LEN)]++;
   for (int i = 0; i < TABLE LEN; i++) {</pre>
       printf("hash map[%d] = %d\n", i, hash map[i]);
   return 0:
```

```
hash_map[0] = 0
hash_map[1] = 0
hash_map[2] = 0
hash_map[3] = 0
hash_map[4] = 2
hash_map[5] = 2
hash_map[6] = 0
hash_map[7] = 0
hash_map[8] = 0
hash_map[9] = 0
```

#### 预备知识:拉链法解决冲突,构造哈希表

将所有哈希函数**结果相同**的结点连接在同一个 单链表中。

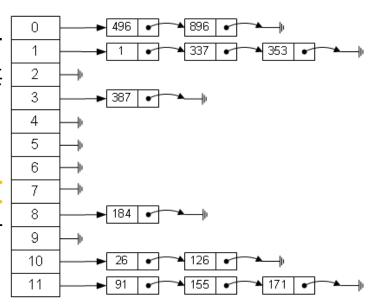
若选定的哈希表长度为m,则可将哈希表定义为一个长度为m的指针数组t[0..m-1],指针数组中的每个指针指向哈希函数结果相同的单链表。

#### 插入value:

将元素value插入哈希表,若元素value的哈希函数值为hash\_key,将value对应的节点以头插法的方式插入到以t[hash\_key]为头指针的单链表中。

#### 查找value:

若元素value的哈希函数值为hash\_key,遍历以t[hash\_key]为头指针的单链表,查找链表各个节点的值域是否为value。



```
struct ListNode {
                  //哈希表即为普通的单链表构成
   int val;
                                           预备知识:课堂练习
   ListNode *next;
   ListNode(int x) : val(x), next(NULL) {}
};
int hash func(int key, int table len) {
   return key % table len; //整数哈希函数,直接取余
void insert(ListNode *hash table[], ListNode *node, int table len) {
   int hash key = hash func(node->val, table len);
                                           //使用头插法插入节点
   node->next =
   hash table[hash key] =
bool search(ListNode *hash table[], int value, int table len) {
    int hash key = hash func(value, table len);
    ListNode *head =
                                                         ·填写代码,
    while(head) {
        if
                                      ) {
           return true;
                    5
     return false;
```

```
struct ListNode {
                   //哈希表即为普通的单链表构成
                                                   预备知识:实现
    int val;
   ListNode *next;
   ListNode(int x) : val(x), next(NULL) {}
} ;
int hash func(int key, int table len) {
   return key % table len; //整数哈希函数,直接取余
void insert(ListNode *hash table[], ListNode *node, int table len) {
    int hash key = hash func(node->val, table len);
                 hash_table[hash_key];
    node->next =
                                              //使用头插法插入节点
                             node:
    hash table[hash key] =
bool search(ListNode *hash table[], int value, int table len) {
    int hash key = hash func(value, table len);
                                                         → 496 | •
                                                                 ~ 896
                                                                        4 353 |
                      hash_table[hash_key];
    ListNode *head =
                                                    2
                                                    3
                                                         → 387 | •
    while (head) {
                                                    4
               head->val == value
        if
                                        ) {
                                                    5
                                                    6
            return true;
                                                    7
                                                         ▶ 184 🕝
                                                    8
          head = head->next;
                                                    9
                                                   10
                                                                  126
     return false;
                                                   11
```

#### //TABLE\_LEN 取为质数,冲突会比其他数字少

int main(){

```
const int TABLE LEN = 11;
ListNode *hash table[TABLE LEN] = {0};
std::vector<ListNode *> hash node vec;
int test[8] = \{1, 1, 4, 9, 20, 30, 150, 500\};
for (int i = 0; i < 8; i++) {
    hash node vec.push back(new ListNode(test[i]));
for (int i = 0; i < hash node vec.size(); <math>i++) {
    insert(hash table, hash node vec[i], TABLE LEN);
printf("Hash table:\n");
for (int i = 0; i < TABLE LEN; i++) {
    printf("[%d]:", i);
    ListNode *head = hash table[i];
    while (head) {
        printf("->%d", head->val);
        head = head->next;
    printf("\n");
printf("\n");
printf("Test search:\n");
for (int i = 0; i < 10; i++) {
    if (search(hash table, i, TABLE LEN)){
        printf("%d is in the hash table.\n");
    else{
        printf("%d is not in the hash table.\n");
return 0;
```

#### 预备知识:测试

```
Hash table:
[0]:
[1]:->1->1
[2]:
[3]:
[4]:->4
[5]:->500
[6]:
[7]:->150
[8]:->30
[9]:->20->9
[10]:
Test search:
0 is not in the hash table.
1 is in the hash table.
2 is not in the hash table.
3 is not in the hash table.
4 is in the hash table.
 is not in the hash table.
 is not in the hash table.
7 is not in the hash table.
 is not in the hash table.
 is in the hash table.
```

# 预备知识:哈希map与STL map

```
#include <stdio.h>
#include <map>
#include <string>
struct ListNode {
                     //将字符串key映射为整数val
   std::string key;
   int val;
   ListNode *next;
                                            abc is in hash_map, value is 1
   ListNode(int x) : val(x), next(NULL) {}
} ;
                                            hash_map[aaa] = 2
                //将字符串key映射为整数val
int main(){
                                            hash_map[abc] = 1
   std::map<std::string, int> hash map;
   std::string strl = "abc";
                                            hash_map[xxxxxx] = 100
   std::string str2 = "aaa";
   std::string str3 = "xxxxxx";
   hash map[str1] = 1;
   hash map[str2] = 2;
   hash map[str3] = 100;
   if (hash map.find(strl) != hash map.end()) {
       printf("%s is in hash map, value is %d\n",
           strl.c str(), hash map[strl]);
   std::map<std::string, int> ::iterator it;
   for (it = hash map.begin(); it != hash map.end(); it++){
       printf("hash map[%s] = %d\n", it->first.c str(), it->second);
   return 0;
```

# 例1:最长回文串

已知一个只包括大小写字符的字符串,求用该字符串中的字符可以生成的最长回文字符串长度。

例如 s = "abecceddaa",可生成的最长回文字符串长度为9,如decaaaced、adecbceda、acdcacdca等,都是正确的。

```
class Solution {
public:
    int longestPalindrome(std::string s) {
    }
};
```

#### 选自 LeetCode 409. Longest Palindrome

https://leetcode.com/problems/longest-palindrome/description/

难度:Easy

### 例1:思考

例如在s="abccccddaa"中,有3个a,1个b,4个c,2个d。 使用字符串s中的字符,任意组合,生成新的字符串,若生成的字符串为回文字符串,需要除了中心字符,其余字符只要 头部出现,尾部就要对应出现。 例如:

a...a, ccd...dcc, cc...d...cc

#### 思考:

在字符串中,字符数量为偶数的字符,我们应该如何处理?在字符串中,字符数量为奇数的字符,我们应该如何处理?

### 例1:分析

例如,在s="abccccddaa"中,有3个a,1个b,4个c,2个d。

1.在字符串中,字符数量为<mark>偶数</mark>的字符:

全部使用,头部放一个字符,尾部就对应放一个。

如,4个c和2个d可全部用上:

...ccd...dcc...、...cdc...cdc...、...dcc...ccd...等。

**丢掉**一个字符,**剩下的字符数**为偶数个,按照字符数量为<mark>偶数</mark>的字符处理。

如, 3个a中, 有2个a可以用上: ...a...a...

3.若有剩余的字符,如:

1个a、1个b

<mark>随便</mark>选择1个字符当作中心字符: ...a...、...b...

#### 例1:算法思路

- 1.利用字符哈希方法,统计字符串中所有的字符数量;
- 2.设置最长回文串偶数字符长度为 $\max$  length = 0;
- 3.设置是否是否有中心点标记 flag = 0;
- 4. 遍历每一个字符,字符数为count,若count为偶数,max\_length += count
- ; 若count为奇数,  $max_length += count 1$ , flag = 1;
- 5.最终最长回文子串长度: max\_length + flag。

```
例如,在s = "abccccddaa"中,有3个a,1个b,4个c,2个d:
1.3个a,max_length += 2; flag = 1;如生成aa;
2.1个b,max_length += 0; 忽略b;
3.4个c,max_length += 4; 如生成ccaacc;
4.2个d,max_length += 2; 如生成dccaaccd;
flag = 1;
故可生成如: dccaaaccd、dccabaccd
最终长度: max_length + flag = 8 + 1 = 9
```

# 例1:课堂练习

```
class Solution {
public:
   int longestPalindrome(std::string s) {
       int char map[128] = {0}; //字符哈希
       int max length = 0; //回文串偶数部分的最大长度
       int flag = 0; //是否有中心点
       for (int i = 0; i < s.length(); i++) {</pre>
       for (int i = 0; i < 128; i++) {
           if
               max length += char map[i];
           else{
               flag = 1;
        return max length + flag;
           //最终结果是偶数部分的最大长度+中心点字符
};
```

3分钟填写代码, 有问题随时提出!

# 例1:实现

```
class Solution {
public:
   int longestPalindrome(std::string s) {
       int char map[128] = {0}; //字符哈希
       int max length = 0; //回文串偶数部分的最大长度
       int flag = 0; //是否有中心点
       for (int i = 0; i < s.length(); i++) {</pre>
                                         //利用整数的数组下标实现字符哈希
               char_map[s[i]]++;
                                         //统计字符个数
       for (int i = 0; i < 128; i++) {
                                       //如果某字符为偶数个 ,
                char_map[i] % 2 == 0
          if
                                       则均可以使用在回文串里
              max length += char map[i];
           else{
                                              //如果某字符为奇数个 ,
                max_length += char_map[i] - 1;
                                              则丢弃1个,其余的使用在回文串里
              flag = 1;
                        //此时标记回文串可以有中心点
       return max length + flag;
          //最终结果是偶数部分的最大长度+中心点字符
} ;
```

# 例1:测试与leetcode提交结果

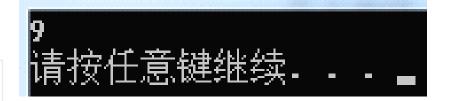
```
int main() {
    std::string s = "abccccddaa";
    Solution solve;
    printf("%d\n", solve.longestPalindrome(s));
    return 0;
}
```

#### Longest Palindrome

#### Submission Details

95 / 95 test cases passed. Status: Accepted

Runtime: 6 ms Submitted: 19 minutes ago



#### 例2:词语模式

```
已知字符串pattern与字符串str, 确认str是否与pattern 匹配。str与pattern 匹配代表字符
串str中的单词与pattern中的字符——对应。(其中pattern中只包含小写字符, str中
的单词只包含小写字符,使用空格分隔。)
例如,
pattern = "abba", str = "dog cat cat dog" 匹配.
pattern = "abba", str = "dog cat cat fish" 不匹配.
pattern = "aaaa", str = "dog cat cat dog"不匹配.
pattern = "abba", str = "dog dog dog dog"不匹配.
class Solution {
public:
    bool wordPattern(std::string pattern, std::string str) {
};
选自 LeetCode 290. Word Pattern
https://leetcode.com/problems/word-pattern/description/
难度:Easy
```

#### 例2:思考与分析

匹配:字符串str中的单词与pattern中的字符——对应。

#### 如:

- 1)假设pattern = "abba", str = "dog cat cat \*";则\*一定代表dog。
- 2)假设pattern = "abb?", str = "dog cat cat dog"; 则?一定代表a。
- 3)假设pattern = "abb?", str = "dog cat cat fish"; 则?一定不是a或b。
- 4)假设pattern = "abba", str = "\*"; \*代表了4个单词。
- 5)假设pattern = "\*", str = "dog cat cat dog"; \*代表了4个字符。

#### 分析结论:

- 1.当**拆解**出一个单词时,若该单词已出现,则当前单词对应的pattern字符必为该单词曾经对应的pattern字符。
- 2.当<mark>拆解</mark>出一个单词时,若该单词未曾出现,则当前单词对应的pattern字符也必须未曾出现。
- 3.单词的个数与pattern字符串中的字符数量相同。

#### 例2:算法思路

# pattern = "abb?", str = "dog cat cat \*"; dog -> a; cat->b

- 1.设置单词(字符串)到pattern字符的映射(哈希);使用数组used[128]记录pattern字符是否使用。
- 2.遍历str,按照空格拆分单词,同时对应的向前移动指向pattern字符的指针,每拆分出一个单词,判断:

如果该单词从未出现在哈希表中:

如果当前的pattern字符已被使用,则返回false;将单词与当前指向的pattern字符做映射;标记当前指向的pattern字符已使用。

否则:

如果当前单词在哈希表中的映射字符不是当前指向的 pattern字符,则返回false。

3.若单词个数与pattern字符个数 $\overline{\phantom{a}}$  匹配,返回false。

# 例2:算法思路

```
图3:
图1:
 str = "dog cat cat fish"
                                str = "dog cat cat fish"
 pattern = "abba"
                                pattern = "abba"
 创建: dog -> a
                               查询: cat -> b == 当前pattern字符
      used = [a]
                              图 4:
图2:
 str = "dog cat cat fish"
                               str = "dog cat cat fish"
 pattern = "abba"
                               pattern = "abba"
                               创建: fish -> a
 创建: dog -> a
       cat -> b
                                由于 used = [a, b]
                                 返回false
       used = [a, b]
```

# 例2:算法思路

#### 图1:

str = "dog cat cat fish"



pattern = "abca"

创建: dog -> a

used = [a]

#### 图2:

str = "dog cat cat fish"



pattern = "abca"



**创建:** dog -> a

cat -> b

used = [a, b]

#### 图3:

str = "dog cat cat fish"



pattern = "abça"



<sup>查询:</sup> cat -> b != 当前pattern字符 c

返回false

#### str的单词数与pattern字符长度不一致:

str = "dog cat cat fish"



pattern = "ab"



str = "dog "



pattern = "abca"

```
class Solution {
public:
   bool wordPattern(std::string pattern, std::string str) {
       std::map<std::string, char> word_map; //单词到pattern字符的映射
       char used[128] = {0}; //已被映射的pattern字符
       std::string word; //临时保存拆分出的单词
       int pos = 0; //当前指向的pattern字符
                                           (无需特殊处理最后一个单词了)
       str.push back(' '); //str尾部push一个空格,使得遇到空格拆分单词
      for (int i = 0; i < str.length(); i++) {</pre>
          if (str[i] == ' '){ //遇到空格,即拆分出一个新单词
              if (pos == pattern.length()) {
                 //若单词未出现在哈希映射中
              if (word map.find(word) == word map.end()) {
                  if
                      return false;
                  used[pattern[pos]] = 1;
               else{
                      return false;
                               -个单词的插入和查询后,清空word
               pos++;
                         //指向pattern字符的pos指针前移
           else{
               word += str[i];
       if
           return false;
       return true;
};
```

# 例2:课堂练习

3分钟填写代码, 有问题随时提出!

```
class Solution {
public:
                                                                        例2:实现
   bool wordPattern(std::string pattern, std::string str) {
       std::map<std::string, char> word_map; //单词到pattern字符的映射
       char used[128] = {0}; //已被映射的pattern字符
       std::string word; //临时保存拆分出的单词
       int pos = 0; //当前指向的pattern字符
                                           (无需特殊处理最后一个单词了)
       str.push back(' '); //str屋部push一个空格,使得遇到空格拆分单词
      for (int i = 0; i < str.length(); i++){</pre>
                                                               str = "dog cat cat fish"
          if (str[i] == ' '){ //遇到空格,即拆分出一个新单词
              if (pos == pattern.length()) {
                                           //若分隔出一个单词 /
                       return false:
                                           但已无pattern字符对应
                                                               pattern = "ab"
                 //若单词未出现在哈希映射中
              if (word map.find(word) == word map.end()) {
                                            //如果当前pattern字符已使用
                       used[pattern[pos]]
                     return false;
                                                          str = "dog cat cat fish"
                   word_map[word] = pattern[pos];
                                                          pattern = "abba"
                  used[pattern[pos]] = 1;
              else{
                       word_map[word] != pattern[pos]
                                                      { //若当前word已建立映射
                      return false;
                                                       无法与当前pattern对应
                                                           str = "dog cat cat fish"
                               -个单词的插入和查询后,清空word
              pos++;
                        //指向pattern字符的pos指针前移
           else{
                                                           pattern = "abca"
              word += str[i];
                                            str = "dog "
            pos!= pattern.length()
       if
           return false;
                         //有多余的pattern字符
                                             pattern = "abca"
       return true;
};
```

### 例2:测试与leetcode提交结果

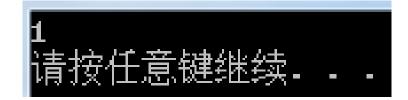
```
int main() {
    std::string pattern = "abba";
    std::string str = "dog cat cat dog";
    Solution solve;
    printf("%d\n", solve.wordPattern(pattern, str));
    return 0;
}
```

#### Word Pattern

#### Submission Details

33 / 33 test cases passed. Status: Accepted

Runtime: 0 ms Submitted: 0 minutes ago



### 例3:同字符词语分组

已知一组字符串,将所有anagram(由颠倒字母顺序而构成的字)放到一起输出。

```
例如:["eat", "tea", "tan", "ate", "nat", "bat"]
返回:[ ["ate", "eat", "tea"], ["nat", "tan"], ["bat"]]
```

#### 选自 LeetCode 49. Group Anagrams

https://leetcode.com/problems/group-anagrams/description/

难度:Medium

#### 例3:思考

anagram分组: 若某两个字符串,出现的各个字符数相同,则它们应该为同一分组。

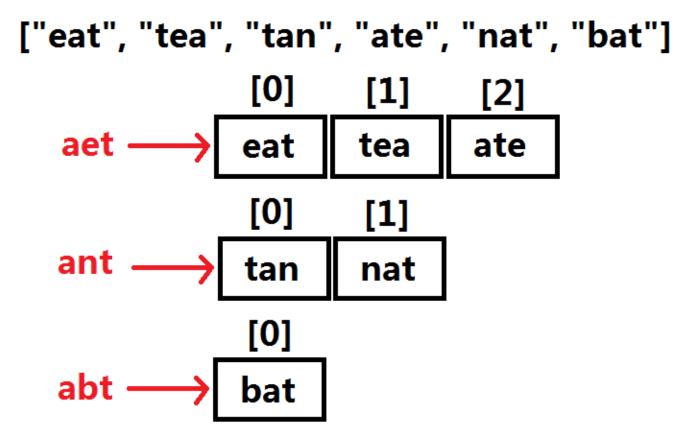
例如:["eat", "tea", "tan", "ate", "nat", "bat"] 返回:[ ["ate", "eat", "tea"], ["nat", "tan"], ["bat"]]

#### 思考:

如何建立哈希表,怎样设计哈希表的key与value,就可将各个字符数相同的字符串映射到一起?

#### 例3:方法1设计

哈希表以内部进行排序的各个单词为key,以字符串向量(vector<string>)为value,存储各个字符数量相同的字符串(anagram)。



#### 例3:方法1算法思路

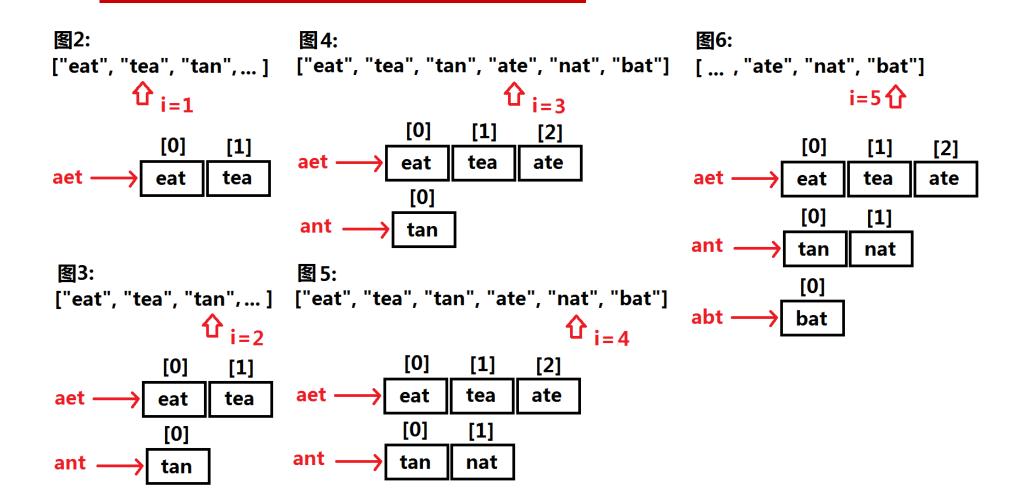
设置字符串到字符串向量的哈希表anagram,遍历字符串向量strs中的单词strs[i]:

- 1)设置临时变量str = strs[i],对str进行排序。
- 2)若str未出现在anagram中,设置str到一个空字符串向量的映射。
- 3)将strs[i]添加至字符串向量anagram[str]中。

遍历哈希表anagram,将全部key对应的value push至最终结果中。

#### 图1:

# 例3:方法1算法思路



#### 例3:方法1课堂练习

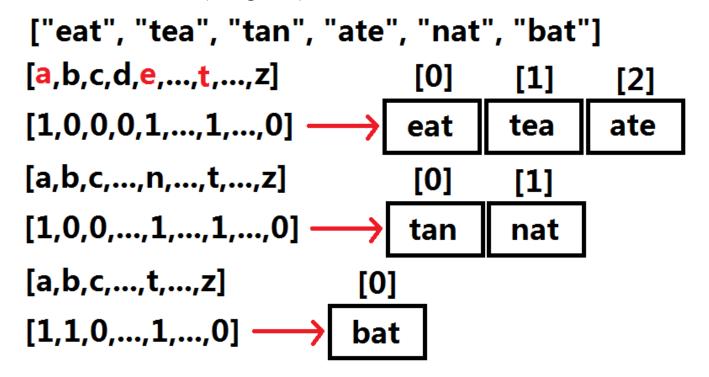
```
class Solution {
public:
   std::vector<std::vector<std::string> > groupAnagrams(
           std::vector<std::string>& strs) {
       std::map<std::string, std::vector<std::string> > anagram;
       //内部进行排序的各个单词为key,以字符串向量(vector<string>)为
       value , 存储各个字符数量相同的字符串(anagram)
       std::vector<std::vector<std::string> > result; //存储最终的结果
       for (int i = 0; i < strs.size(); i++) { //遍历各个单词
           std::string str =
           std::sort(str.begin(), str.end()); //对str内部进行排序
           if (anagram.find(str) == anagram.end()) { //若无法在哈希表中找到str
              std::vector<std::string>_item; //设置一个空的字符串向量
                                               3分钟填写代码.
                                               有问题随时提出!
       std::map<std::string, std::vector<std::string> > ::iterator it;
       for (it = anagram.begin(); it != anagram.end(); it++) {
           result.push back((*it).second);
                         //遍历哈希表,将哈希表的value push进入最终结果
       return result:
};
```

#### 例3:方法1实现

```
class Solution {
public:
   std::vector<std::vector<std::string> > groupAnagrams(
           std::vector<std::string>& strs) {
       std::map<std::string, std::vector<std::string> > anagram;
       //内部进行排序的各个单词为key,以字符串向量(vector<string>)为
       value , 存储各个字符数量相同的字符串(anagram)
       std::vector<std::vector<std::string> > result; //存储最终的结果
       for (int i = 0; i < strs.size(); i++){ //遍历各个单词
           std::string str =
           std::sort(str.begin(), str.end()); //对str内部进行排序
           if (anagram.find(str) == anagram.end()) { //若无法在哈希表中找到str
               std::vector<std::string> item; //设置一个空的字符串向量
                anagram[str] = item;
                                        //以排序后的strs[i]作为key
                                        //在对应的字符串向量中push结果
            anagram[str].push_back(strs[i]);
        std::map<std::string, std::vector<std::string> > ::iterator it;
        for (it = anagram.begin(); it != anagram.end(); it++){
           result.push back((*it).second);
                         //遍历哈希表,将哈希表的value push进入最终结果
       return result:
};
```

### 例3:方法2设计

哈希表以26个字母的字符数量(一个长度为26的vector,统计单词中各个字符的数量)为key,以字符串向量(vector<string>)为value,存储各个字符数量相同的字符串(anagram)。



#### 例3:方法2算法思路

设置vector到字符串向量的哈希表anagram,遍历字符串向量strs中的单词strs[i]:

- 1)统计strs[i]中的各个字符数量,存储至vec。
- 2)若vec未出现在anagram中,设置vec到一个空字符串向量的映射。
- 3)将strs[i]添加至字符串向量anagram[vec]中。

遍历哈希表anagram,将全部key对应的value push至最终结果中。

#### 哈希表anagram:

[a,b,c,d,e,...,t,...,z] [0]  
[1,0,0,0,1,...,1,...,0] 
$$\longrightarrow$$
 eat

#### //将字符串str中的各个字符数量进行统计,存储至vec

```
void change to vector(std::string &str, std::vector<int> &vec) {
   for (int i = 0; i < 26; i++) {
       vec.push back(0);
                                                   例3:方法2实现
   for (int i = 0; i < str.length(); i++){</pre>
       vec[str[i]-'a']++;
class Solution {
public:
    std::vector<std::vector<std::string> > groupAnagrams(
           std::vector<std::string>& strs) {
        std::map<std::vector<int>, std::vector<std::string> > anagram;
       std::vector<std::string> > result;
       for (int i = 0; i < strs.size(); i++){</pre>
            std::vector<int> vec;
                                                      //各个单词中字符出现的
            change to vector(strs[i], vec);
                                                      数量的vector到字符串向
           if (anagram.find(vec) == anagram.end()){
               std::vector<std::string> item;
                                                      量(存储结果)的映射
               anagram[vec] = item;
           anagram[vec].push back(strs[i]);
        std::map<std::vector<int>,
           std::vector<std::string> > ::iterator it;
        for (it = anagram.begin(); it != anagram.end(); it++){
           result.push back((*it).second);
       return result;
} ;
```

#### 例3:测试与leetcode提交结果

```
int main(){
                                       Group Anagrams
    std::vector<std::string> strs;
    strs.push back("eat");
                                       Submission Details
    strs.push back("tea");
    strs.push back("tan");
                                                             Status: Accepted
                                         101 / 101 test cases passed.
    strs.push back("ate");
                                         Runtime: 45 ms
                                                           Submitted: 0 minutes ago
    strs.push back("nat");
    strs.push back("bat");
    Solution solve:
    std::vector<std::string> > result
        = solve.groupAnagrams(strs);
    for (int i = 0; i < result.size(); i++) {
        for (int j = 0; j < result[i].size(); j++){
             printf("[%s]", result[i][j].c str());
        printf("\n");
                                           [bat]
                                           [eat][tea][ate]
    return 0:
                                           [tan][nat]
```

#### 课间休息10分钟

# 有问题提出!

#### 例4:无重复字符的最长子串

已知一个字符串,求用该字符串的无重复字符的最长子串的长度。例如:

```
s = "abcabcbb" -> "abc", 3
s = "bbbbb" -> "b", 1
s = "pwwkew" -> "wke", 3 注意 "pwke"是子序列而非子串。

class Solution {
public:
    int lengthOfLongestSubstring(std::string s) {
}
};
```

#### 选自 LeetCode 3. Longest Substring Without Repeating Characters

https://leetcode.com/problems/longest-substring-without-repeating-characters/description/

难度:Medium

#### 例4:思考

#### 枚举 S = "pwwkew" 的所有子字符串:

W k е W W p ew wk ke ww pw wke wwk kew pww wkew wwke pwwk wwkew pwwke pwwkew

检查以上所有子字符串,是否满足无重复字符的条件,取最长的满足条件的子串作为结果。

思考: 该算法的复杂度是多少? 是否有更好的方法?

#### 例4:分析

该题目的时间复杂度优化目标是从O(n^2)优化至O(n)(中间没有优化至nlogn的条件)。 所以需要将两重循环的枚举扫描修改为一层扫描。

题目中最关键的条件, 无重复字符的子串, 观察子串:



红色方框中的枚举均无意义,因为蓝色方框中已出现了重复字符。 绿色方框中的也无意义,因为后续的枚举不会出现满足条件的更优子串。

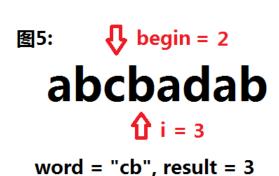
#### 例4:算法思路

- 1.设置一个记录字符数量的字符哈希,char\_map;
- 2.设置一个记录当前满足条件的最长子串变量word;
- 3.设置两个指针(记作指针i与指针begin)指向字符串第一个字符;
- 4.设置最长满足条件的子串的长度result;
- 5.i指针向后逐个扫描字符串中的字符,在这个过程中,使用char\_map记录字符数量如果word中没出现过该字符:对word尾部添加字符并检查result是否需要更新;否则:begin指针向前移动,更新char\_map中的字符数量,直到字符s[i]的数量为1;更新word,将word赋值为begin与i之间的子串。

在整个过程中,使用begin与i维护一个 $\widehat{\mathbf{b}}$ 口,该窗口中的子串满足题目条件(无重复的字符),窗口线性向前滑动,整体时间复杂度为 $\mathbb{O}(\mathbf{n})$ 。

# abcbadab abcbadab begin 企 i begin 企 i

#### 例4:算法思路



word = "cba", result = 3

abcbadab

#### 例4:算法思路

word = "cbad", result = 4

word = "cbad", result = 4

图9:

 $\mathbf{0}$  begin = 5

abcbadab

**1** i = 6

word = "da", result = 4

图10:

 $\mathbf{0}$  begin = 5

abcbadab

word = "dab", result = 4

```
class Solution {
                                                      例4:课堂练习
public:
   int lengthOfLongestSubstring(std::string s) {
       int begin = 0; //窗口的头指针
        int result = 0;
       std::string word = "";
       int char map[128] = \{0\};
       for (int i = 0; i < s.length(); i++) {</pre>
                                      //word中没出现过该字符
            if (char map[s[i]] == 1){
                if (result < word.length()) {</pre>
                   result = word.length();
                     //将重复的字符s[i]删去
            else{
                while
                    begin++;
                                                              填写代码,
                              //重新更新word
                word = "";
                for (int j = begin; j <= i; j++) {</pre>
        return result;
};
```

### 例4:实现

```
class Solution {
                                                           public:
   int lengthOfLongestSubstring(std::string s) {
       int begin = 0; //窗口的头指针
                                                                abcbadab
       int result = 0;
       std::string word = "";
                                                                     1 i = 2
       int char map [128] = \{0\};
       for (int i = 0; i < s.length(); i++){</pre>
              char map[s[i]]++;
                                                               word = "abc", result = 3
                                    //word中没出现过该字符
           if (char map[s[i]] == 1)
                                                          word += s[i];
               if (result < word.length()) {</pre>
                                                               abcbadab
                  result = word.length();
                                                                       \mathbf{1} i = 3
                    //将重复的字符s[i]删去
           else{
                                                               word = "abc", result = 3
               while (begin < i && char_map[s[i]] > 1
                     char_map[s[begin]]--;
                                                                    \bigcirc begin = 2
                                                            图5:
                   begin++;
                            //重新更新word
               word = "";
                                                               abcbadab
               for (int j = begin; j <= i; j++) {</pre>
                         word += s[j];
                                                              word = "cb", result = 3
        return result;
};
```

#### 例4:测试与leetcode提交结果

```
int main() {
    std::string s = "abcbadab";
    Solution solve;
    printf("%d\n", solve.lengthOfLongestSubstring(s));
    return 0;
}
```

**4** 请按任意键继续. .

#### Longest Substring Without Repeating Characters

#### Submission Details

983 / 983 test cases passed. Status: Accepted

Runtime: 29 ms Submitted: 0 minutes ago

#### 例5:重复的DNA序列

将DNA序列看作是只包含['A', 'C', 'G', 'T']4个字符的字符串,给一个DNA字符串,找到所有长度为10的且出现超过1次的子串。例如:
s="AAAAACCCCCAAAAACCCCCCAAAAAGGGTTT",
Return: ["AAAAACCCCC", "CCCCCAAAAA"].
s="AAAAAAAAAAAA"].

class Solution {
public:
 std::vector<std::string> findRepeatedDnaSequences(std::string s) {
 };

#### 选自 LeetCode 187. Repeated DNA Sequences

https://leetcode.com/problems/repeated-dna-sequences/description/

难度:Medium

### 例5:算法思路(方法1)

枚举DNA字符串的中所有长度为10的子串,将其插入到哈希Map中,并记录子串数量;遍历哈希map,将所有出现超过1次的子串存储到结果中。算法复杂度O(n)。

s = "AAAAACCCCCAAAAACCCCCCAAAAAGGGTTT"

AAAAACCCCCA AAACCCCCAA

• • •

AAAAAGGGTTT AAAAGGGTTT

### 例5:课堂练习(方法1)

```
class Solution {
public:
   std::vector<std::string> findRepeatedDnaSequences(std::string s) {
       std::map<std::string, int> word_map; //<单词,单词数量>的映射
       std::vector<std::string> result;
       for (int i = 0; i < s.length(); i++){</pre>
                                               //若word在哈希中出现
           std::string word = s.substr(i, 10);
           if (word map.find(word) != word map.end()) {
           else{
                                                //遍历哈希表中的所有单词
       std::map<std::string, int> ::iterator it;
       for (it = word map.begin(); it != word map.end(); it++){
           if
               result.push back(it->first);
                                                             ·填写代码.
       return result;
};
```

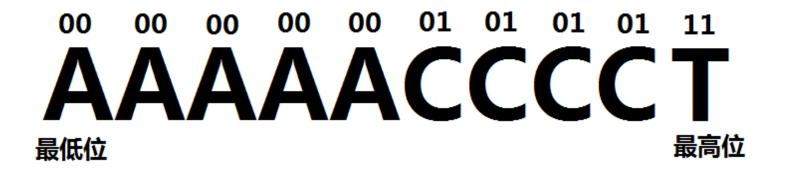
### 例5:实现(方法1)

```
class Solution {
public:
   std::vector<std::string> findRepeatedDnaSequences(std::string s) {
       std::map<std::string, int> word_map; //<单词,单词数量>的映射
       std::vector<std::string> result;
       for (int i = 0; i < s.length(); i++){</pre>
                                               //若word在哈希中出现
           std::string word = s.substr(i, 10);
           if (word map.find(word) != word map.end()) {
                     word_map[word] += 1;
           else{
                     word_map[word] = 1;
                                                 //遍历哈希表中的所有单词
       std::map<std::string, int> ::iterator it;
       for (it = word map.begin(); it != word map.end(); it++) {
           if
                  it->second > 1
               result.push back(it->first);
       return result;
};
```

#### 例5:算法思路2

将长度为10的DNA序列进行整数编码:

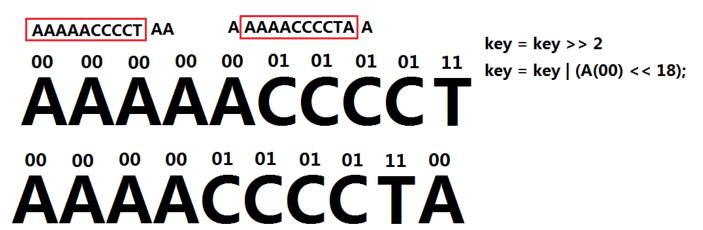
['A', 'C', 'G', 'T']4个字符分别用[0, 1, 2, 3](二进制形式(00, 01, 10, 11)所表示, 故长度为10的DNA序列可以用20个比特位的整数所表示,如:



使用整数11010101010000000000 = 873472表示 AAAAACCCCT

#### 例5:算法思路2

- 1.设置全局整数哈希int g\_hash\_map[1048576];  $1048576 = 2^20$ , 表示**所有的长度为10**的 DNA序列。
- 2.将DNA字符串的前10个字符<mark>使用左移位运算</mark>转换为整数key,g\_hash\_map[key]++。
- 3.从DNA的第11个字符开始,按顺序遍历各个字符,遇到1个字符即将key右移2位(去掉最低位),并且将新的DNA字符s[i]转换为整数后,或到最高位(第19、20位),g\_hash\_map[key]++。
- 4.遍历哈希表g\_hash\_map, 若g\_hash\_map[i] > 1,将i从低到高位转换为10个字符的DNA 序列,push至结果数组。



```
int g hash map[1048576] = {0}; //哈希太大了,需要全局数组
                                                     例5:课堂练习(方法2)
std::string change int to DNA(int DNA) {
   static const char DNA CHAR[] = {'A', 'C', 'G', 'T'};
   std::string str;
   for (int i = 0; i < 10; i++) {
                                   //将一个长度为10的片段,从整数
       str +=
                                   转为字符串
       DNA =
   return str;
class Solution {
public:
   std::vector<std::string> findRepeatedDnaSequences(std::string s)
       std::vector<std::string> result;
       if (s.length() < 10){
           return result;
       for (int i = 0; i < 1048576; i++) { //每次调用时需要更新全局数组
           q hash map[i] = 0;
       int char map[128] = \{0\};
       char map['A'] = 0;
                          //设置字符到整数的转换数组
       char map['C'] = 1;
       char map['G'] = 2;
       char map['T'] = 3;
                                 //将DNA字符串的前10个字符
       int key = 0;
       for (int i = 9; i >= 0; i--) {
           kev =
       q hash map[key] = 1;
       for (int i = 10; i < s.length(); i++){</pre>
           key = key >> 2;
           key =
           g hash map[key]++;
       for (int i = 0; i < 1048576; i++) {
           if (
              result.push back(change int to DNA(i));
                         //将出现次数大于2的片段push进入结果
       return result;
};
```

# 评填写代码,

```
int g hash map[1048576] = {0}; //哈希太大了,需要全局数组
                                                                   例5:实现(方法2)
std::string change int to DNA(int DNA){
    static const char DNA CHAR[] = {'A', 'C', 'G', 'T'};
    std::string str;
    for (int i = 0; i < 10; i++)</pre>
                                    //将一个长度为10的片段,从整数
       str +=
              DNA_CHAR[DNA & 3];
                                    转为字符串
               DNA >> 2;
       DNA =
   return str;
class Solution {
public:
    std::vector<std::string> findRepeatedDnaSequences(std::string s)
        std::vector<std::string> result;
       if (s.length() < 10){
           return result;
       for (int i = 0; i < 1048576; i++){ //每次调用时需要更新全局数组
           q hash map[i] = 0;
       int char map[128] = \{0\};
        char map['A'] = 0;
       char map['C'] = 1;
       char map['G'] = 2;
       char map['T'] = 3;
                                  //将DNA字符串的前10个字符
       int key = 0;
       for (int i = 9; i >= 0; i--) {
                                                                                A AAAACCCCTA A
                                                             AAAAACCCCT AA
           key = (key << 2) + char map[s[i]]
       q hash map[key] = 1;
       for (int i = 10; i < s.length(); i++) {
           key = key >> 2;
                key | (char_map[s[i]] << 18);
                                                                              01 01 01 01 11 00
           q hash map[key]++;
       for (int i = 0; i < 1048576; i++) {
                g hash map[i] >
               result.push back(change_int_to_DNA(i));
                          //将出现次数大于2的片段push进入结果
       return result;
} ;
```

### 例5:测试与leetcode提交结果

```
int main(){
    std::string s = "AAAAACCCCCCAAAAACCCCCCAAAAAGGGTTT";
    Solution solve;
    std::vector<std::string> result = solve.findRepeatedDnaSequences(s);
    for (int i = 0; i < result.size(); i++){</pre>
        printf("%s\n", result[i].c str());
    return 0;
```

#### Submission Details

Repeated DNA Sequences

Status: Accepted 32 / 32 test cases passed. Runtime: 189 ms

Submitted: 0 minutes ago

AAAAACCCCC CCCCCAAAAA

#### Repeated DNA Sequences

#### Submission Details

32 / 32 test cases passed.

Status: Accepted

Runtime: 59 ms

Submitted: 0 minutes ago

#### 例6:最小窗口子串

已知字符串S与字符串T, 求在S中的最小窗口(区间), 使得这个区间中包含了字符串T中的所有字符。

```
例如: S="ADOBECODEBANC"; T="ABC"
包含T的子区间中,有"ADOBEC", "CODEBA", "BANC"等等; 最小窗口区"BANC"
class Solution {
public:
    std::string minWindow(std::string s, std::string t) {
};
```

#### 选自 LeetCode 76. Minimum Window Substring

https://leetcode.com/problems/minimum-window-substring/description/

难度:Hard

#### 例6:思考

枚举 S = "ADOBECODEBANC"的所有子字符串:

A D A N C

AD DO AN NC

ADO DOB ··· ANC

ADOB DOBE

•••

ADOBECODEBANC DOBECODEBANC

检查以上所有子字符串,是否包含字符串T="ABC"

思考:本题是否同样和例4一样,有一个O(n)的最佳算法?

#### 例6:预备知识

```
bool is window ok(int map s[], int map t[], std::vector<int> &vec t){
    for (int i = 0; i < vec t.size(); i++) { //利用vec_t遍历t中出现的字符
       if (map s[vec t[i]] < map t[vec t[i]]){</pre>
           return false; //如果s出现该字符的数量小于t中出现该字符的数量
    return true;
int main(){
   std::string s = "ADOBECODEBANC";
   std::string t = "ABCDAB";
   const int MAX ARRAY LEN = 128; //char 0-127, 利用数组下标记录字符个数
   int map t[MAX ARRAY LEN] = {0}; //记录t字符串各字符个数
                                                        String S ADOBECODEBANC 's char number:
   int map s[MAX ARRAY LEN] = {0};//记录s字符串各字符个数
                                                        \mathbf{B}:\mathbf{2}
   std::vector<int> vec t; //记录t字符串中有哪些字符
   for (int i = 0; i < s.length(); i++) {
       map s[s[i]]++; //遍历s,记录s字符串个字符个数
   for (int i = 0; i < t.length(); i++) {
                                                         String T ABCDAB 's char number:
       map_t[t[i]]++; //遍历t , 记录s字符串个字符个数
                                                          : 2
                                                         B : 2
   for (int i = 0; i < MAX ARRAY LEN; i++) {</pre>
       if (map t[i] > 0) {
                                                         String T ABCDAB 's char:
           vec t.push back(i);
           //遍历,将字符串t中出现的字符存储到vec t中
     互联网新技术在线教育领航者
                                                         is_window_ok = 1
```

#### 例6:算法思路

- 1.设置两个字符哈希数组,map\_s与map\_t, map\_s代表当前处理的窗口区间中的字符数量,map\_t代表子串T的字符数量。
- 2.设置两个指针(记作指针i与指针begin)指向字符串第一个字符;
- 3.i指针向后<mark>逐个扫描</mark>字符串中的字符,在这个过程中,<mark>循环检查begin</mark>指针是否可以向前 移动:

如果当前begin指向的字符T中没出现,直接前移begin;

如果begin指向的字符T中出现了,但是当前区间窗口中的该字符数量足够,向前移动begin,并更新map\_s;

<mark>否则</mark>不能移动begin, 跳出检查。

4.指针i每向前扫描一个字符,即<mark>检查</mark>一下是否可以更新最终结果(找到最小的包含T中各个字符的窗口)。

在整个过程中,使用begin与i维护一个 $\widehat{\mathbf{a}}$ 口,该窗口中的子串满足题目条件(包含T中所有字符),窗口线性向前滑动,整体时间复杂度为 $O(\mathbf{n})$ 。

A D O B E C O D E B A N C

#### 例6:算法思路

i=0

♪ 窗口尾指针 按顺序扫描字符串S

A D O B E C O D E B A N C

む 窗口头指针
window\_begin = 0

前进条件1:指向了没有在T中出现的字符
前进条件2:指向的字符出现在T中,
但窗口内有超过T中该字符个数的字符

む T="ABC"

A D O B E C O D E B A N C

む

图1 开始移动尾指针,直到发现结果 A D O B E C O D E B A N C む window\_begin =0 记录结果:ADOBEC i= 6 图2 继续移动尾指针 A D O B E C O D E B A N C む window\_begin =0 i= 10 图3 **ADOBECODEBANC** む 此时可以移动头指针了! window begin =0

#### 例6:算法思路

图4

i= 10 **↓** 

图5

i=12 **↓** 

## A D O B E C O D E B A N C 仓

window\_begin = 5

发现可能的 结果"CODEBA",但不更新继续移动尾指针

ADOBECODEBANC

window\_begin = 5

此时可以移动头指针了!

图6

i=12 **↓** 

**ADOBECODEBANC** 

û

window\_begin = 9

发现可能的 结果 BANC 最终求的结果!

### 例6:实现(统计T字符串、检查包含函数)

```
class Solution {
private:
   bool is window ok(int map s[], int map t[], std::vector<int> &vec t){
       for (int i = 0; i < vec t.size(); i++) { //利用vec t遍历t中出现的字符
           if (map s[vec t[i]] < map t[vec t[i]]){</pre>
               return false; //如果s出现该字符的数量小于t中出现该字符的数量
       return true;
public:
   std::string minWindow(std::string s, std::string t) {
       const int MAX ARRAY LEN = 128; //char 0-127, 利用数组下标记录字符个数
       int map t[MAX ARRAY LEN] = {0}; //记录t字符串各字符个数
       int map_s[MAX_ARRAY_LEN] = {0}; //记录s字符串各字符个数
       std::vector<int> vec t; //记录t字符串中有哪些字符
       for (int i = 0; i < t.length(); i++){</pre>
           map_t[t[t]]]++; //遍历t,记录s字符串个字符个数
       for (int i = 0; i < MAX ARRAY LEN; <math>i++) {
          if (map t[i] > 0) {
              vec t.push back(i);
           } //遍历 , 将字符串t中出现的字符存储到vec_t中
```

### 例6:实现(课堂练习,双指针求最小窗口)

```
int window begin = 0; //最小窗口起始指针
std::string result; //最小窗口对应的字符串
for (int i = 0; i < s.length(); i++) { //i代表了窗口的尾指针
   while (window begin < i) { //窗口的头指针不能超过尾指针
       char begin ch = s[window begin];
       if (map_t[begin_ch] == 0) { //如果当前头指针指向的字符没有
                              在字符串t中出现
         //头指针指向的字符出现在T中,窗口内有超过T中该字符个数的字符
       else if (map s[begin ch] > map t[begin ch]) {
                                                     5分钟时间填写代
          window begin++; //窗口头指针前移
                                                     码,
       else{
          //检查此时的窗口是否包含字符串t
   if (is_window_ok(map_s, map_t, vec_t)){
       int new window len = i - window begin + 1;
      if
          result = s.substr(window begin, new window len);
             //替换窗口所对应的字符串
return result;
```

### 例6:实现(双指针求最小窗口)

```
int window begin = 0; //最小窗口起始指针
  std::string result; //最小窗口对应的字符串
  for (int i = 0; i < s.length(); i++) { //i代表了窗口的尾指针
                        //将尾指针指向的字符添加到表示窗口的map中
         map s[s[i]]++;
      while (window begin < i) { //窗口的头指针不能超过尾指针
         char begin ch = s[window begin];
         if (map_t[begin_ch] == 0) { //如果当前头指针指向的字符没有
//窗口头指针前移
            window_begin++;
                                在字符串t中出现
            //头指针指向的字符出现在T中,窗口内有超过T中该字符个数的字符
         else if (map s[begin ch] > map t[begin ch]) {
            map_s[begin_ch]--; //头指针前移了 , 它指向的字符减少1个
             window begin++; //窗口头指针前移
         else-
                            //除了1,2两个条件,其他情况都跳出循环
                break:
             //检查此时的窗口是否包含字符串t
      if (is_window_ok(map_s, map_t, vec_t)){ //计算新字符串长度
         int new window len = i - window begin + 1;
               result == "" || result.length() > new_window_len
            result = s.substr(window begin, new window len);
                //替换窗口所对应的字符串
                                    //结果字符串为空
                                    或者当前窗口字符串更小的时候
  return result:
                                     更新结果
```

};

### 例6:测试与leetcode提交结果

```
int main(){
    Solution solve:
     std::string result = solve.minWindow("ADOBECODEBANC", "ABC");
    printf("%s\n", result.c str());
    result = solve.minWindow("MADOBCCABEC", "ABCC");
    printf("%s\n", result.c str());
    result = solve.minWindow("aa", "aa");
    printf("%s\n", result.c str());
    return 0:
                                          BANC
                                          BCCA
                                           aa
Minimum Window Substring
Submission Details
                                                             Status: Accepted
 268 / 268 test cases passed.
 Runtime: 22 ms
                                                           Submitted: 0 minutes ago
```

### 结束

# 非常感谢大家!

林沐